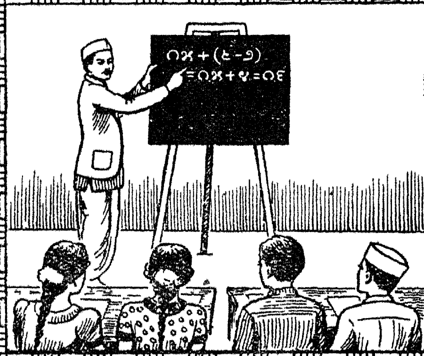
ಗಣಿತ ಬೋಧ

೪ನೆಯ
ತರಗತಿಗೆ



… ಪ್ರಕಾಶನ,
…ಾಡ

ಪ್ರಾಥಮಿಕ ಶಾಲೆಗಳ ಹೊಸ ಅಭ್ಯಾಸಪತ್ರಿಕೆಗನುಸರಿಸಿ ಬರೆದ

ಗಣಿತ ಬೋಧ

(ಅಂಕಗಣಿತ, ಜಮಾಖರ್ಚು)

ನಾಲ್ಕನೆಯ ಇಯತ್ತೆಗಾಗಿ

ತಜ್ಞ ಶಿಕ್ಷಕರಿಂದ ರಚಿತವಾದುದು

ಪ್ರಕಾಶಕರು

ಕನ್ನಡ ಸಾಹಿತ್ಯ ಪ್ರಕಾಶನ,

ಧಾರವಾಡ

ಮೊದಲನೆಯ ಆವೃತ್ತಿ

೧೯೫೨

[ಬೆಲೆ ೧-೦-೦

ಮುದ್ರಕರು
ಎಮ್. ಜಿ ಪಾಲೇಕರ
ವಸಂತ ಮುದ್ರಣಾಲಯ, ಧಾರವಾಡ

ಪ್ರಕಾಶಕರು
ಕನ್ನಡ ಸಾಹಿತ್ಯ ಪ್ರಕಾಶನ,
ಧಾರವಾಡ

ಮುನ್ನುಡಿ

ಗಣಿತ ವಿಷಯದಲ್ಲಿ ಅತ್ಯುತ್ತಮವಾದ ಪಠ್ಯ ಪುಸ್ತಕಗಳ ಮಾಲೆಯನ್ನು ಪ್ರಸಿದ್ಧಿಸಿದ್ದಕ್ಕಾಗಿ ಪ್ರಕಾಶಕರನ್ನು ಅಭಿನಂದಿಸುವೆನು ಈ ಪುಸ್ತಕಗಳ ಉಪಯೋಗದಿಂದ ಶಾಲೆಯ ಮಕ್ಕಳು ಲಾಭ ಹೊಂದುವರೆಂದು ಹಾರೈಸುವೆನು

ಈ ಮಾಲೆಯಲ್ಲಿಯ ಕೆಲವೊಂದು ಉತ್ತಮ ವೈಶಿಷ್ಟ್ಯಗಳನ್ನು ಕೆಳಗೆ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ

(೧) ವಿಷಯ ವಿವೇಚನೆಯು ಕ್ರಮಬದ್ಧ ಹಾಗು ತರ್ಕಬದ್ಧವಾಗಿದೆ

(೨) ಸ್ಪಷ್ಟೀಕರಣಗಳು ಸರಳ ಹಾಗು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗಿದ್ದು ಮನದಟ್ಟಾಗುವಂತೆ ಕೊಡಲ್ಪಟ್ಟಿವೆ

(೩) ವಿಷಯವಿವೇಚನೆಯನ್ನು ತಕ್ಕ ಆಕೃತಿಗಳ ಹಾಗು ಅಂಕಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಬಲಪಡಿಸಲಾಗಿದೆ

(೪) ನಾಕಷ್ಟು ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಕೂಡಲಾಗಿದೆ

(೫) ಪ್ರಮೇಯದ ಉಪಯೋಗವನ್ನು ಉದಾಹರಿಸುವ ಅನೇಕ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದ

(೬) ಬಿಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ಕೊಟ್ಟ ಲೆಕ್ಕಗಳು ವೈವಿಧ್ಯಪೂರ್ಣವಾಗಿದ್ದು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಜೀವನಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಪಟ್ಟವುಗಳಾಗಿವೆ

(೭) ೪ ಹಾಗು ೫ನೆಯ ತರಗತಿಯ ಪುಸ್ತಕಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟೋ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಏಕಮಾನಪದ್ಧತಿ, ತ್ರೈರಾಶಿಕಪದ್ಧತಿ ಮತ್ತು ಪಟ್ಟುಪದ್ಧತಿ ಹೀಗೆ ಮೂರು ರೀತಿಯಿಂದಲೂ ಬಿಡಿಸಿ ತೋರಿಸಲಾಗಿದೆ ಇದೇನು ಅವಶ್ಯವಲ್ಲವೆಂದು ನನ್ನ ಅಭಿಪ್ರಾಯ ಕೇವಲ ಪಟ್ಟಿನ ಪದ್ಧತಿಯನ್ನು ಕೊಡುವದು ಒಳಿತು ಈ ಪದ್ಧತಿಯಿಂದಲೇ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬೇಗ ಬಿಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ಬರುವದು ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳು ಸ್ವಲ್ಪ ರೂಢಿಯಿಂದ ಈ ಪದ್ಧತಿಯನ್ನು ಚೆನ್ನಾಗಿ ಮನನ ಮಾಡಿಕೊಳ್ಳಬಲ್ಲರು

B. B. Bagı

28-7-1952 } (ನಿವೃತ್ತ ಗಣಿತ ಪ್ರಾಧ್ಯಾಪಕರು, ಕರ್ನಾಟಕ ಕಾಲೇಜ, ಧಾರವಾಡ)
Dharwar }

ಅಭಿಪ್ರಾಯ

ಕನ್ನಡ ಸಾಹಿತ್ಯ ಪ್ರಕಾಶನದವರು ಪ್ರಕಾಶಿಸಿದ ಗಣಿತ ಮಾಲೆಯು ಪ್ರಾಥಮಿಕ ಶಿಕ್ಷಣದ ಪ್ರಗತಿಯ ಮಾರ್ಗದಲ್ಲಿ ಸ್ತುತ್ಯಪ್ರಯತ್ನವಾಗಿದೆ. ವಿಷಯಸಂಗ್ರಹವು ಆಯಾ ವರ್ಗಗಳಿಗೆ ಸರಿಯಾಗಿದೆ. ವಿಷಯದ ಸ್ಪಷ್ಟೀಕರಣಕ್ಕೆ ಅವಶ್ಯವಿರುವ ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದಲೂ, ಹೊಸ ವಿಷಯದ ದೃಢೀಕರಣಕ್ಕೆ ಬೇಕಾದ ರೂಢಿಯ ಲೆಕ್ಕಗಳಿಂದಲೂ ಗಣಿತ ಶಿಕ್ಷಕರಿಗೆ ದೈನಂದಿನ ಪಾಠಗಳಲ್ಲಿ ಮಾರ್ಗದರ್ಶನವಾಗುವದರಲ್ಲಿ ಸಂದೇಹವಿಲ್ಲ. ಇದು ಈಗಿನ ಶಿಕ್ಷಣ ಪದ್ಧತಿಗನುಗುಣವಾಗಿ ರಚಿಸಲ್ಪಟ್ಟಿರುವದರಿಂದ ಈ ಮಾಲೆಗೆ ಸರಿಯಾದ ಪ್ರೋತ್ಸಾಹವು ದೊರೆಯುವದೆಂದು ನಂಬುತ್ತೇನೆ.

Hubli
26—7—52

H. F. Kattimani
B. A., M. L. C.

ಪ್ರಕಾಶಕರ ನಿವೇದನೆ

ಮಕ್ಕಳು ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿ ಕಲಿಯಬೇಕಾದ ವಿಷಯಗಳಲ್ಲಿ ಮಹತ್ವದ್ದೂ ನಿತ್ಯೋಪಯೋಗಿಯೂ ಆದ ಗಣಿತವನ್ನು ಕುರಿತು ಉಪಯುಕ್ತ ಸಂಗತಿಗಳ ನ್ನೊಳಗೊಂಡ ಪಠ್ಯಪುಸ್ತಕಗಳು ಇದ್ದಷ್ಟೂ ಒಳಿತು ಈ ದೃಷ್ಟಿಯಿಂದ ಗಣಿತಮಾಲೆಯೊಂದನ್ನು ರಚಿಸಲು ಹಲವು ಶಿಕ್ಷಕರಿಂದಲೂ ಶಿಕ್ಷಣಪ್ರೇಮಿ ಗಳಿಂದಲೂ ಆಗ್ರಹದ ಸೂಚನೆಗಳು ಬಂದ ಮೇರೆಗೆ, ಈ **'ಗಣಿತ ಬೋಧೆ'** ಎಂಬ ಗಣಿತ ಪಠ್ಯಪುಸ್ತಕಮಾಲೆಯನ್ನು ಪ್ರಕಟಿಸುವ ಸಾಹಸ ಮಾಡಿ ದ್ದೇವೆ ಈ ಮಾಲೆಯಲ್ಲಿ ೪ ರಿಂದ ೭ನೆಯ ತರಗತಿಯವರೆಗಿನ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ ಗಳಿಗಾಗಿ ನಾಲ್ಕು ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸಲಾಗಿದ

ಗಣಿತದ ಅಭ್ಯಾಸಪತ್ರಿಕೆಯನ್ನು ನೋಡಿದರೆ, ನಾಲ್ಕನೆಯ ತರಗತಿ ಗಿದ್ದ ಗಣಿತ ಪ್ರಮೇಯಗಳೇ ಮುಂದಿನ ವರ್ಗಗಳ ಗಣಿತ ವಿಷಯಕ್ಕೂ ತಳಹದಿಯಾಗಿವೆ ಎಂಬುದು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ ಆದುದರಿಂದ ತಳಹದಿ ಯನ್ನು ಭದ್ರಗೊಳಿಸುವದಕ್ಕಾಗಿ ೪ನೆಯ ವರ್ಗದ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿ ಗಣಿತದ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಪ್ರಮೇಯದ ವಿವರಣೆಯನ್ನು ಶಿಕ್ಷಕರಿಗೂ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳಿಗೂ ಮನದಟ್ಟಾಗುವ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಕ್ರಮಬದ್ಧವಾಗಿಯೂ ತರ್ಕಶುದ್ಧವಾಗಿಯೂ ಮಾಡಲಾಗಿದೆ ಪ್ರಮಾಣದ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ, ತ್ರೈರಾಶಿಕ ಪದ್ಧತಿ, ಪಟ್ಟುಪದ್ಧತಿ ಈ ಮೂರೂ ರೀತಿಗಳಲ್ಲಿ ಬಿಡಿಸಿದೆ

೫ನೆಯ ತರಗತಿಯ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿ, ಹಿಂದಿನ ವರ್ಗದಲ್ಲಿ ದೊರಕಿಸಿದ ಗಣಿತಜ್ಞಾನವನ್ನು ದೃಢಪಡಿಸಿ, ಅದಕ್ಕ ಸಂಬಂಧಿಸಿ ಹೆಚ್ಚಿನ ವಿಷಯ ಗಳನ್ನು ಮುಂದುವರಿಸಿದ

೬ನೆಯ ತರಗತಿಯ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿ, ಹಿಂದಿನ ಜ್ಞಾನದ ಆಧಾರದ ಮೇಲೆ ವಿಷಯವಿವರಣೆಯನ್ನು ಮುಂದುವರಿಸಿ, ಸೇವ್ಹಿಂಗ್ಸಬ್ಯಾಂಕು, ಜಂತ್ರಿ ಮೊದಲಾದವುಗಳ ಉಪಯುಕ್ತತೆಯನ್ನೂ, ಅವುಗಳ ಮೇಲಿನ ಲೆಕ್ಕ ಗಳನ್ನೂ ಹೇಳಿದೆ ಅಲ್ಲದೆ ವಿಶೇಷವಾಗಿ ಪ್ರವಾಸದ ನಕ್ಷೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವ ರೀತಿಯನ್ನು ಅದಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಲೆಕ್ಕಗಳೊಡನೆ ತಿಳಿಸಿದೆ

೭ನೆಯ ತರಗತಿಯ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿ ವಿಶೇಷವಾಗಿ ಹೊಲಗಳನ್ನಳೆಯುವ ರೀತಿ, ಅದರ ಉಪಕರಣಗಳು, ನಕಾಶ ರಚನೆ, ನಕಾಶದಿಂದ ಭೂಮಿಯ

ಆಳತೆ ಮುಂತಾದವುಗಳ ಮಾಹಿತಿಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ ಚೆಕ್ಕು, ಹುಂಡಿ, ಪೋಷ್ಟಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ವಿವರಿಸಿ, ಬೀಜಗಣಿತದ ಪ್ರಾರಂಭಿಕಪಾಠಗಳನ್ನು ಉದಾಹರಣೆಗಳೊಂದಿಗೆ ವಿವೇಚಿಸಿದೆ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಬುದ್ಧಿಶಕ್ತಿಯನ್ನು ಕುದುರಿಸುವ ಉದ್ದೇಶದಿಂದ ಅಲ್ಲಲ್ಲಿ ಕೆಲವು ಬಿಡಿಯಾದ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಕೂಟ್ಟಿದ

ಎಲ್ಲ ಪುಸ್ತಕಗಳಲ್ಲಿಯೂ ವಿಷಯವು ಸುಲಭಗ್ರಾಹ್ಯವಾಗುವಂತೆ ಆಕೃತಿ–ಅಂಕಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿದೆ ಸಾಕಷ್ಟು ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನೂ ಅಭ್ಯಾಸಕ್ಕಾಗಿ ಉದಾಹರಣಗಳನ್ನೂ ಕೊಟ್ಟಿದೆ ಹಾಗೂ ಅವು ವೈವಿಧ್ಯಪೂರ್ಣವೂ ನಿತ್ಯ ಜೀವನಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದವೂ ಆಗಿರುವಂತೆ ಗಮನಿಸಲಾಗಿದೆ

ಈ ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ತಮ್ಮ ಕಾರ್ಯಬಾಹುಲ್ಯದಲ್ಲಿಯೂ ಬಿಡುವು ಮಾಡಿಕೊಂಡು ಬರೆದುಕೊಟ್ಟ ತಜ್ಞರಿಗೂ, ಇದನ್ನು ಓದಿ, ಮುನ್ನುಡಿಯನ್ನು ಬರೆದ ಕೊಟ್ಟ ಕರ್ನಾಟಕ ಕಾಲೇಜಿನ ನಿವೃತ್ತ ಗಣಿತ ಪ್ರಾಧ್ಯಾಪಕರಾದ ಶ್ರೀ ಬಿ ಬಿ ಬಾಗಿ, ಎಂ ಎ ಹಾಗೂ ಅಭಿಪ್ರಾಯವನ್ನು ಬರೆದು ಕೊಟ್ಟ ಮುಂಬಯಿ ಮೇಲ್ಮನೆಯ ಸದಸ್ಯರಾದ ಶ್ರೀ ಎಚ್ ಎಫ್ ಕಟ್ಟೀಮನಿ, ಬಿ ಎ ಇವರ ಅನಂತ ಉಪಕಾರಗಳನ್ನು ಸ್ಮರಿಸುತ್ತೇವೆ ಮತ್ತು ರಚನೆಯಲ್ಲಿ ಅವಶ್ಯವಾದ ಸಲಹೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟು, ನೆರವು ನೀಡಿದ ಹಾಗು ಹಸ್ತಪ್ರತಿಗಳನ್ನು ಸಿದ್ಧಪಡಿಸಿ ಕೊಟ್ಟ ಅನುಭವಿಕ ಶಿಕ್ಷಕರಾದ ಶ್ರೀ ಚಿ ಚ ಹಿರೇಮಠ, ಶ್ರೀ ಹಾವಳಿ, ಶ್ರೀ ಕೆ ಎಸ್ ಪಾಟೀಲ ಹೆ ಮಾ ಪ್ರಾ ಸ್ಕೂಲ ಇವರಿಗೂ, ಅಂದವಾದ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಬರೆದು ಕೊಟ್ಟ ಶ್ರೀ ಮೂರ್ತಿ ಹಾಗೂ ಶ್ರೀ ಜೀವೋತ್ತಮ ಮಂಗಳೂರ ಅವರಿಗೂ, ಸಕಾಲಕ್ಕೆ ಮುದ್ರಣ ಮಾಡಿಕೊಟ್ಟ ವಸಂತ ಮುದ್ರಣಾಲಯದ ಒಡೆಯರಾದ ಶ್ರೀ ಎಂ ಜಿ ಪಾಲೇಕರ ಅವರಿಗೂ ಆಭಾರಿಯಾಗಿದ್ದೇವೆ

ಈ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿರಬಹುದಾದ ಲೋಪದೋಷಗಳನ್ನು ತಜ್ಞರು ತಿಳಿಸಿದರೆ, ಪುನರ್ಮುದ್ರಣದಲ್ಲಿ ಕೃತಜ್ಞತೆಯಿಂದ ತಿದ್ದಿಕೊಳ್ಳುವೆವು ಅವಸರದಲ್ಲಿ ಉಳಿದಿರಬಹುದಾದ ಮುದ್ರಣ ದೋಷಗಳನ್ನು ಮುಂದಿನ ಆಚ್ಚಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಪಡಿಸಿಕೊಳ್ಳಲಾಗುವುದು

—ಪ್ರಕಾಶಕರು

ಪರಿವಿಡಿ

ಗಣಿತ ಬೋಧೆ

೪ನೆಯ ತರಗತಿಗೆ

ಸಂಖ್ಯಾಲೇಖನ

ಲಕ್ಷದವರೆಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು

ಬಾಲಕರೇ, ಹಿಂದಿನ ವರ್ಗದಲ್ಲಿ ನೀವು ಎಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದ ಅಂಕಿಯಿಂದ ಆರಂಭಿಸಿ ದಶಸಹಸ್ರ (ಹತ್ತುಸಾವಿರ) ದ ವರೆಗಿನ ೫ ಸ್ಥಾನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಲೂ, ಓದಲೂ ಕಲಿತಿರುವಿರಿ ಸಹಸ್ರ ದಶಸಹಸ್ರ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನೂ, ದಹಂ, ಎಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನೂ ಕೂಡಿಯೇ ಓದಬೇಕಲ್ಲವೇ? ಇನ್ನು ಆಯಾ ಸ್ಥಾನಗಳ ಪರಸ್ಪರ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ನೆನಪಿಗಾಗಿ ಕೆಳಗೆ ಕೂಡಲಾಗಿದೆ

೧೦ ಎಕ್ಕಂ=೧ ದಹಂ, ೧೦ ದಹಂ=೧ಶತಂ, ೧೦ ಶತಂ=೧ಸಹಸ್ರ ಮತ್ತು ೧೦ ಸಹಸ್ರ=೧ ದಶಸಹಸ್ರ

(೧) ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಓದಿರಿ

೪೫೬೭೮, ೩೦೨೬೮, ೬೭೦೨೩, ೨೦೦೮೬, ೩೨೬೦೫

(೨) ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರದು ತೋರಿಸಿರಿ

(ಅ) ನಾಲ್ವತ್ತಾರುಸಾವಿರದ ಐದು ನೂರಾ ಮೂವತ್ತೇಳು

(ಆ) ಅರವತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರದಾ ಐವತ್ತೇಳು

(ಇ) ಮೂವತ್ತುಸಾವಿರದ ನಾಲ್ಕು

(ಈ) ಎಪ್ಪತ್ತೆರಡುಸಾವಿರದ ಎಂಟು

(ಉ) ಇಪ್ಪತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರದ ಐದುನೂರಾ ಆರು

ಇನ್ನು ಮೂರು ಸ್ಥಾನಗಳ ಅತಿದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವದು ?

೯೯೯ ಅಲ್ಲವೇ? ಹಾಗಾದರೆ ನನ್ನ ಹತ್ತರ ೯೯೯ ರೂ ಗಳಿರುತ್ತವೆಂದು ತಿಳಿಯಿರಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ೧ ರೂ ಯನ್ನು ಕೂಡಿಸಲು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟಾಗುವವು ? ೯೯೯ ಅಂದರೆ ೯ ನೂರು+೯೯ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ೧ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲು ೯೯+೧=೧ ನೂರು ಇದರಲ್ಲಿ ೯ ನೂರು ಕೂಡಿಸಲು=೧೦ ನೂರು. ೧೦ ನೂರು= ೧ ಸಾವಿರ ಇದನ್ನು ಬರೆದು ತೋರಿಸುವದಾದರೆ

```
 ೯೯೯
  +೧
 ೧೧೧
೧೦೦೦
```

೧೦೦೦ ಇದು ನಾಲ್ಕು ಸ್ಥಾನಗಳ ತೀರ ಸಣ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿದೆ. ಅದರಂತೆ ೫ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅತಿದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆ ಯಾವದು ? ೯೯೯೯೯ ಅಲ್ಲವೇ ? ಒಂದು ಬುಟ್ಟಿಯಲ್ಲಿ ೯೯೯೯೯ ಹುಣಸೇ ಕಾಳುಗಳುಂಟು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ೧ ಕಾಳನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಕೂಡಿಸಲು ಒಟ್ಟು ಕಾಳುಗಳು ಎಷ್ಟಾಗುವವು?

೯೯ ಸಾವಿರ+೯೯೯ ಇದರಲ್ಲಿ ೧ ನ್ನು ಕೂಡಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ ಆದರೆ ೯೯೯ ರಲ್ಲಿ ೧ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲು ಬೇರೀಜು ೧ ಸಾವಿರವಾಗುವದೆಂಬದನ್ನು ಮೇಲೆಯೇ ತೋರಿಸಿದೆ

೯೯ ಸಾವಿರ+೯೯೯+೧=೯೯ ಸಾವಿರ+೧ ಸಾವಿರ

ಒಟ್ಟು ೧೦೦ ಸಾವಿರವಾಯಿತು. ೧೦೦ ಸಾವಿರವೆಂದರೆ ೧೦ ದಶಸಹಸ್ರ ಇದನ್ನೇ ಬರೆದು ತೋರಿಸುವದಾದರೆ

?	ದಶಸಹಸ್ರ,	ಸಹಸ್ರ	ಶತಂ	ದಶಂ	ಏಕಂ
	೯	೯	೯	೯	೯
+					೧
೧	೧	೧	೧	೧	
೧	೦	೦	೦	೦	೦

ವಿವರಣೆ — ಕೂಡಿಸತಕ್ಕ ಅಂಕಿ ೧ ಇದ್ದು ಏಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದ ಅಂಕಿಯಾಗಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಏಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದ ೯ ರಲ್ಲಿ ೧ ನ್ನು ಕೂಡಿಸಲು ೧೦ ಏಕ್ಕಂ ಆಯಿತು ೧೦ ಏಕ್ಕಂ=೧ ದಹಂ ಇರುವದರಿಂದ ದಹಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಕೈಲೆ ೧ ಬರೆದು, ಏಕ್ಕಂ ಇಲ್ಲದ್ದರಿಂದ ಆ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ (೦) ವನ್ನು ಬರೆಯಿತು ಮುಂದೆ ೯ ದಹಂ ದಲ್ಲಿ ಕೈಲೆ ೧ ದಹಂ ಕೂಡಿಸಲು ೧೦ ದಹಂ ಅಂದರೆ ೧ ಶತಂ ಆಯಿತು ಆದ್ದರಿಂದ ಶತಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ 'ಕೈಲೆ' ೧ ಇಟ್ಟು ದಹಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ (೦) ಬರೆಯಿತು ಹಾಗೆಯೇ ದಶಸಹಸ್ರ ಸ್ಥಾನದ ವರೆಗೆ ಕೂಡಿಸುತ್ತ ಹೋಗಿ ಕೊನೆಗೆ ೯ ದಶಸಹಸ್ರದಲ್ಲಿ ಕೈಲೆ ೧ ದಶಸಹಸ್ರವನ್ನು ಕೂಡಿಸಲು ೧೦ ದಶಸಹಸ್ರವಾಯಿತು ಇದನ್ನು ಹೇಗೆ ಬರೆಯಬೇಕು ? ನಮಗೆ ಗೊತ್ತಿದ್ದ ೫ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿಯ ೪ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿ ಶೂನ್ಯವನ್ನು ಬರೆದಿದೆ ೫ನೇ ಸ್ಥಾನವು ದಶಸಹಸ್ರದಿದ್ದು ಅಲ್ಲಿ ೧೦ ದಶಸಹಸ್ರ ಬರೆಯಬಹುದೇ ? ಈ ವರೆಗೆ ನಾವು ಅನುಸರಿಸಿದ ದಶಕ ಪದ್ಧತಿಯ ಸಂಖ್ಯಾಲೇಖನ ಕ್ರಮದಂತೆ ನೋಡಲಾಗಿ ಯಾವದೊಂದು ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೧೦ ಬಂದರೆ ಆ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ (೦) ಶೂನ್ಯ ಬರೆದು, ಆ ಸ್ಥಾನದ ೧೦ ಪಟ್ಟು ತೋರಿಸುವದಕ್ಕಾಗಿ ಅದಕ್ಕ ಹೊಂದಿ ಎಡಗಡೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೧ನ್ನು ಬರೆಯುತ್ತೇವೆ ಅದೇ ಕ್ರಮದಿಂದ ದಶಸಹಸ್ರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಬಂದ ೧೦ನ್ನು ಬರೆಯುವದಾದರ (೦) ಶೂನ್ಯವನ್ನು ದಶಸಹಸ್ರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಬರೆದು, ಆ ಸ್ಥಾನಕ್ಕೆ ಹೊಂದಿ ಎಡಕ್ಕ ಒಂದು ಸ್ಥಾನವನ್ನು ಕಲ್ಪಿಸಿ ಅಲ್ಲಿ ೧ನ್ನು ಬರೆಯಬೇಕು ಇದರಿಂದ ಬಲಗಡೆಯಿಂದ ೫ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿ ಶೂನ್ಯ ಬರೆದು, ಕಲ್ಪಿಸಿದ ೬ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೧ನ್ನು ಬರೆದಂತಾಯಿತು, ಈ ೬ನೇ ಸ್ಥಾನಕ್ಕ **ಲಕ್ಷ**ವೆಂದು ಹಸರು ಆದರ ಬೆಲೆ ೧೦ ದಶಸಹಸ್ರ ೧ ಲಕ್ಷ=೧೦ ದಶಸಹಸ್ರ=೧೦೦ ಸಹಸ್ರ ಇದನ್ನು ಬರೆಯುವದಾದರ

ಲಕ್ಷ	ದಶಸಹಸ್ರ,	ಸಹಸ್ರ	ಶತಂ	ದಹಂ	ಏಕ್ಕಂ
೧	೦	೦	೦	೦	೦

ಎಂದು ಬರೆಯಬೇಕು ಮತ್ತು ಓದುವದಾದರೆ ಒಂದುಲಕ್ಷವೆಂದು ಓದಬೇಕು ಇದು ೬ ಸ್ಥಾನಗಳ ಕಿರ ಸಣ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಯಾಗಿದೆ

ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಓದುವಾ

	ಲಕ್ಷ	ದಶ ಸ	ಸ	ಶತಂ	ದಹಂ	ಎಕ್ಕಂ
(೧)	೩	೪	೫	೨	೩	೬
(೨)	೨	೦	೮	೬	೯	೩
(೩)	೫	೮	೭	೦	೦	೪

೧ನೆಯ ಸಂಖ್ಯೆ — ಮೂರುಲಕ್ಷ, ನಾಲ್ವತ್ತೈದುಸಾವಿರ, ಎರಡುನೂರಾ ಮೂವತ್ತಾರು

೨ನೆಯ ಸಂಖ್ಯ — ಎರಡುಲಕ್ಷ, ಎಂಟುಸಾವಿರ ಆರುನೂರಾ ತೊಂಬತ್ಮೂರು

೩ನೆಯ ಸಂಖ್ಯ — ಐದುಲಕ್ಷ ಎಂಬತ್ತೇಳುಸಾವಿರದ ನಾಲ್ಕು

ಕಳಗೆ ಹೇಳಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವಾ

(೧) ಒಂಬತ್ತುಲಕ್ಷ ನಾಲ್ವತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರ ಐದುನೂರಾ ಎಪ್ಪತ್ತೆಂಟು.

(೨) ಆರುಲಕ್ಷ ಹದಿಮೂರುಸಾವಿರ ಏಳುನೂರಾ ಐದು

(೩) ಎರಡುಲಕ್ಷ ಏಳುಸಾವಿರ ಐವತ್ತಾರು

	ಲಕ್ಷ	ದಶ ಸ	ಸ	ಶತಂ	ದಹಂ	ಎಕ್ಕಂ
(೧)	೯	೪	೮	೫	೭	೮
(೨)	೬	೧	೩	೭	೦	೫
(೩)	೨	೦	೭	೦	೫	೬

ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವ ಕ್ರಮ

(ಅ) ಮೊದಲು ಬಲಗಡೆಯಿಂದ ಎಕ್ಕಂ, ದಹಂ, ಶತಂ, ಸಹಸ್ರ, ದಶಸಹಸ್ರ, ಲಕ್ಷ ಇತ್ಯಾದಿ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(ಆ) ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದ ಲಕ್ಷ, ದಸಾವಿರ, ಸಾವಿರ, ನೂರು, ದಹಂ, ಎಕ್ಕಂಗಳನ್ನು ಚನ್ನಾಗಿ ತಿಳಿದುಕೊಂಡು ಆಯಾ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯುಬೇಕು

ಉದಾಹರಣ (೧)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಒದಿರಿ

(೧) ೪ ೩ ೫ ೬ ೨ ೮ (೨) ೮ ೫ ೦ ೩ ೪ ೫

(೩) ೯ ೦ ೮ ೭ ೪ ೬ (೪) ೨ ೦ ೦ ೩ ೮ ೪

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(೫) ಎಂಟುಲಕ್ಷ ಇಪ್ಪತ್ನಾಲ್ಕುಸಾವಿರ ಆರುನೂರಾ ಹದಿನೆಂಟು

(೬) ಐದು ಲಕ್ಷ ಹದಿನಾರು ಸಾವಿರ ನಾಲ್ವತ್ತೆಂಟು

(೭) ನಾಲ್ಕುಲಕ್ಷ ಐವತ್ತಾರುಸಾವಿರ ಎಂಟುನೂರಾ ನಾಲ್ಕು

(೮) ಏಳುಲಕ್ಷ ನಾಲ್ವತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರದ ಆರು

(೯) ೪, ೫, ೬ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅತಿ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(೧೦) ೫, ೬ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅತಿ ಸಣ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(೧೧) ಒಂದು ಲಕ್ಷದಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಸಾವಿರ, ಎಷ್ಟು ನೂರುಗಳಾಗುವವು? ೪ ಲಕ್ಷ = ಎಷ್ಟು ನೂರು?

(೧೨) ೭ ಲಕ್ಷ = ಎಷ್ಟು ಹತ್ತರ ಗಂಟುಗಳು? ೬೦೦೦ ದಹಂ = ? ೨೦ ದ ಸಾವಿರ = ?

ದಶಲಕ್ಷ, ಕೋಟಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು

ಬಾಲಕರೇ, ನೀವು ಈಗ ೬ ಸ್ಥಾನಗಳುಳ್ಳ ಅಂದರೆ ಲಕ್ಷದ ವರೆಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನೂ ೧೦ ಸಹಸ್ರ = ೧ ದ ಸಹಸ್ರ, ೧೦೦ ಸಹಸ್ರ = ೧೦ ದಶ ಸಹಸ್ರ = ೧ ಲಕ್ಷವೆಂಬುದನ್ನೂ ಕಲಿತಿದ್ದೀರಿ ಆದರಂತೆ ಲಕ್ಷಕ್ಕಿಂತಲೂ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಬರೆಯಲಿಕ್ಕೂ ಒದಲಿಕ್ಕೂ ಕಲಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ

ಇನ್ನು ೧೦ ಲಕ್ಷಗಳಿದ್ದರೆ ಅವುಗಳ ಒಂದು ಗಂಟನ್ನು ತಯಾರಿಸಿ ಅದಕ್ಕೆ **೧ ದಶಲಕ್ಷವೆಂದೂ,** ದಶಲಕ್ಷದಂಥ ೧೦ ಗಂಟುಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ದೊಡ್ಡ ಗಂಟನ್ನು ತಯಾರಿಸಲು ಅದಕ್ಕೆ **೧ ಕೋಟಿ** ಎಂದೂ ಕರೆಯುವರು

೧೦ ಲಕ್ಷ = ೧ ದಶಲಕ್ಷ, ಮತ್ತು ೧೦೦ ಲಕ್ಷ = ೧೦ ದಶಲಕ್ಷ = ೧ ಕೋಟಿ ಎಂಬುದನ್ನು ನೆನಪಿಡಿರಿ

ದಶಲಕ್ಷ, ಕೋಟಿಗಳ ವರಗೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವದಕ್ಕೂ ಓದುವದಕ್ಕೂ ಅನುಕೂಲವಾಗಬೇಕೆಂದು ನಾವು ಈ ಮೊದಲು ಕಲಿತಿರುವ ಮಹತ್ವದ ಸಂಗತಿಗಳನ್ನು ಲಕ್ಷ್ಯಕ್ಕೆ ತಂದುಕೊಳ್ಳುವಾ

(೧) ದಶಕಪದ್ಧತಿಯಲ್ಲಿ ಬಲಗಡೆಯಿಂದ ಎಡಕ್ಕೆ ಒಂದೊಂದು ಸ್ಥಾನ ಸರಿಯುತ್ತಾ ಹೋದಂತೆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬೆಲೆಯು ಹತ್ತು ಹತ್ತು ಪಟ್ಟು ಬೆಳೆಯುತ್ತಾ ಹೋಗುತ್ತದೆಂಬದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದ ವಿಷಯವಾಗಿದೆ

ಉದಾ —ಶತಂದ ೧೦ ಪಟ್ಟನ್ನು ಅದರ ಎಡಗಡೆಯ ಸಹಸ್ರದ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ, ಸಹಸ್ರದ ಹತ್ತು ಪಟ್ಟನ್ನು ಅದರ ಎಡಗಡೆಯ ದ ಸಹಸ್ರ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಬರೆಯುತ್ತಾರೆಂಬುದು ನಿಮಗೆ ಈ ಮೊದಲೆ ತಿಳಿದಿದೆ. ಇದೇ ಕ್ರಮದಿಂದ ಲಕ್ಷದ ೧೦ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ದಶಲಕ್ಷವನ್ನು ಲಕ್ಷಸ್ಥಾನದ ಎಡಗಡೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ, ದಶಲಕ್ಷದ ಹತ್ತು ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ಕೋಟಿಯನ್ನು ದಶಲಕ್ಷ ಸ್ಥಾನದ ಎಡಗಡೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಬರೆಯುವರು ಒಟ್ಟಿನ ಮೇಲಿಂದ

(೨) ಬಲಗಡೆಯಿಂದ ನಾಗಲು ೧ನೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಎಕ್ಕಂ, ೨ನೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ದಹಂ, ೩ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ಶತಂ, ೪ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ಸಹಸ್ರ ಅಥವಾ ಸಾವಿರ, ೫ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ದಶ ಸಹಸ್ರ ಅಥವಾ ದಶಸಾವಿರ, ೬ನಯದ್ದರಲ್ಲಿ ಲಕ್ಷ, ೭ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ದಶಲಕ್ಷ, ೮ನಯದ್ದರಲ್ಲಿ ಕೋಟಿ ಈ ಪ್ರಕಾರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವದೂ, ಓದುವದೂ ಕ್ರಮಪ್ರಾಪ್ತವಾಗಿದೆ ಇದೇ ಕ್ರಮವು ಮುಂದೆ ಇನ್ನೂ ದೊಡ್ಡ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲೇಖನದಲ್ಲಿಯೂ ಅನುಸರಿಸಲ್ಪಡುತ್ತದೆ

ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಓದುವದು—

	ಕೋಟಿ	ದಶಲಕ್ಷ	ಲಕ್ಷ	ದ ಸ	ಸ	ಶತಂ	ದಹಂ	ಎಕ್ಕಂ
(೧)	೫	೨	೩	೫	೬	೭	೩	೮
(೨)	೭	೦	೫	೪	೪	೮	೯	೨
(೩)	೪	೬	೦	೦	೩	೦	೦	೭

ರೀತಿ—

(೧) ಐದುಕೋಟಿ ಇಪ್ಪತ್ಮೂರುಲಕ್ಷ ಐವತ್ತಾರುಸಾವಿರ ಏಳುನೂರಾ ಮೂವತ್ತೆಂಟು

(೨) ಏಳುಕೋಟಿ ಐದುಲಕ್ಷ ನಲವತ್ನಾಲ್ಕುಸಾವಿರ ಎಂಟುನೂರಾ ತೊಂಬತ್ತೆರಡು

(೩) ನಾಲ್ಕುಕೋಟಿ ಅರವತ್ತುಲಕ್ಷ ಮೂರುಸಾವಿರದ ಏಳು

ಕೆಳಗೆ ಹೇಳಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವದು—

(೧) ಮೂರುಕೋಟಿ ನಾಲ್ವತ್ತೈದುಲಕ್ಷ ಅರುವತ್ತಾರುಸಾವಿರ ಏಳು ನೂರಾ ಐವತ್ತ್ಮೂರು

(೨) ಎರಡುಕೋಟಿ ನಾಲ್ಕುಲಕ್ಷ ಐವತ್ತಾರುಸಾವಿರ ಎಂಟು ನೂರಾ ಏಳು

(೩) ನಾಲ್ಕುಕೋಟಿ ಇಪ್ಪತ್ತೆರಡುಲಕ್ಷ ಆರುನೂರಾ ಹದಿಮೂರು

ರೀತಿ—

	ಕೋಟಿ	ದಶಲಕ್ಷ	ಲ	ದ ಸ	ಸ	ಶತಂ	ದಹಂ	ಎಕ್ಕಂ
(೧)	೩	೪	೫	೬	೬	೭	೫	೩
(೨)	೨	೦	೪	೫	೬	೮	೦	೭
(೩)	೪	೨	೨	೦	೦	೬	೧	೩

ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವ ಕ್ರಮ—

(ಅ) ಎಕ್ಕಂ, ದಹಂ, ಶತಂ ಇತ್ಯಾದಿ ಕೋಟಿಯ ವರಗೆ ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳನ್ನು ಬಲಗಡೆಯಿಂದ ಬರೆಯುವದು

(ಆ) ಕೋಟಿ, ದಶಲಕ್ಷ, ಲಕ್ಷ, ದಶಸಹಸ್ರ ಇತ್ಯಾದಿ ಎಕ್ಕಂದ ವರೆಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಆಯಾ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬೇಕು ಯಾವದೊಂದು ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಹೇಳಿರದಿದ್ದರೆ ಅಲ್ಲಿ (೦) ಶೂನ್ಯವನ್ನಿಡಬೇಕು

ಲಕ್ಷ, ಕೋಟಿ ಇತ್ಯಾದಿಗಳನ್ನು ಅರ್ಧ, ಮುಕ್ಕಾಲು, ಒಂದೂವರೆ, ಎರಡೂವರ ಮುಂತಾಗಿ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪದಲ್ಲಿಯೂ ಹೇಳುವದುಂಟು

ಉದಾ— ಒಬ್ಬ ದೇಸಾಯಿಯ ವಾರ್ಷಿಕ ಉತ್ಪನ್ನವು ಅರ್ಧ ಲಕ್ಷ ರೂ ಒಂದು ಸಂಸ್ಥಾನದ ಉತ್ಪನ್ನವು ಎರಡೂವರೆ ಕೋಟಿ ರೂಪಾಯಿ ಅದೆ

ಉದಾಹರಣೆ (೨)

ಕಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಓದಿರಿ

(೧) ೭೨೩೪೮೬೫೪ (೨) ೬೪೨೦೬೦೭೮

(೩) ೫೦೬೦೭೧೨೦ (೪) ೪೦೦೨೮೩೦೯

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೫) ಆರುಕೋಟಿ ಎಪ್ಪತ್ತೆರಡುಲಕ್ಷ ಮೂವತ್ತಾರುಸಾವಿರ ನಾಲ್ಕುನೂರಾ ಐದು

(೬) ಮೂರುಕೋಟಿ ಎಂಬತ್ತ್ಮೂರುಸಾವಿರ ಎಂಟುನೂರಾ ಇಪ್ಪತ್ತೆಂಟು

(೭) ಎರಡುಕೋಟಿ ಮೂರುಲಕ್ಷ ನಾಲ್ಕುಸಾವಿರ ಐದನೂರಾ ಆರು

(೮) ಒಂಬತ್ತುಕೋಟಿ ಎಂಬತ್ತೆಂಟುಲಕ್ಷ ಆರುನೂರಾ ಇಪ್ಪತ್ನಾಲ್ಕು

(೯) ೩೦೦ ಸಾವಿರ=? ೪೫೦ ನೂರು=? ೬೩೦ ಲಕ್ಷ=?

(೧೦) ೬೦೦೦ಸಾವಿರ=? ೧೨೦೦ದ ಸಹಸ್ರ=? ೨೫೦೦೦ನೂರು=?

ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೧೧) ಅರ್ಧಲಕ್ಷ= ಸಾವಿರ, ಮುಕ್ಕಾಲುಕೋಟಿ= ದ ಸಾವಿರ

(೧೨) ಎರಡೂವರೆಕೋಟಿ= . ಲಕ್ಷ, ೨೫ ಲಕ್ಷ= ಕೋಟಿ

ನಾಲ್ಕು, ಐದು ಸ್ಥಾನಗಳುಳ್ಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಬೇರೀಜು, ವಜಾಬಾಕಿ, ಗುಣಾಕಾರ, ಭಾಗಾಕಾರಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದ ರೀತಿಯಂತೆಯೇ ಲಕ್ಷ, ಕೋಟಿಯ ವರೆಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಬೇರೀಜು, ವಜಾಬಾಕಿ ಇತ್ಯಾದಿಗಳನ್ನಾದರೂ ಮಾಡಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆ (೩)

ಕೆಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ—

(೧) ೩೨೪೬೭೫೩೪
+ ೬೫೬೦೦೭೮೪
... .

(೨) ೬೭೮೩೪೫೫೮
+ ೮೩೫೬೬೭೫
. ... .

(೩) ೬೨೮೬೩೫೭೮
− ೨೩೯೮೪೭೬೯
....

(೪) ೨೦೮೫೨೬೦೯
− ೯೬೭೮೫೨೮
.. ..

(೫) ೬೩೮೨೫೬
× ೩೪೮
. . .   .

(೬) ೫೮೩೬೪೭೮
× ೫೬೭
. . .   .

(೭) ೨೬೬೪೫೬೭೮೯ — ೧೨೩ (೮) ೭೮೫೬೪೫೯ — ೨೨೫

ವಿವಿಧ ಪರಿಮಾಣಗಳ ಗುಣಾಕಾರ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರ

ಉದಾ — ೧ ಚೀಲ ಜೋಳಕ್ಕೆ ೧೫ ರೂ ೬ ಆ ೮ ಪೈ ಆದರೆ ೨೮ ಚೀಲ ಜೋಳದ ಬೆಲೆ ಏನು ?

ರೀತಿ — ೧೫ ರೂ ೬ ಆ ೮ ಪೈ ಗಳಿಗೆ ೨೮ ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲು ಬೆಲೆ ದೊರೆಯುವದು

.. ೧೫ ರೂ ೬ ಆ ೮ ಪೈ
× ೨೮
೧೧ ರೂ ೧೮ ಆ
೪೩೧ ರೂ ೧೦ ಆ ೮ ಪೈ

೪೩೧ ರೂ ೧೦ ಆ ೮ ಪೈ
ಉತ್ತರ

ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ—

(೧) ಮೊದಲು ಪೈಗಳಿಗೆ ಗುಣಿಸಿ ಆಣೆ ಮಾಡುವದು ೮ ಪೈ × ೨೮ = ೨೨೪ ಪೈ = ೧೮ ಆ ೮ ಪೈ ಜೋಡು ಗೆರೆಗಳ ಕೆಳಗೆ ಪೈಗಳ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೮ ಪೈ ಬರೆದು ಜೋಡು ಗೆರಗಳ ನಡುವೆ ಆಣೆಯ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೧೮ ಆ ಕೈಲೆ ಹಚ್ಚಿದೆ

(೨) ಆಣೆಗಳಿಗೆ ಗುಣಿಸಿ ಕೈಲ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ರೂ ಗಳನ್ನು ಮಾಡುವದು ೬ × ೨೮ = ೧೬೮ ಆ ೧೬೮ ಆ + ಕೈಲೆ ೧೮ ಆ = ೧೮೬ ಆ = ೧೧ ರೂ ೧೦ ಆ

.˙. ಜೋಡು ಗೆರಗಳ ಕೆಳಗೆ ಆಣೆಗಳ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೧೦ ಆ ಬರೆದು ಜೋಡು ಗೆರೆಗಳ ನಡುವೆ ರೂ ಗಳ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಕೈಲೆ ೧೧ ರೂ ಹಚ್ಚಿದೆ

(೩) ರೂ ಗಳಿಗೆ ಗುಣಿಸಿ ಕೈಲೆ ರೂ ಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸುವದು.

೧೫ ರೂ × ೨೮ = ೪೨೦ ರೂ ೪೨೦ ರೂ + ಕೈಲೆ ೧೧ ರೂ = ೪೩೧ ರೂ ಇದನ್ನು ಜೋಡು ಗರಗಳ ಕಳಗೆ ರೂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಬರೆದಿದೆ. .. ೪೩೧ ರೂ ೧೦ ಆ ೮ ಪೈ ಉತ್ತರ

ಉದಾ — (೬) ೧೭ ಜನರ ೧ ವಾರದ ಕೂಲಿಯು ೧೪೬ ರೂ ೧ ಆ ೬ ಪೈಗಳಾದರೆ ಒಬ್ಬೊಬ್ಬರ ಒಂದೊಂದು ವಾರದ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು ?

ರೀತಿ — ಹೇಳಿದ ಹಣಕ್ಕ ೧೭ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬನ ಕೂಲಿ ಬರುವದು

೧೭) ೧೪೬ ರೂ ೧ ಆ ೬ ಪೈ (೮ ರೂ
೧೩೬
೧೦ ರೂ
× ೧೬
೧೬೦ ಆ
+ ೧ ಆ
೧೭) ೧೬೧ ಆ (೯ ಆ
೧೫೩ ಆ.
೮ ಆ
× ೧೨
೯೬ ಪೈ
+ ೬ ಪೈ
೧೭) ೧೦೨ (೬ ಪೈ
೧೦೨
೦೦೦

. ೮ ರೂ ೯ ಆ ೬ ಪೈ ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬನ ವಾರದ ಕೂಲಿ ಉತ್ತರ

ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ—

(೧) ಮೊದಲು ರೂಗಳಿಗೆ ಭಾಗಿಸುವದು

೧೪೬ಕ್ಕೆ ೧೭ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಭಾಗಾಕಾರ ೮ ಬಂದು ೧೦ ರೂ ಉಳಿದವು

(೨) ಉಳಿದ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಕೊಂಡು ಹೇಳಿದ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ಬಂದದ್ದಕ್ಕ ಭಾಗಿಸುವದು

೧೦ ರೂ × ೧೬ = ೧೬೦ ಆ ೧೬೦ ಆ + ೧ ಆ = ೧೬೧ ಆ

೧೬೧ ಆ ಗಳಿಗೆ ೧೭ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಭಾಗಾಕಾರ ೯ ಬಂದು ೮ ಆ ಗಳು ಉಳಿದವು

(೩) ಉಳಿದ ಆಣೆಗಳಿಗ ಪೈ ಮಾಡಿಕೂಂಡು ಹೇಳಿದ ಪೈ ಕೂಡಿಸಿ ಭಾಗಿಸುವದು

೮ × ೧೨ = ೯೬ ಪೈ ೯೬ ಪೈ + ೬ ಪೈ = ೧೦೨ ಪೈ
೧೦೨ ಪೈಗಳಿಗೆ ೧೭ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಭಾಗಾಕಾರ ೬ ಬಂದು ಶೇಷವು ೦ ಉಳಿಯುವದು

೮ ರೂ ೯ ಆ ೬ ಪೈ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣ (೪)

ಗುಣಾಕಾರ (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕ ೧ ರಿಂದ ೫)

(೧) ೧ರೂ ೪ಆ ಗಳಿಗೆ ೧ ಸೇರಿನಂತೆ ೪ ಸೇರು ತುಪ್ಪದ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೨) ೧ ರೂ ೨ ಆ ಗಳಿಗೆ ೧ ಸಾಬಣ ಬಾರು ಆದರೆ ೮ ಬಾರುಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೩) ೨ ರೂ ೧ ಆಣೆಗೆ ೧ ಕ್ಲಾಸ ಪೆಟ್ಟಿಗೆ ಆದರೆ ೧೬ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೪) ೩ ರೂ ೦ ಆ ಗಳಿಗೆ ೧ ವಾರ ಕೋಟಿನ ಅರಿವೆ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ. ಆದರೆ ೬ ವಾರ ಅರಿವೆಗೇನು ?

(೫) ೧ ರೂ ಗೆ ೧ ಸೇರು, ೧ ಚಟಾಕು ಗೋದಿ ಆದರೆ ೧೨ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಗೋದಿ ? (೮ ಚ =೧ ಸೇರು)

(೬) ೧ ಬೆಲ್ಲದ ಪೆಂಟಿಗೆ ೧೬ ರೂ ೭ ಆ ೮ ಪೈ ಆದರೆ ೧೬ ಪೆಂಟಿಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೭) ೧ ಬೆಲ್ಲದ ಪೆಂಟಿಯ ತೂಕವು ೨ ವ-ಣ ೧ ಧಡೆ ೪ ಸೇರು ಇದ್ದರೆ ೨೫ ಪೆಂಟಿಗಳ ತೂಕವೆಷ್ಟು ? (೧೨ ಸೇರು=೧ ಧಡೆ)

(೮) ೧ ಪೌಂಡು ಚಹಕ್ಕೆ ೨ ರೂ ೪ ಆ ೩ ಪೈ ಆದರೆ ೨೫ ಪೌಂಡು ಚಹಕ್ಕೇನು ?

(೯) ಧಾರವಾಡದಿಂದ ಗದಿಗಿಗೆ ಹೋಗಲಿಕ್ಕ ೧ ತಾ ೧೨ ಮಿ ೮ ಸೇ ಬೇಕು ಆದರ ಅದರ ೨೦ ಪಟ್ಟು ದಾರೀ ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ವೇಳ ಬೇಕು?

(೧೦) ಔಷಧದ ೧ ಬಾಟ್ಲಿಗೆ ೧ ಪೌ ೨ ಶಿ ೩ ಪೇ ಆದರೆ ೨೦ ಬಾಟ್ಲಿಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೧) ಒಂದು ಸೇರು ಹತ್ತಿಯನ್ನು ಸ್ವಚ್ಛ ಮಾಡಲು ೧ ತಾ ೯ ಮಿ ೫ ಸೇಕಂದು ಹತ್ತುತ್ತದೆ ಆದರ ೫೪ ಸೇರು ಹತ್ತಿಯನ್ನು ಸ್ವಚ್ಛಮಾಡಲು ಎಷ್ಟು ವೇಳೆ ಬೇಕಾಗುವದು ?

(೧೨) ಒಂದು ಮೋಟಾರಿನಲ್ಲಿ ೧ ಟ ೩ ಹ ೧ ಕ್ವಾ ೫ ಪೌ ತೂಕದ ಕಟ್ಟಿಗೆಯಿದ್ದರೆ ೭೬ ಮೋಟಾರಿನಲ್ಲೆಷ್ಟು ಕಟ್ಟಿಗೆಯಿರಬೇಕು ?

ಉದಾಹರಣೆ (೫)

ಭಾಗಾಕಾರ (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕ ೧ ರಿಂದ ೪)

(೧) ಒಬ್ಬ ಉಪ್ಪಾರನ ೧ ವಾರದ ಕೂಲಿ ೧೪ರೂ ೭ಆ ಆದರೆ ೧ ದಿನದ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು?

(೨) ೮ರೂ. ೮ಆ ಗಳಿಗೆ ೮ ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೧ ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾಕ್ಕೇನು?

(೩) ೧೨ ಜೋಡಿ ದೋತರಗಳ ಬೆಲೆ ೧೨೦ರೂ ೧೪ಆ ಆದರ ೧ ಜೋಡಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೪) ಒಂದು ಪುಸ್ತಕದ ೧೬ ಪ್ರತಿಗಳಿಗೆ ೧೭ರೂ ೮ಆ ಬೀಳುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೧ ಪುಸ್ತಕದ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೫) ೪ಬೆಲ್ಲದ ಪೆಂಟಿಗಳ ತೂಕವು ೧ಹೇ ೫ಮ ೧ಧ ೪ಸೇ ಆದರೆ ೧ ಪೆಂಟಿಯ ತೂಕವೆಷ್ಟು?

(೬) ಒಬ್ಬನು ೯ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಸಾಯಕಲ್ಲಿನಮೇಲಿಂದ ೭೪ಮೈ ೨ಫ ೧೦೮ ಯಾರ್ಡು ಹೋದರೆ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಅಂತರ ಹೋದಂತಾಯಿತು?

(೭) ೩೮ ಡಬ್ಬಿ ಒಳ್ಳೆಣ್ಣೆಯ ತೂಕ ೫ಮ ೧ಧ ೨ಸೇರು ಆದರೆ ೧ ಡಬ್ಬಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಎಣ್ಣೆ ಎಷ್ಟು? (೧೦ಸೇ=೧ಧ)

(೮) ೨೮ ಕುರ್ಚಿಗಳನ್ನು ತಯಾರಿಸಲಿಕ್ಕೆ ೪೯ರೂ ೧೩ಆ ೪ಪೈ ಖರ್ಚು ಹಿಡಿದರೆ ೧ ಕುರ್ಚಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಬಿದ್ದಂತಾಯಿತು?

(೯) ೧೫ ತಯಾರಿ ಕೋಟುಗಳ ಬೆಲೆ ೧೨೩ರೂ ೪ಆ ೬ಪೈಗಳಾದರೆ ೧ ಕೋಟಿನ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೧೦) ೬೫ ಜನ ಕೂಲಿಕಾರರು ೩೨ರೂ ೬ಆ ೯ಪೈ ಕೂಲಿಯನ್ನು ಸರಿಯಾಗಿ ಹಂಚಿಕೊಂಡರೆ ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬನ ಪಾಲಿಗೆ ಬಂದ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು?

ಮಿಶ್ರ ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೬)

(೧) ೧ ಪೌಂಡಿಗ ೨ರೂ ೪ಆ ೬ಪೈಗಳಂತೆ ೧೮ ಪೌಂಡು ಚಹ ವನ್ನೂ ಮತ್ತು ೧ ಪೌಂಡಿಗೆ ೧ರೂ ೧೪ಆ ೪ಪೈಗಳಂತಿರುವ ೨೦ ಪೌಂಡು ಚಹವನ್ನೂ ಕೊಳ್ಳಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಹಣಬೇಕು?

(೨) ಒಬ್ಬ ಅಂಗಡಿಕಾರನು ೪ರೂ ೩ಆ ೬ಪೈಗಳಿಗೆ ೧ ಮಣದಂತೆ ೪೮ ಮಣ ಬೆಲ್ಲವನ್ನು ಮಾರಿ ಆ ಹಣದಿಂದ ೩ರೂ ೧೩ಆ ೪ಪೈಗಳಿಗೆ ೧ ಮಣದಂತೆ ೨೭ ಮಣ ಬೆಲ್ಲವನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಅವನಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಹಣವೆಷ್ಟು?

(೩) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನ ತಿಂಗಳ ಪಗಾರವು ೮೩ರೂ ೨ಆ ಆದ ಅವನು ಜೂನ ತಿಂಗಳಲ್ಲಿ ೧೩ ದಿವಸ ಕೆಲಸಮಾಡಿದ್ದರೆ ಅವನು ದುಡಿದ ದಿನಗಳ ಪಗಾರವೆಷ್ಟು ?

(೪) ೨೪ ವಾರಿನ ಒಂದು ಥಾನು ಅರಿವೆಯನ್ನು ೨೮ರೂ ೧೪ಆ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡರೆ ಅದರ ೧೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

೫) ೨೫ ಬಟ್ಟಲು ಮಾಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ೨೦೩ ತೊ ೧೧ವಾ ೩ಗು ಬೆಳ್ಳಿಯು ಬೇಕು ಆದರೆ ೧೬ ಬಟ್ಟಲು ಮಾಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ಬೆಳ್ಳಿ ಎಷ್ಟು ಬೇಕು?

ಅವಯುವಗಳು

ಕೆಳಗಿನ ಗುಣಾಕಾರಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ

(೧) ೨×೩=೬ ಇಲ್ಲಿ ೬ ಇದು ೨ ಮತ್ತು ೩ ರ ಗುಣಾಕಾರವಿರುವದರಿಂದ ಇವಕ್ಕೆ ೬ರ ಅವಯುವಗಳೆನ್ನುತ್ತಾರೆ

(೨) ೪×೧೦=೪೦ ೪೦ ಇದು ೪ ಮತ್ತು ೧೦ ರ ಗುಣಾಕಾರವಿರುವದರಿಂದ ಅವು ೪೦ರ ಅವಯುವಗಳಾಗಿವೆ

(೩) ೮×೯=೭೨ ೭೨ ಇದು ೮ ಮತ್ತು ೯ ಇವುಗಳ ಗುಣಾಕಾರವಿರುವದರಿಂದ ೮, ೯ ಇವು ೭೨ರ ಅವಯುವಗಳು

(೪) ೩೬×೨=೭೨ . ೩೬, ೨ ಇವು ೭೨ರ ಅವಯುವಗಳು

(೫) ೨೪×೩=೭೨ ೨೪,೩ಗಳು ೭೨ರ ಅವಯುವಗಳು

(೬) ೪×೩×೬=೭೨ . ೪,೩,೬ ಗಳೆಲ್ಲ ೭೨ರ ಅವಯುವಗಳು

(೭) ೨×೨×೨×೩×೩=೭೨ ೨, ೨, ೨, ೩, ೩ ಗಳೆಲ್ಲ ೭೨ರ ಅವಯುವಗಳು

ಈ ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದ ನೋಡಲಾಗಿ ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಎರಡು ಮತ್ತು ಎರಡಕ್ಕಿಂತಲೂ ಹೆಚ್ಚು ಅವಯುವಗಳಿರಬಹುದು. ಇದಲ್ಲದೆ ಒಂದು ಅವಯವವು ಅನೇಕಸಾರೆಯೂ ಬಂದಿರಬಹುದು

(೮) ೧×೧೫=೧೫ ಇಲ್ಲಿ ೧, ೧೫ ಗಳು ೧೫ರ ಅವಯುವಗಳು ಆದರೂ ವಿಶೇಷ ಪ್ರಸಂಗಗಳಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರ ಇಂಥ ಅವಯುವಗಳ ಉಪಯೋಗವಾಗುವದುಂಟು

ಇನ್ನು ಮೇಲಿನ ಎಲ್ಲ ಉದಾಹರಣೆಗಳಲ್ಲಿರುವ ಗುಣಾಕಾರಗಳಾದ, ೬, ೪೦, ೭೨, ೧೫ ಇವುಗಳಿಗೆ ಇವುಗಳ ಯಾವದೇ ಅವಯುವದಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದರೂ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆಂಬದು ಸ್ವಾಭಾವಿಕವು ಮತ್ತು ಒಂದು ಅವಯುವದಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಬರುವ ಭಾಗಾಕಾರವು ಅದರ ಮತ್ತೊಂದು ಅವಯುವವಾಗಿರುತ್ತದೆಂಬದೂ ಸ್ಪಷ್ಟ **ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ನಿಶ್ಶೇಷವಾಗಿ ಭಾಗಿಸುವಂಥ ಭಾಜಕ ಮತ್ತು ಭಾಗಾಕಾರಗಳು ಆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಅವಯುವಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ**

ಉದಾಹರಣೆ (೭)

ಲೆಕ್ಕಗಳು (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೫)

(೧) ೧೫, ೨೧, ೩೫, ೬೩ ಇವುಗಳ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೨) ೧೭, ೨೮, ೩೬, ೬೦ ಇವುಗಳ ಎಲ್ಲ ಅವಯುವ ತೆಗೆಯಿರಿ

(೩) ೨೪, ೮೮, ೯೬, ೧೦೮ ಇವುಗಳ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೪) ೨೦, ೨೫, ೩೫, ೬೫ ,, ,, ,,

(೫) ೨, ೩, ೫ ಈ ಮೂರು ಅವಯುವಗಳಿದ್ದ ೨ ಸಂಖ್ಯೆ ಹೇಳಿರಿ

(೬) ೧೪೪ ರಲ್ಲಿ ೪, ೮, ೯ ಮತ್ತು ೧೨ ಇವುಗಳ ಜೋಡಿ ಅವಯುವಗಳಾವವು ?

(೭) ೯೧=೧೩× ? ೧೨೪=೪× ? ೧೦೫=೭× ? ೧೨೦=೧೫× ?

ಪ್ರಶ್ನಾರ್ಥಕ ಚಿನ್ಹಗಳಿದ್ದಲ್ಲಿ ಯೋಗ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(೮) ಪ್ರತಿಯೊಬ್ಬ ಹುಡುಗನಿಗೆ ೫ ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು, ೧೦ ಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಬರುವಂತೆ ೨೭ ಪೇಡೆಗಳನ್ನು ಹಂಚಿದರೆ ಆ ಹುಡುಗರೆಷ್ಟಿರಬೇಕು?

ವಿಭಾಜ್ಯ, ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು

೧, ೨, ೩, ೫, ೭, ೧೧ ಇತ್ಯಾದಿ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ೧ ಮತ್ತು ಅದೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಹೊರತು ಬೇರೆ ಯಾವ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದಾದರೂ ಭಾಗ ಹೋಗುವದೆ ? ಇಲ್ಲ ಇಂಥ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೆನ್ನುವರು

೪, ೬, ೮, ೯, ೧೦, ೧೨, ೧೪, ೧೫, ೧೬ ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಗೆ ೧ ಮತ್ತು ಅದೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಹೊರತು ಬೇರೆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುವದಲ್ಲವೇ ? (ಅವನ್ನು ತೆಗೆದು ನೋಡಿರಿ) ಇಂಥ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳೆನ್ನುವರು

ಉದಾಹರಣೆ (೮)

(೧) ೧ ರಿಂದ ೨೦ ರೊಳಗಿನ ಅವಿಭಾಜ್ಯಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವವು ?

(೨) ೨೦ ರಿಂದ ೪೦ ರ ವರೆಗಿನ ವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವವು ?

(೩) ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುವ, ೩೦ ರೊಳಗಿನ ಎಲ್ಲ ವಿಷಮ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

(೪) ೮೦ ರಿಂದ ೧೦೦ ರ ವರೆಗಿನ ಎಲ್ಲ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ

ವಿಭಾಜ್ಯ ಮತ್ತು ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳು

೨, ೩, ೫, ೭, ೧೧, ೧೩, ೧೭ ಇತ್ಯಾದಿಗಳೆಲ್ಲ ಒಮ್ಮೊಮ್ಮೆ ಕೆಲವು ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಅವಯವಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ, ಈ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಬಿಟ್ಟು ಉಳಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಅವಯವಗಳಾಗಿದ್ದರೆ ಅವುಗಳಿಗೆ ವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳೆನ್ನುವರು

ಉದಾ — ೩೫ = ೫ × ೭ ಇಲ್ಲಿ ೫, ೭ ಗಳು ೩೫ ರ ಅವಯವಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಇವರಡೂ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳಾಗಿವೆ

ಉದಾ — ೧೦೫ = ೧೫ × ೭ ಇಲ್ಲಿ ೧೫, ೭ ಅವಯವಗಳು ಆದರೆ ೧೫ ರಲ್ಲಿ = ೩ × ೫ ಇರುವದರಿಂದ ೧೫ ವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವವೂ ೭ ಅವಿಭಾಜ್ಯ

ಅವಯವವೂ ಆಗಿರುತ್ತವೆ ಇನ್ನು ೧೦೫=೩×೫×೭ ಎಂದು ಅವಯವ ತೆಗೆದರೆ, ೩, ೫, ೭ ಇವೆಲ್ಲ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳೇ ಆಗಿರುತ್ತವೆ

ಉದಾ — ೧೦೮=೧೨×೯ ಇಲ್ಲಿ ೧೨, ೯ ಗಳು ವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳು ಯಾಕಂದರೆ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಮತ್ತೆ ಬೇರೆ ಅವಯವಗಳು ಹೊರಡುವವು

೧೨=೪×೩, ೩ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವವಾಗಿದೆ ಆದರೆ ೪=೨×೨, ೪ ಇದು ವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವವು

೧೨=೨×೨×೩ ಇವೆಲ್ಲ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳು ಆದರಂತೆ ೯=೩×೩ ಇವೂ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳಾಗಿವೆ.

೧೦೮=೨×೨×೩×೩×೩ ಇವೆಲ್ಲವೂ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳಾಗಿವೆ ಇಲ್ಲಿ ೨ ಈ ಅವಯವವು ಎರಡು ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ೨×೨ ಇದರ ಬದಲು $೨^{೨}$ ಎಂದು ಬರೆಯುವರು ತಲೆಯಮೇಲಿನ ಅಂಕಿಯು ಎಷ್ಟು ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ ಎಂಬದನ್ನು ಹೇಳುತ್ತದೆ ಆದರಂತೆ ೩, ೩ ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ೩×೩×೩ ಇದನ್ನು $೩^{೩}$ ಎಂದು ಬರೆಯುವರು

೧೦೮=೨×೨×೩×೩×೩=$೨^{೨}$×$೩^{೩}$

ಉದಾ — ೧೪೪ ಇದರ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ.

೧೪೪=೧೬×೯ ಇನ್ನು ೧೬=೨×೨×೨×೨ ಮತ್ತು ೯=೩×೩

೧೪೪=೨×೨×೨×೨×೩×೩=$೨^{೪}$×$೩^{೨}$

ಉದಾಹರಣೆ (೯)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೧) ೧೨, ೧೬, ೧೮, (೨) ೨೦, ೨೪, ೨೭, (೩) ೩೦, ೩೫, ೩೬,
(೪) ೪೦, ೪೫, ೪೮, (೫) ೫೦, ೫೬, ೬೦, (೬) ೭೪, ೭೨, ೮೦,
(೭) ೮೪, ೯೦, ೯೬, (೮) ೧೦೦, ೧೦೫, ೧೦೮,
(೯) ೧೧೨, ೧೨೦, ೧೨೫, (೧೦) ೧೨೮, ೧೪೪, ೧೬೦

ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಯಲ್ಲಿ ಕೆಲವು ಅವಯವಗಳನ್ನು ಸುಲಭವಾಗಿ ಕಂಡು ಹಿಡಿಯುವದು

(೧) ಯಾವದೊಂದು ಸಮಸಂಖ್ಯೆಗೆ ಅಂದರೆ ಏಕಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೦, ೨, ೪, ೬, ೮ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದೊಂದು ಇದ್ದರೆ ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆ

ಉದಾ — ೩೦, ೪೨, ೫೪, ೭೬, ೮೮ ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಗೆಲ್ಲ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆಂಬುದನ್ನೂ ಎಲ್ಲ ವಿಷಮಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಹೋಗದೆ ಶೇಷವು ೧ ಉಳಿಯುವದೆಂಬುದನ್ನೂ ಪರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ

(೨) ೪೮, ೭೮, ೧೩೫ ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಗೆ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದಲ್ಲವೇ? ೪೮=೧೬×೩, ೭೮=೨೬×೩, ೧೩೫=೪೫×೩ ಆದ್ದರಿಂದ ೩, ಈ ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಒಂದು ಅವಯವವಾಗಿದೆ ಇನ್ನು ಈ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡಿ ನೋಡಿರಿ ೪+೮=೧೨, ೭+೮=೧೫, ೧+೩+೫=೯ ಈ ಎಲ್ಲ ಬೇರೀಜುಗಳಿಗೂ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದಲ್ಲವೇ? ಹೀಗಾದರೆ **ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜಿಗೆ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತಿದ್ದರೆ ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆ**

ಆದರೆ ೨೪೫ ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿರುವ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜು ೨+೪+೫=೧೧ ಇದ್ದು ಇದಕ್ಕೆ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುವದಿಲ್ಲ
೨೪೫ಕ್ಕ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುವದಿಲ್ಲ

(೩) ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಬಲಗಡೆಯ ಎರಡು ಸ್ಥಾನ ಅಂದರೆ ದಹಂ ಏಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೪ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋದರೆ ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೪ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ **ಉದಾ**— ೩೪೮ ರಲ್ಲಿ ಸಂಖ್ಯೆ ೪೮ಕ್ಕೆ ೪ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ (೪೮=೧೨×೪) ೩೪೮ ಕ್ಕಾದರೂ ೪ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ

(೪) ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಏಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೦ ಅಥವಾ ೫ ಇದ್ದರೆ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೫ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ ೪೦, ೫೫, ೬೦, ೭೫ ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಗೆ ೫ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆ

(೫) ಯಾವದೊಂದು ಸಮಸಂಖ್ಯೆಯ ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜಿಗೆ ೩ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತಿದ್ದರೆ ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೬ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ **ಉದಾ—** ೧೩೮ ಇದು ಸಮಸಂಖ್ಯೆ, ಮತ್ತು ೧+೩+೮ =೧೨=೪×೩, ೧೩೮—೬=೨೩

(೬) ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯು (ಬಲಗಡೆಯಿಂದ) ಕೂನೆಯ ಮೂರು ಸ್ಥಾನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೮ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತಿದ್ದರೆ ಅಥವಾ ಶೂನ್ಯ ಗಳಿದ್ದರೆ ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೮ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ. **ಉದಾ—** ೬೧೨೮ ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಕೊನೆಯ ೩ ಸ್ಥಾನಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ೧೨೮ ಇದ್ದು ಇದಕ್ಕೆ ೮ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ (೧೨೮=೧೬×೮) ೬೧೨೮ ಕ್ಕಾದರೂ ೮ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆಂಬುದನ್ನು ಭಾಗಿಸಿ ನೋಡಿರಿ

(೭) ಒಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯು ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜಿಗೆ ೯ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತಿದ್ದರೆ, ಆ ಇಡೀ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೯ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ **ಉದಾ—** ೨೩೪೫೬೭ ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಎಲ್ಲ ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿಯ ಅಂಕಿಗಳ ಬೇರೀಜು ೨+೩+೪+೫+೬+೭=೨೭ ಇದಕ್ಕೆ ೯ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ ೨೩೪೫೬೭ ಕ್ಕಾದರೂ ೯ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ

ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

ಉದಾ— ೨೨೪, ೩೨೪, ಇವುಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವ ತೆಗೆಯಿರಿ

೨	೨೨೪
೨	೧೧೨
೨	೫೬
೨	೨೮
೨	೧೪
	೭

ವಿವರಣೆ— ಈ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಎಕ್ಕಂ ದ ಅಂಕಿಯು ೪ಇದ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆ ೨ ನ್ನು ಗೆರೆಯ ಎಡಕ್ಕೆ ಬರೆದು ೨೨೪ಕ್ಕೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿ ಬಂದ ೧೧೨ನ್ನು ೨೨೪ರ ಕೆಳಗೆ ಬರೆದಿದೆ ಮತ್ತೆ ೧೧೨ರ ಎಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ೨ ಇರುವದರಿಂದ ಅದಕ್ಕೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆ ೧೧೨ ಕ್ಕೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿ ಬಂದ ೫೬ ನ್ನು ಕೆಳಗ ಇಟ್ಟಿದೆ. ಇದೇ ಕ್ರಮದಿಂದ ಭಾಗಿಸುತ್ತ ಹೋಗಲು ಕೊನಗೆ ೭ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆ ಉಳಿಯಿತು ೨೨೪ ರ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳೆಂದರೆ ಗೆರೆಯ ಎಡಕ್ಕಿರುವ ಎಲ್ಲ ಅಂಕಿಗಳು ಮತ್ತು ಕೆಳಗ ಬಂದ ೭

∴ ೨೨೪=೨×೨×೨×೨×೨×೭=೨^೫×೭ ಉತ್ತರ

೨	೩೨೪
೨	೧೬೨
೩	೮೧
೩	೨೭
೩	೯
	೩

೩೨೪ ರ ಕೊನೆಗೆ ೪ ಇದೆ ೨ ಇದು ಒಂದು ಅವಯವ ಮತ್ತೊಂದು ೧೬೨ ಈ ೧೬೨ ರ ಎಕ್ಕಂ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಮತ್ತು ೨ ಇದೆ · ೧೬೨ ರಲ್ಲಿ ೨ ಮತ್ತು ೮೧ ಅವಯವಗಳು ೮೧ಕ್ಕೆ ೩ ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ

೮೧ ರಲ್ಲಿ ೩, ೨೭ ಅವಯವಗಳು, ಇನ್ನು ೨೭ ರಲ್ಲಿ ೩, ೯ ಮತ್ತು ೯ ರಲ್ಲಿ ೩, ೩ ಅವಯವಗಳಾಗಿವೆ

೩೨೪ = ೨ × ೨ × ೩ × ೩ × ೩ × ೩ = $೨^{೨} \times ೩^{೪}$ ಉತ್ತರ

ಸೂಚನೆ— ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕಾದರೆ ೨ರಿಂದ ಆರಂಭಿಸಿ ನೋಡುತ್ತ ಮುಂದೆ ನಾಗಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆ (೧೦) (ಭಾಗ ೧)

(೧) ೧೬, ೩೨, ೨೭, ೧೫ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ೨ ಮತ್ತು ೩ ಅವಯವಗಳುಳ್ಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ಯಾವವು ? ಮತ್ತು ಏಕೆ ?

(೨) ೨೪, ೪೨, ೫೬, ೬೪, ೧೨೪ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಬೇರೆ ಬೇರೆಯಾಗಿ ೩ ಮತ್ತು ೪ ಅವಯವಗಳುಳ್ಳ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವವು ? ಮತ್ತು ಎರಡೂ ಅವಯವಗಳು ಕೂಡಿಯೇ ಇರುವ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾವವು ?

(೩) ಯಾವದಾದರೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಕೊನೆಗೆ ೦ ಇದ್ದರೆ ಅಥವಾ ಕೊನೆಯ ಎರಡು ಸ್ಥಾನಗಳಲ್ಲಿ ೨೦, ೪೦, ೬೦, ೮೦, ೦೦ ಇದ್ದರೆ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವ ದೊಡ್ಡ ಅವಯವವಿದೆ ಎಂದು ಹೇಳುವಿರಿ?

(೪) ೫೬೭ಕ್ಕೆ ೯ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಎಷ್ಟು ಶೇಷವು ಬರುವದೆಂಬದನ್ನು ಪ್ರತ್ಯಕ್ಷ ಭಾಗಿಸದೇ ಹೇಳಿರಿ

(೫) ೩೨೪, ೨೧೬, ೪೩೨, ೯೩೬, ೮೨೮, ೧೦೦೮ ಇವುಗಳಿಗೆ ೯ ಮತ್ತು ೪ ರಿಂದ ಪ್ರತ್ಯೇಕವಾಗಿ ಭಾಗಹೋಗುವದೇ ? ಹಾಗಾದರೆ ಇವೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗ ೩೬ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದೆಂದು ಹೇಗೆ ಹೇಳುವಿರಿ ?

(೬) ೬೭೫, ೮೫೫, ೧೦೩೫ ಇವುಗಳಿಗೆ ೪೫ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುವದೇ ಹೇಗೆಂಬದನ್ನು ನೋಡಿರಿ

ಭಾಗ (೨)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೭) ೧೨೦, ೧೬೮, ೨೧೬, (೮) ೮೪, ೧೦೫, ೧೩೫,

(೯) ೯೬, ೧೬೦, ೧೯೨, (೧೦) ೨೫೨, ೨೫೬, ೩೨೪,

(೧೧) ೨೨೫, ೯೬, ೧೯೨, (೧೨) ೧೮೦, ೨೧೦, ೨೪೦

ಭಾಜಕ

ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಅವಯುವವೇ ಅದರ ಭಾಜಕವಾಗಿರುತ್ತದೆ ಅಂದರೆ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ಆ ಅವಯುವದಿಂದ ನಿಶ್ಯೇಷವಾಗಿ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದ

ಉದಾ — ೪೨ಕ್ಕೆ ೨ ರಿಂದ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದ ೨ ಇದು ಒಂದು ಅವಯುವವು ಮತ್ತು ಇದಕ್ಕೆ ೪೨ರ ಒಂದು ಭಾಜಕವೆಂದೂ ಹೆಸರು ಅದರಂತೆ ೪೨ಕ್ಕೆ ೩, ೬, ೭, ೧೪, ೨೧ ಇವುಗಳಿಂದಲೂ ಭಾಗಹೋಗುತ್ತದಾದ್ದರಿಂದ ಅವೆಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳು ೪೨ರ ಭಾಜಕಗಳಾಗಿರುತ್ತವ

ಉದಾಹರಣೆ (೧೧)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೩)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯಗಳ ಎಲ್ಲ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ತಗೆಯಿರಿ

(೧) ೨೪, ೩೬, ೪೦, (೨) ೮೮, ೭೫, ೫೪, (೩) ೬೩, ೫೬, ೮೪,

(೪) ೯೬, ೧೦೮, ೧೨೦, (೫) ೧೩೫, ೧೪೪ ಮತ್ತು ೧೧೨

ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕ

ಉದಾ (೧) — ೨೪, ೨೨ ಇವುಗಳ ಭಾಜಕ (ಅವಯುವ) ಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

೨೪ = ೨ × ೧೨ } ೨, ೧೨ ಗಳು ೨೪ ರ ಭಾಜಕಗಳು

೨೨ = ೨ × ೧೧ } ೨, ೧೧ ಗಳು ೨೨ ರ ಭಾಜಕಗಳು

೨೪, ೨೨ ಇವುಗಳ ಭಾಜಕಗಳಲ್ಲಿ ೨ ಇದು ಸಾಧಾರಣ ಾಗಿದೆ ಯಾದ್ದರಿಂದ ೨ಕ್ಕ ೨೪, ೨೨ ಇವುಗಳ ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕವೆನ್ನುವರು

ಉದಾ (೨) - ೨೪, ೩೦ ಇವುಗಳ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

೨೪ = ೨ × ೧೨ } ೨, ೧೨ ಗಳು ೨೪ರ ಭಾಜಕಗಳೂ
೩೦ = ೨ × ೧೫ } ೨, ೧೫ ಗಳು ೩೦ರ ಭಾಜಕಗಳೂ ಆಗಿವೆ

೨ ಇದು ೨೪, ೩೦ ಇವುಗಳ ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕವು

ಇವೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಹೊರಡುವ ಬೇರೆ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ

೨೪ = ೨ × ೩ × ೪ } ೨ ಮತ್ತು ೩ ಇವರಡೂ ೨೪, ೩೦ ರ ಸಾಧಾ-
೩೦ = ೨ × ೩ × ೫ } ರಣ ಭಾಜಕಗಳು

ಇನ್ನೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ಇವೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ

೨೪ = (೨ × ೩) × ೪ = ೬ × ೪ } ೬ ಇದು ೨೪, ೩೦ ಇವುಗಳ ಒಂದು
೩೦ = (೨ × ೩) × ೫ = ೬ × ೫ } ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕ

ಇದರಲ್ಲಿ ನಾಧಾರಣಭಾಜಕ ೬ ಹೇಗೆ ಬಂದಿತೆಂಬದನ್ನು ವಿಚಾರಿಸುವಾ

ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದ ಇವೇ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳು ೨, ೩ ಇದ್ದು ೬ ಇದು ಅವುಗಳ ಗುಣಾಕಾರವೇ ಆಗಿದೆ

ಅದರಂತೆ ೧೨, ೨೦ ಇವುಗಳ ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ತೆಗಯಿರಿ

೧೨ = ೨ × ೨ × ೩ (ಅವಿಭಾಜ್ಯಅವಯವಗಳು) } ಇವೆರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ
೨೦ = ೨ × ೨ × ೫ (,, ,,) } ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳು

೨ ಮತ್ತು ೨ × ೨ = ೪ ಆಗಿರುತ್ತವ

ಉದಾ — ೩೬, ೪೨, ೫೪ ಇವುಗಳ ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

೩೬ = ೨ × ೨ × ೩ × ೩ } ಈ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ೨, ೩ ಮತ್ತು ೨ × ೩ = ೬ **ಈ**
೪೨ = ೨ × ೩ × ೭ } ಮೂರು ಅಂಕಗಳು ಮಾತ್ರ ನಾಧಾರಣ ಭಾಜಕ-
೫೪ = ೨ × ೩ × ೩ × ೩ } ಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೨)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೫)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಎಲ್ಲ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೧) ೧೮, ೨೪, (೨) ೧೬ ೪೦, (೩) ೧೫, ೨೪,
(೪) ೨೧, ೩೫ (೫) ೩೦, ೪೫, (೬) ೩೬, ೬೦,
(೭) ೪೮, ೮೪, (೮) ೭೨, ೧೦೮, (೯) ೪೫, ೬೦, ೧೦೫,
(೧೦) ೩೬, ೬೦, ೯೬, (೧೧) ೨೫, ೭೫, ೧೨೫, (೧೨) ೪೮, ೧೨೦, ೧೬೮

ಮಹತ್ತಮ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕ ಅಥವಾ ದೃಢಭಾಜಕ

ಮೇಲಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನೇ ನೋಡಿರಿ

೨೪ = ೨ × ೨ × ೨ × ೩ (ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳು)
೩೬ = ೨ × ೨ × ೩ × ೩ (,, ,)

ಈ ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಎಲ್ಲ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳು ೨, ೩, ೨ × ೨, ೨ × ೩ ಮತ್ತು ೨ × ೨ × ೩ ಅಂದರೆ ೨, ೩, ೪, ೬ ಮತ್ತು ೧೨ ಇರುತ್ತವೆ. ಈ ಎಲ್ಲ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕಗಳಲ್ಲಿ ಮಹತ್ತಮ (ಅತಿ ದೊಡ್ಡ) ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕವಾವದು? ಅದು ೨ × ೨ × ೩ = (೧೨) ಆಗಿದೆ ಎಂಬದು ಗೊತ್ತಾಗುತ್ತದೆ

ಈ ೧೨ಕ್ಕೆ ೨೪, ೩೬ ಇವುಗಳ ಮಹತ್ತಮ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜಕ ಅಥವಾ ದೃಢಭಾಜಕವೆನ್ನುವರು ಸಂಕ್ಷೇಪವಾಗಿ ಬರೆಯುವದಾದರೆ ಮ ಸಾ ಭಾ ಅಥವಾ ದೃ ಭಾ ಎಂದು ಬರೆದು ಹೇಳುವರು

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೧) — ೧೦೮, ೧೫೬ ಗಳ ದೃ ಭಾ ತೆಗೆಯಿರಿ

೧೦೮ = ೨ × ೨ × ೩ × ೩ × ೩
೧೫೬ = ೨ × ೨ × ೩ × ೧೩

೨ × ೨ × ೩ = ೧೨
ದೃ ಭಾ ಉತ್ತರ

೧ನೆಯ ರೀತಿ — (ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ)

ವಿವರಣೆ — ಮೊದಲು ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಲಾಗಿದೆ ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಯವಗಳಲ್ಲಿ ಸಾಧಾರಣವಾಗಿರತಕ್ಕ

ಎಲ್ಲ ಅವಯುವಗಳ ಕೆಳಗೆ ಸಣ್ಣ ಗೆರಗಳನ್ನೆಳದಿದೆ, ನೋಡಿರಿ ಸಾಧಾರಣ ವಾಗಿರತಕ್ಕ ಆ ಎಲ್ಲ ಆವಯುವಗಳ ಗುಣಾಕಾರವೇ ದೃ ಭಾ ಆಗಿದೆ

```
೧೦೮)೧೫೬(೧
    ೧೦೮
     ೪೮)೧೦೮(೨
         ೯೬
         ೧೨)೪೮(೪
            ೪೮
            ೦೦
```

೨ನೆಯ ರೀತಿ — (ಭಾಗಾಕಾರದ ಪದ್ಧತಿಯಿಂದ)

ವಿವರಣೆ:— ೧೦೮, ೧೫೬ ಗಳಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡದಾದ ೧೫೬ಕ್ಕೆ ೧೦೮ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಶೇಷವು ೪೮ ಬಂದಿತು ಆ ಶೇಷ ೪೮ ರಿಂದ ೧೦೮ (ಭಾಜಕ) ಕ, ಭಾಗಿಸಲು ೨ನೆಯ ಸಾರೆ ಶೇಷ ೧೨ ಬಂದಿತು ಈ ಶೇಷದಿಂದ ೧ನಯ ಶೇಷ (೪೮) ಕ್ಕ ಭಾಗಿಸಲು ಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಭಾಗಹೋಯಿತು [ಭಾಗ ಹೋಗದಿದ್ದರೆ ಭಾಗ ಹೋಗುವವರೆಗೂ ಇದೇ ಕ್ರಮದಿಂದ ೨ನೆಯ ಶೇಷದಿಂದ ೧ನೆಯ ಶೇಷಕ್ಕ, ೩ನೆಯ ಶೇಷದಿಂದ ೨ನೆಯದ್ದಕ್ಕ ಭಾಗಿಸುತ್ತ ಹೋಗಲು ಕೊನಗೆ ಯಾವ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುವದೋ ಅದೇ ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ದೃ ಭಾ ವಾಗಿರುತ್ತದ] ಆದ್ದರಿಂದ ೧೨ ಆ ಎರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ದೃ ಭಾಜಕವಾಗಿರುತ್ತದ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೨) — ೧೨೦, ೧೬೫ ಮತ್ತು ೩೨೫ ಇವುಗಳ ದೃ ಭಾ ತೆಗೆಯಿರಿ

೧ನೆಯ ರೀತಿ — ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

೧೨೦ = ೨ × ೨ × ೨ × ೩ × ೫
೧೬೫ = ೩ × ೫ × ೧೧
೨೨೫ = ೩ × ೩ × ೫ × ೫

ಈ ಮೂರು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಯುವಗಳಲ್ಲಿ ಸಾಧಾರಣವಾಗಿರತಕ್ಕ ೩ ಮತ್ತು ೫ ಇವುಗಳನ್ನು ಗುಣಿಸಲು ದೃ ಭಾ ವು ದೊರಯುತ್ತದ

. ೩ × ೫ = ೧೫ ದೃ ಭಾ ಉ

೨ನೆಯ ರೀತಿ:— (ಭಾಗಾಕಾರ ಪದ್ಧತಿಯದು) ಮೊದಲು ಬೇಕಾದ ಎರಡು ಸಂಖ್ಯಗಳ ದೃ ಭಾ ವನ್ನು ತಗದು ಬಂದ ದೃ ಭಾ ಮತ್ತು ಉಳಿದ ೩ನಯ ಸಂಖ್ಯ ಇವುಗಳ ದೃ ಭಾ ವನ್ನು ಮತ್ತ ತಗಯುವದು

```
೧೨೦)೧೬೫(೧
    ೧೨೦
    ----
     ೪೫)೧೨೦(೨
         ೯೦
        ----
         ೩೦)೪೫(೧
            ೩೦
            ---
            ೧೫)೩೦(೨
               ೩೦
```

ಇಲ್ಲಿ ೧೬೫ ಮತ್ತು ೧೨೦ ಇವುಗಳ ದೃ ಭಾ ವು ೧೫ ಬಂದಿತು ಆಮೇಲೆ ಈ ೧೫ ಮತ್ತು ಉಳಿದ ಸಂಖ್ಯೆ ೨೨೫ ಇವುಗಳ ದೃ ಭಾಜಕವನ್ನು ತೆಗೆದಿದೆ

```
ಇನ್ನು    ೧೫)೨೨೫(೧೫
            ೧೫
            ---
             ೭೫
             ೭೫
             --
```

೧೫ ಇದು ಕೊಟ್ಟ ಮೂರು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ದೃ ಭಾಜಕವಾಗಿರುತ್ತದೆ

ಸೂಚನೆ – ಸುಲಭವಾಗಿ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಲಿಕ್ಕೆ ಬಾರದಿದ್ದರೆ ಮಾತ್ರ ಈ ಭಾಗಾಕಾರ ಪದ್ಧತಿಯನ್ನನುಸರಿಸಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೩)

(೧) ಹಿಂದಿನ ೨೨ ನೆಯ ಪುಟದಲ್ಲಿಯ (೧೨) ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ದೃ ಭಾಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೨) ಒಂದು ವರ್ಗದ ಹುಡುಗರಿಗೆ ೧೦೫ ಅಥವಾ ೧೭೫ ಪೇಡೆಗಳನ್ನು ಒಡೆಯದೆ ಸರಿಯಾಗಿ ಹಂಚಬಹುದಾದರೆ ಆ ವರ್ಗದಲ್ಲಿ ಬಹಳ ಹೆಚ್ಚೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಹುಡುಗರಿರಬೇಕು ?

(೩) ಎರಡು ಡಬ್ಬಿಗಳಲ್ಲಿ ೧೨೧ ನೇ ೧೫೩ ನೇ ಹಾಲು ತುಂಬಿದೆ ಆ ಹಾಲನ್ನು ಪೂರ್ಣವಾಗಿ ಅಳೆದು ತೆಗೆಯಲಿಕ್ಕೆ ಅತಿ ದೊಡ್ಡದೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ನೇರು ಹಾಲನ್ನು ಹಿಡಿಯುವ ಪಾತ್ರೆ ಬೇಕು ?

(೪) ೭೪′ ಅಗಲ ೧೨೦′ ಉದ್ದವಿರುವ ಒಂದು ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿ ಉದ್ದಗಲುಗಳು ಸರಿಯಾಗಿರುವ (ಚೌರಸಾಕಾರದ) ಅತಿ ದೊಡ್ಡ ತುಂಡುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದೆ ಆ ತುಂಡುಗಳ ಉದ್ದ ಅಗಲಗಳೆಷ್ಟು ?

ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯ

೬ಕ್ಕೆ ೨ ರಿಂದ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಹೋಗುವದರಿಂದ ೬ ಇದು ೨ ರ ಒಂದು **ಭಾಜ್ಯ**ವಾಗಿದೆ. ಅದರಂತೆ

೬ಕ್ಕೆ ೩ ರಿಂದಲೂ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಹೋಗುವದರಿಂದ ೬ ಇದು ೩ ರ **ಭಾಜ್ಯವೂ** ಆಗಿದೆ.

೬ ಇದು ೨ ಮತ್ತು ೩ ಇವುಗಳ ಭಾಜ್ಯವಿದ್ದು ಎರಡಕ್ಕೂ **ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯವಾಗಿದೆ.**

ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯ ಭಾಜ್ಯವು ಆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ಯಾವದೊಂದು ಪೂರ್ಣ ಪಟ್ಟು ಇರುತ್ತದೆ. ಇದನ್ನೇ ಇನ್ನೊಂದು ರೀತಿಯಿಂದ ಹೇಳುವದಾದರೆ ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯು ಅದರ ಭಾಜಕ (ಅವಯವ)ದ ಭಾಜ್ಯವಾಗಿರುತ್ತದೆ. ಒಂದೇ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಎರಡು ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚು ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಭಾಜ್ಯವಾಗಿದ್ದರೆ ಅದಕ್ಕೆ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯವೆನ್ನುವರು.

ಉದಾ — ೩ರ ಭಾಜ್ಯಗಳು ೩, ೬, ೯, ೧೨, ೧೫, ೧೮, ೨೧, ೨೪, ೨೭, ೩೬ ಇತ್ಯಾದಿ

ಅದರಂತೆ ೪ರ ಭಾಜ್ಯಗಳು ೪, ೮, ೧೨, ೧೬, ೨೦, ೨೪, ೩೬ ಇತ್ಯಾದಿ

ಇಲ್ಲಿ ೧೨, ೨೪, ೩೬ ಇತ್ಯಾದಿಗಳು ೩ ಮತ್ತು ೪ ಇವೆರಡೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಭಾಜ್ಯಗಳಾಗಿರುವದರಿಂದ ಇವುಗಳಿಗೆ ೩ ಮತ್ತು ೪ ರ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜ್ಯಗಳೆನ್ನುವರು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೪)

(೧) ೪ರ ೧೦ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ (೨) ೫ರ ೮ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ (೩) ೬, ೭, ೮, ೯ ಇವುಗಳ ಮೂರು ಮೂರು ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಬರೆಯಿರಿ (೪) ೪ ಮತ್ತು ೬ ಇವುಗಳ ೪ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

ಲಘುತಮ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯ

೧೨, ೨೪, ೩೬ ಇವು ೩ ಮತ್ತು ೪ರ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆಂಬದನ್ನು ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದೆಯಲ್ಲವೇ? ಹಾಗಾದರೆ ೩೬ ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡ

ವಾದ ಎರಡು ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ ಅವು ೪೮, ೬೦ ಇರುತ್ತವ ಇದರಂತೆ ೭೨, ೮೪, ೯೬ ಇತ್ಯಾದಿ ಬೇಕಾದಷ್ಟು ದೊಡ್ಡ ದೊಡ್ಡ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಕೊಡಬಹುದಲ್ಲನೇ ?

ಇನ್ನು ೧೨ ಕ್ಕಿಂತಲೂ ಸಣ್ಣದಾದ ೩ ಮತ್ತು ೪ ರ ಸಾಧಾರಣ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಹೇಳಬಲ್ಲಿರಾ ? ಇಲ್ಲ ಹಾಗಾದರೆ ೩, ೪ ಇವುಗಳ ಕ್ರಮಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಜ್ಯಗಳಲ್ಲಿ ತೀರ ಸಣ್ಣ (ಲಘುತಮ) ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯ ಯಾವದು ? ಅದಕ್ಕಾಗಿ ಇನ್ನೊಮ್ಮೆ ನೋಡಿ ಹೇಳಿರಿ ೧೨, ೨೪, ೩೬, ೪೮ ಇತ್ಯಾದಿ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯಗಳಲ್ಲಿ ೧೨ ಇದೇ ತೀರ ಸಣ್ಣದು

೧೨ಕ್ಕ ೩ ಮತ್ತು ೪ ಇವುಗಳ ಲಘುತಮ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯವೆನ್ನುವರು ಮತ್ತು ಸಂಕ್ಷೇಪವಾಗಿ ಬರೆಯುವದಾದರೆ ಲ ಸಾ ಭಾ ಎಂದು ಬರೆಯುವರು

ಉದಾ — ೮, ೧೨ ಇವುಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ತೆಗೆಯಿರಿ

ಅದಕ್ಕಾಗಿ ೮ ಮತ್ತು ೧೨ ಇವುಗಳ ಕ್ರಮಗೊಳಿಸಿದ ಭಾಜ್ಯಗಳನ್ನು ಬರೆದು ನೋಡುವಾ

೮ರ ಭಾಜ್ಯಗಳು ೮, ೧೬, **೨೪**, ೩೨, ೪೦, **೪೮**, ೫೬, ೬೪, **೭೨**, ೮೦ ಇತ್ಯಾದಿ

೧೨ರ ಭಾಜ್ಯಗಳು ೧೨, **೨೪**, ೩೬, **೪೮**, ೬೦, **೭೨**, ೮೪, **೯೬** ಇ

ಭಾಜ್ಯಗಳ ಇವೆರಡೂ ಪಟ್ಟಿ (ಪಂಕ್ತಿಗಳು) ಗಳನ್ನು ನೋಡಲಾಗಿ ೮, ೧೨ ಇವುಗಳ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯಗಳು ೨೪, ೪೮, ೭೨, ೯೬ ಇತ್ಯಾದಿಗಳು ದೊರೆಯುತ್ತವೆ ಇವೆಲ್ಲ ಸಾಧಾರಣಭಾಜ್ಯಗಳಲ್ಲಿ ಲ ಸಾ ಭಾ ವು ೨೪ ಇದೆ

ಇನ್ನು ಈ ಲ ಸಾ ಭಾ ವನ್ನು ಸುಲಭವಾಗಿ ತೆಗೆಯತಕ್ಕ ಕ್ರಮಗಳುಂಟೇ ? ಅದಕ್ಕಾಗಿ ೮, ೧೨ ಮತ್ತು ಲ ಸಾ ಭಾ ೨೪ ಇವುಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ

೮ = ೨ × ೨ × ೨	೨೪ ಇದು ೮ ಮತ್ತು ೧೨ ಇವುಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ
೧೨ = ೨ × ೨ × ೩	ಇರುವದರಿಂದ ೨೪ಕ್ಕ ೮ ಮತ್ತು ೧೨ ಇವೆರಡ
೨೪ = ೨ × ೨ × ೨ × ೩	ರಿಂದ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗಹೋಗಲಕ್ಕೇಬೇಕು

೨೪ ರಲ್ಲಿ ೮ ಮತ್ತು ೧೨ ಇವುಗಳ ಎಲ್ಲ ಅವಯುವಗಳೂ ಇರಬೇಕೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಯಿತು ಇನ್ನು ೮ ರಲ್ಲಿ ೨ರ ೩ ಅವಯುವಗಳಿವೆ, ೧೨ ರಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರ ೨ರ ೨ ಅವಯುವಗಳಿವೆ ೨ರ ೩ ಅವಯುವಗಳಲ್ಲಿ ೨ರ ೨ ಅವಯುವ ಗಳಿದ್ದಂತಾಯಿತು ಲ ಸಾ ಭಾ ೨ರ ೩ ಅವಯುವಗಳಿರುವದು ಅವಶ್ಯ ಮತ್ತು ೧೨ ರಲ್ಲಿ ೨ರ ೨ ಅವಯುವಗಳಲ್ಲಿ ಇನ್ನೊಂದು ಅವಯುವ ೩ ಇದೆ ಇದಾದರೂ ಲ ಸಾ ಭಾ ದಲ್ಲಿಯು ಒಂದು ಅವಯುವವಾಗಬೇಕಾಯಿತು. ೨೪ರಲ್ಲಿಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ನೋಡಿದರೆ ಮೇಲೆ ಚರ್ಚಿಸಿದಂತೆ ಇರಬೇಕಾದ ಅವಯುವಗಳಷ್ಟು ಇವೆ, ಅಂದರೆ ೨ರ ೩ ಅವಯುವಗಳೂ ೩ರ ೧ ಅವಯುವವೂ ಇರುತ್ತವ ಇವಲ್ಲದೇ ಹೆಚ್ಚಿನ ಅವಯುವಗಳಿದ್ದರೆ ಲಘುತಮ (ಎಲ್ಲಕ್ಕು ಸಣ್ಣದಾದ) ಸಾ ಭಾಜ್ಯವಾಗಲಾರದು ಇದರಿಂದ ಲ ಸಾ ಭಾ ದ ಬಗ್ಗೆ ಒಂದು ನಿಯಮವು ಹೊರಡುವದು ಅದು ಕೆಳಗಿನಂತೆ (೧) ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆದು ಭಿನ್ನವಾದ ಅವಯುವಗಳು ಯಾವದರಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಬಂದಿರುವವೋ ಅಷ್ಟುಸಾರೆ ಆ ಎಲ್ಲ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡು ಅವುಗಳ ಗುಣಾಕಾರಮಾಡಲು ಬರುವ ಗುಣಾಕಾರವೇ ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ವಾಗುತ್ತದೆ

ಮಾ ಲೆಕ್ಕ —೮೦, ೯೬, ೧೪೪ ಇವುಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ತೆಗೆಯಿರಿ

ರೀತಿ — ಮೇಲಿನ ನಿಯಮದಂತೆ ಮೊದಲು ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

೮೦ = ೮ × ೧೦ = ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೫

೯೬ = ೧೬ × ೬ = ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೩

೧೪೪ = ೧೨ × ೧೨ = ೨ × ೨ × ೩ × ೨ × ೨ × ೩

ಈ ೩ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಬಂದಿರತಕ್ಕ ಭಿನ್ನವಾದ ಅವಯುವಗಳೆಂದರೆ ೨, ೩, ೫ ಇನ್ನು ೨ ಈ ಅವಯುವವು ೯೬ ರಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರ ಹೆಚ್ಚು ಸಾರೆ ಅಂದರೆ ೫ ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ, ೩ ಇದು ೧೪೪ ರಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಸಾರೆ ಅಂದರೆ ೨ ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ, ೫ ಇದು ೮೦ ರಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರ ೧ ಸಾರೆ ಬಂದಿದೆ

ಲ ಸಾ ಭಾ = ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೩ × ೩ × ೫ = ೧೪೪೦

ಉತ್ತರ

ಲ ಸಾ ಭಾ ತೆಗೆಯುತಕ್ಕ ಇನ್ನೊಂದು ಸುಲಭವಾದ ರೀತಿಯುಂಟು ಅದರಂತೆ ಮೇಲಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ತೆಗೆಯುವಾ

೨ನೆಯ ರೀತಿ —

೨	೮೦,	೯೬,	೧೪೪
೨	೪೦,	೪೮,	೭೨
೨	೨೦,	೨೪,	೩೬
೨	೧೦,	೧೨,	೧೮
೩	೫,	೬,	೯
	೫,	೨,	೩

ಲ ಸಾ ಬಾ = ೨×೨×೨ ×೨×೩×೫×೨×೩= ೧೪೪೦ ಉತ್ತರ

ವಿವರಣೆ — ಮೊದಲು ಮೂರೂ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನು ಭಾಗಿಸತಕ್ಕ ಸಾಧಾರಣ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ಹುಡುಕಿಕೊಳ್ಳಬೇಕು ಅಥವಾ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಅವಯುವಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯುವ ರೀತಿಯಂತೆ ೨, ೩ ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಂದ ಭಾಗಿಸಿ ಬರುವ ಭಾಗಾಕಾರಗಳನ್ನು ಕಳಗಿಡುತ್ತ ಹೋಗಬೇಕು (ಬದಿಯಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟ ಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಕಡೆಗೆ ಕೊಟ್ಟ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಸಾಧಾರಣವಾದ ಯಾವ ಅವಯುವವೂ ಇಲ್ಲದಂತಾಗಲು ಭಾಗಿಸುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ನಿಲ್ಲಿಸಬೇಕು ಕೊನೆಗೆ ಉದ್ದವಾಗಿ ಎಳೆದ ರೇಖೆಯ ಎಡಕ್ಕೆ ಬರೆದ ಎಲ್ಲ ಅವಯುವಗಳನ್ನೂ ಮತ್ತು ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ಕಳಗಿನ ಸಾಲಿನಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಅವಿಭಾಜ್ಯ ಸಂಖ್ಯೆಗಳನ್ನೂ ಗುಣಿಸಲು ಲ ಸಾ ಭಾ ದೊರಯುವದು ಅದರಂತೆ ಬದಿಯಲ್ಲಿ ಬಿಡಿಸಿ ತೋರಿಸಿದ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ

$$\text{ಲ ಸಾ ಭಾ} = \underbrace{೨×೨×೨×೨×೩}_{\text{ರೇಖೆಯ ಎಡಬಾಗದ ಅ ಗಳು}} \times \underbrace{೫×೨×೩}_{\text{ಕೆಳಗಿನ ಸಾಲಿನವು}} =$$

೧೪೪೦ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೫)

ಕೆಳಗಿನ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ತೆಗೆಯಿರಿ —

(೧) ೧೨, ೧೮, (೨) ೧೨, ೧೫, (೩) ೧೬, ೨೧,

(೪) ೨೪, ೨೭, (೫) ೨೪, ೩೦, (೬) ೨೫, ೩೫,

(೭) ೪೦, ೭೨, (೮) ೩೬, ೫೪, (೯) ೩೮, ೬೦,

(೧೦) ೪೨, ೫೬, (೧೧) ೩೬, ೬೦, ೯೬, (೧೨) ೩೨, ೪೮, ೭೨,

(೧೩) ೪೫, ೬೩, ೧೩೫ (೧೪) ೩೦ ೭೫, ೧೦೫, (೧೫) ೪೪, ೯೯, ೧೪೩,
(೧೬) ೬೫, ೭೫, ೯೫, (೧೭) ೨೧, ೩೫, ೬೩, (೧೮) ೬೬, ೭೮, ೪೨

(೧೯) ಒಂದು ಹೌದಿನಲ್ಲಿದ್ದ ನೀರು ದಿನಾಲು ೧೮ ಕೊಡಗಳಂತೆ ಅಥವಾ ೨೪ ಕೊಡಗಳಂತೆ ಸೋರಿದರೆ ಹಲವು ಪೂರ್ಣ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಬರಿದಾಗುತ್ತದೆ ಆದರ ಆ ಹೌದಿನಲ್ಲಿ ತೀರ ಕಡಿಮೆಯೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಕೊಡ ನೀರಿರಬೇಕು ?

(೨೦) ಒಂದು ಊರಿಗೆ ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ದಿನಾಲು ೧೫ ಮೈಲು ಇಲ್ಲವೆ ೨೦ ಮೈಲುಗಳಂತೆ ನಡದರೆ ಒಂದು ಮುಂಜಾನೆ ಹೊರಟು ಯಾವದೇ ಒಂದು ಸಂಜೆಗೆ ಮುಟ್ಟುತ್ತೇನ ಆದರೆ ನಾನು ಕ್ರಮಿಸತಕ್ಕ ಮಾರ್ಗ ಕನಿಷ್ಟ ಪಕ್ಷಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಮೈಲುಗಳಿರಬೇಕು ?

(೨೧) ನನ್ನಲ್ಲಿದ್ದ ಹಣದಿಂದ ೮, ೯ ಅಥವಾ ೧೨ ಜನ ಭಿಕ್ಷುಕರಿಗೆ ಸರಿಯಾದ ಪೈಗಳನ್ನು ಕೊಡುತ್ತೇನೆ ಆದರ ತೀರ ಕಡಿಮೆಯೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಹಣ ಇರಬೇಕು ?

(೨೨) ಮಾವಿನ ಹಣ್ಣಿನ ಒಂದು ರಾಶಿಯಿದೆ ಅವನ್ನು ೧೮ ಅಥವಾ ೨೪ ಇಲ್ಲವೆ ೩೦ ಹಣ್ಣುಗಳಂತ ಎಣಿಸಿದರೆ ಪ್ರತಿ ಸಲವೂ ೭ ಹಣ್ಣುಗಳು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಉಳಿಯುತ್ತವೆ ಆದರೆ ತೀರ ಕಡಿಮೆಯೆಂದರೆ ಆ ರಾಶಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಹಣ್ಣುಗಳಷ್ಟು ?

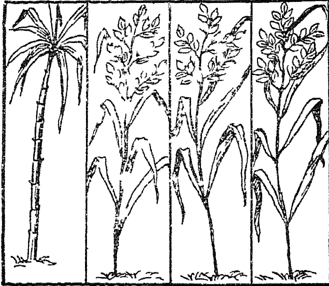
(೨೩) ನಾನು ನನ್ನ ಹತ್ತರಿದ್ದ ರೂ ಗಳನ್ನು ೧೫ ರಂತೆ, ೨೦ ರಂತೆ ಇಲ್ಲವೆ ೨೫ ರಂತೆ ಗುಂಪುಮಾಡಿದರೂ ಪೂರ್ಣ ಗುಂಪುಗಳಾಗಲಿಕ್ಕೆ ಪ್ರತಿ ಸಲ ೪ ರೂ ಗಳು ಕಡಿಮೆ ಬೀಳುತ್ತಿದ್ದರೆ ತೀರ ಕಡಿಮೆಯೆಂದರೆ ನನ್ನ ಹತ್ತರ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳಿರಬೇಕು ?

(೨೪) ೧೨, ೧೮, ೨೦ ಇವುಗಳಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಪ್ರತಿಸಲವೂ ಶೇಷ ೫ ಬರುವ ತೀರ ಸಣ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಯಾವದು ?

ವ್ಯವಹಾರೀ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು

(ಉಜಳಣಿ)

ಬಾಲಕರೇ, ನಿಮಗೆ ಹಿಂದಿನ ವರ್ಗದಲ್ಲಿ ಸುಲಭವಾದ ವ್ಯ ಅ ಗಳ ಕಲ್ಪನೆಯಾಗಿದಯಲ್ಲವೇ ? ಹಾಗಾದರೆ ಕೆಳಗಿನ ಚಿತ್ರವನ್ನು ನೋಡಿರಿ



ಇದು ಗುರುಲಿಂಗಪ್ಪನ ಹೊಲದ ಚಿತ್ರವಿದೆ ಇದರಲ್ಲಿ ಯಾವ ಯಾವ ಬೆಳೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದ್ದಾನ? ಎಷ್ಟು ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಭತ್ತವನ್ನು ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಕಬ್ಬನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ್ದಾನೆಂಬದನ್ನು ಹೇಳಬಲ್ಲಿರಾ?

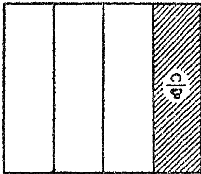
ಇಡೀ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ನಾಲ್ಕು ಸಮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದ್ದಾನಲ್ಲವೇ ? ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಭಾಗವು ಆ ಹೊಲದ 'ಒಂದು ನಾಲ್ಕನೆಯಂಶ' ವಾಗಿದ್ದು ಅದನ್ನು ೧/೪ ಭಾಗವೆಂದು ಬರೆಯುತ್ತಾರೆಂಬದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ ಇಂಥ ೩ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಭತ್ತವನ್ನು ಬಿತ್ತಿದಯಾದ್ದರಿಂದ ಆ ಹೊಲದ 'ಮೂರು ನಾಲ್ಕನೆಯಂಶ' ದಲ್ಲಿ ಭತ್ತ ಬಿತ್ತಿದಂತಾಯಿತು ಅದನ್ನು ೩/೪ ಭಾಗವೆಂದು ಬರೆಯುತ್ತಾರಲ್ಲವೇ ? ಆದ್ದರಿಂದ ಉಳಿದ ತುಂಡಿನಲ್ಲಿ ಅಂದರೆ ಆ ಹೊಲದ ೧/೪ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಕಬ್ಬನ್ನು ಬಿತ್ತಿದಂತಾಯಿತು ಈ ೩/೪, ೧/೪ ಗಳು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಲ್ಲ ಅದರಿಂದ ಅವುಗಳಿಗೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳೆನ್ನುವರು ಹಾಗಾದರೆ ೩/೪ ಈ ಲೇಖನದಿಂದ ನಮಗೆ ಏನು ತಿಳಿದುಬರುವದು ? ೩/೪ ದಲ್ಲಿ ೩ ಈ ಅಂಕಿಯ ಕೆಳಗಡೆ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಗೆರೆಯಿದೆ ನೋಡಿರಿ, ಅದರ ಕೆಳಗೆ ೪ ಈ ಅಂಕಿಯನ್ನು ಬರೆದಿದೆ ಈ '೪' ಏನನ್ನು ಹೇಳುತ್ತದೆ ? ಅದು ಒಂದು ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದೆಯೆಂಬದನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಗರೆಯ ಮೇಲಿನ '೩' ಆ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಉಂಟಾದ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ೩ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡಿದೆ ಎಂಬದನ್ನು ಹೇಳುತ್ತದೆ, ಆದ್ದರಿಂದ **ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರುತ್ತಾರೋ ಆ ಅಂಕಿಯನ್ನು**

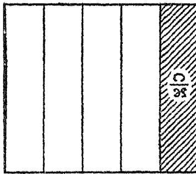


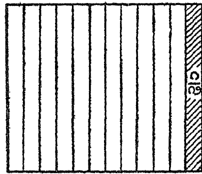
ಕೆಳಗೆ, ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡಿರುತ್ತಾರೋ ಆ ಅಂಕಿಯನ್ನು ಮೇಲ್ಗಡ ಬರೆದು ನಡುವೆ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಗೆರೆಯನ್ನೆಳೆಯುತ್ತಾರ ಅದರಂತ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೫ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೩ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡರೆ ಅದನ್ನು '೩/೫' ವೆಂದು ಬರೆಯುತ್ತಾರೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯ ಇಂಥ ಲೇಖನದಲ್ಲಿ ಗೆರೆಯಮೇಲಿನ ಅಂಕಿಗೆ **ಅಂಶ**ವೆಂದೂ ಕಳಗಿನ ಅಂಕಿಗೆ **ಛೇದ**ವೆಂದೂ ಹೆಸರು ಹಾಗಾದರೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯ ಲೇಖನ ಕ್ರಮದಿಂದ ೫/೫ ಅಂದರೇನು? ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ಐದು ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಐದೂ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಎಂದು ಅಭಿಪ್ರಾಯ. ಇದರಿಂದ ಇಡೀವಸ್ತುವನ್ನೇ ತಕ್ಕೊಂಡತಾಯಿತಲ್ಲವೇ?

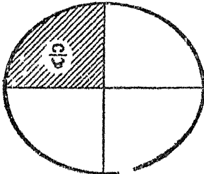
೫/೫ ವಸ್ತು = ೧ ವಸ್ತು ಅದರಂತೆ ೭/೭ = ೮/೮ = ೧೧/೧೧ = ೨೫/೨೫ = ೧ ಇತ್ಯಾದಿ

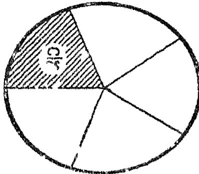
ಇನ್ನು ೧/೪, ೨/೪, ೩/೪ (೧) ೧/೫, ೨/೫, ೩/೫, ೪/೫ (೨) ೧/೧೨, ೨/೧೨, ೩/೧೨ ೭/೧೨ ೧೧/೧೨ (೩) ಈ ಗುಂಪುಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ೧/೪, ೧/೫, ೧/೧೨ ಗಳು ಈ ಮೂರೂ ಗುಂಪುಗಳ ಆರಂಭದ ಮೂಲ (ಏಕ್ಕಮು) ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳು ಇವು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಾಗಿಲ್ಲವಂಬುದು ಆಕೃತಿಗಳಿಂದ ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ, ನೋಡಿರಿ ಇದಲ್ಲದೆ ೧/೧೨ ಭಾಗವು ೧/೫ ಕ್ಕಿಂತಲೂ ಸಣ್ಣದು ೧/೫ ವು

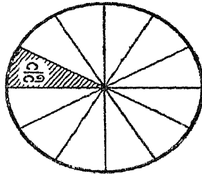












೧/೪ ಕ್ಕಿಂತಲೂ ಸಣ್ಣದೆಂಬದನ್ನು ಸಹ ನಾವು ಕಾಣುತ್ತೇವ ಛೇದದಲ್ಲಿ 'ಳ'

ಉಳ್ಳ ೧ನೆಯ ಗುಂಪಿನ ಅ ಗಳು 'ನಾಲ್ಕನೆಯಂಶ'ಗಳಿಂದಲೂ, ಭೇದದಲ್ಲಿ '೫' ಉಳ್ಳ ೨ನೆಯ ಗುಂಪಿನ ಅ ಗಳು 'ಐದನೆಯಂಶ'ಗಳಿಂದಲೂ, ಭೇದದಲ್ಲಿ '೧೨' ಉಳ್ಳ ೩ನೆಯ ಗುಂಪಿನ ಅ ಗಳು 'ಹನ್ನೆರಡನೆಯಂಶ'ಗಳಿಂದಲೂ ಉಂಟಾದ ಅ ಗಳಾದ್ದರಿಂದ ಮೂರೂ ಗುಂಪುಗಳು ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಮತ್ತು **ಒಂದೇ ಭೇದವುಳ್ಳ ಅ. ಗಳೆಲ್ಲ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ.** ಈ ವಿಷಯವನ್ನು ಕೆಳಗಿನ ಒಂದು ವ್ಯಾವಹಾರಿಕ ಉದಾಹರಣೆಯಿಂದಲೂ ಮನಗಾಣಬಹುದು

೧ ಪೌಂಡಿನ ೧/೪ ಭಾಗವೆಂದರೇನು ? ೫ ಶಿಲಿಂಗು ಅಲ್ಲವೇ ? ಮತ್ತು ೧ ಪೌಂಡಿನ ೧/೫ ಭಾಗವಂದರೆ ೪ ಶಿಲಿಂಗು ಅಲ್ಲವೇ ? ೫ ಶಿಲಿಂಗು, ೪ ಶಿಲಿಂಗು ಗಳು ಸರಿಯಲ್ಲವೆಂಬುದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ಅದರಂತೆ ೧/೮ ರೂ ಅಂದರೆ ೧ ಚವಲಿ, ೧/೪ ರೂ ಅಂದರೆ ೧ ಪಾವಲಿ ಎಂಬದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದಿದೆ ಚವಲಿಗಳೆಲ್ಲ ಒಂದು ಜಾತಿಯವು, ಪಾವಲಿಗಳೆಲ್ಲ ಮತ್ತೊಂದು ಜಾತಿಯವು ಇದನ್ನೇ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಬೇಕಾದರೆ, ಭೇದಗಳು '೪' ಇರುವ ಅ ಗಳೆಲ್ಲ ಒಂದು ಜಾತಿಯವು ಮತ್ತು '೮' ಇರುವವೆಲ್ಲ ಮತ್ತೊಂದು ಜಾತಿಯವು ಈ ವಿವರಣೆ ಯಿಂದ ನಮಗೆ ತಿಳಿಯುವದೇನಂದರೆ **ಭೇದಗಳು ಒಂದೇಯಾಗಿದ್ದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು ಒಂದೇ ಜಾತಿಯವು. ಬೇರೆ ಬೇರೆಯಾಗಿದ್ದವು ಗಳು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಜಾತಿಯವು.**

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೬)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦)

(೧) ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಅರ್ಧ, ಗಿರ್ಧ ಅಂದರೆಷ್ಟು ? ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೨) ೧ ಪಾವಲಿ, ೧ ಚವಲಿ, ೧ ಆಣೆಗಳೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿ ?

(೩) ೩ ಪಾವಲಿ, ೫ ಚವಲಿ, ೯ ಆಣೆಗಳನ್ನು ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ ಮತ್ತು ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೪) ೫ ಇಂಚು ಅಂದರೆಷ್ಟು ಫೂಟು ? ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಯಾರ್ಡು ?

(೫) ೭ ತಾಸುಗಳೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ದಿವಸ ?

(೬) ೩ ಫರ್ಲಾಂಗನ್ನು ಮೈಲು, ಹರದಾರಿಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ, ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೭) ನಾಲ್ಕು ಹದಿನೈದನೆಯಂಶವನ್ನು ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೮) ಏಳು ಎಂಟನೆಯಂಶವೆಂದರೆಷ್ಟು? ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೯) ಈ ಹೊತ್ತು ನಾವು ೬ ನೇ ಒಳ್ಳೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ತಂದೆವು ಅಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಮಣ ತಂದಂತಾಯಿತು? (೧ ಮ = ೪೦ ಸೇರು)

(೧೦) ಖೊಬ್ಬರಿಯ ಒಂದು ಗಿಟಕದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೫ ತುಣುಕುಗಳನ್ನು ಪೂಜೆಗೆ ಕೊಟ್ಟೆತು ಅಂದರ ಎಷ್ಟು ಗಿಟಕ ಕೊಟ್ಟಂತಾಯಿತು? ಬರೆಯಿರಿ

(೧೧) ೧೩ ಮಾರು ಹಗ್ಗದ ಒಂದು ಸಿಂಬಿಯಲ್ಲಿ ೨ ಮಾರು ಹಗ್ಗವನ್ನು ಕೊಯ್ದುಕೊಂಡಿತು ಇದರಿಂದ ಆ ಸಿಂಬಿಯ ಎಷ್ಟು ಬಾಗ ಕೊಯ್ದುಕೊಂಡಂತಾಯಿತು? ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೧೨) $\frac{೨}{೧೧}$, $\frac{೬}{೧೫}$, $\frac{೯}{೨೦}$, $\frac{೫}{೪}$ ಇವುಗಳನ್ನು ಒದಿರಿ

(೧೩) ಮೂರು ಎಂಟನೆಯಂಶ, ಐದು ಹದಿಮೂರನೆಯಂಶ, ಹನ್ನೊಂದು ಹದಿನೆಂಟನೆಯಂಶ, ಏಳು ಒಂಭತ್ತನೆಯಂಶ ಎಂದರೆಷ್ಟು? ಇವುಗಳನ್ನು ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

(೧೪) $\frac{೧}{೨}$ ರೂ, $\frac{೧}{೪}$ ರೂ, $\frac{೧}{೮}$ ರೂ, $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಅಂದರೆಷ್ಟು ಆಣೆಗಳು ಹೇಳಿರಿ ಮತ್ತು ಕೆಳಗಿನ ಪ್ರಶ್ನಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(ಅ) $\frac{೧೯}{೬೦}$ ತಾ = ಎಷ್ಟು ಮಿ ಗಳು	(ಇ) $\frac{೧೫}{೩೬}$ ಯಾ = ಎಷ್ಟು ಇಂಚು
(ಬ) $\frac{೭}{೮}$ ಮೈಲು = ? ಫರ್ಲಾಂಗು	(ಫ) $\frac{೩}{೭}$ ವಾರ = ? ದಿವಸಗಳು
(ಕ) $\frac{೧೨}{೩೦}$ ತಿಂ = ? ದಿವಸಗಳು	(ಗ) $\frac{೭}{೨೦}$ ಪೌ = ? ಶಿಲಿಂಗು
(ಡ) $\frac{೧೫}{೨೪}$ ದಸ್ತು = ? ಹಾಳಿಗಳು	(ಹ) $\frac{೧೧}{೧೨}$ ತೊಲಿ = ? ಮಾಸಿ

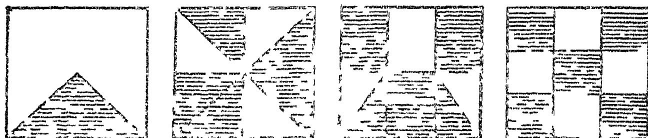
(೧೫) $\frac{೭}{೮}$ ರೂ ಅಂದರಷ್ಟು? ಮತ್ತು $\frac{೩}{೪}$ ರೂ = $\frac{೬}{೮}$ ರೂ = $\frac{೧೨}{೧೬}$ ರೂ ಏಕೆಂಬದನ್ನು ಹೇಳರಿ

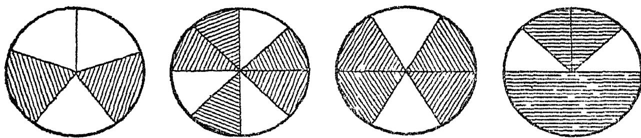
(೧೬) $\frac{೩}{೭}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೧}{೯}$, $\frac{೪}{೭}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೬}{೭}$, $\frac{೫}{೯}$, $\frac{೮}{೭}$ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳನ್ನು ಆರಿಸಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೧೭) ಒಂದು ಹೊಲದಲ್ಲಿ ೬ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ, ೩ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಜೋಳವನ್ನೂ, ೧ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಸಜ್ಜೆಯನ್ನೂ ಉಳಿದ ಎರಡು ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ

ಕಡಲೆಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದೆ ಆದರೆ ಆ ಹೊಲದ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಜೋಳ, ನೆಜ್ಜೆ, ಕಡಲೆಗಳನ್ನು ಬಿತ್ತಿದಂತಾಯಿತು? ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೧೮) ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳು ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತುಗಳೆಂದು ತಿಳಿದು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಕಪ್ಪು ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ





(೧೯) ಮೇಲಿನ ಆಕೃತಿಗಳಲ್ಲಿ ಗುರ್ತುಮಾಡದೇ ಇದ್ದ ಭಾಗವೆಷ್ಟೆಂಬದನ್ನು ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ

ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳ ಬೇರೀಜು (ಭಾಗ ೧)

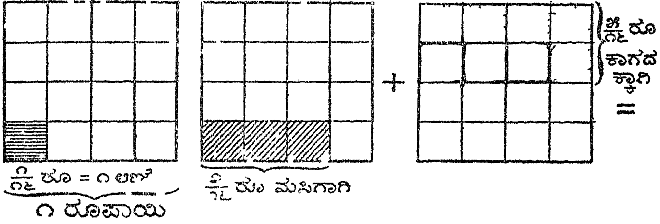
ಉದಾ — ನಾನು ೩ ಆಣೆಗಳ ಮಸಿಯನ್ನೂ ೫ ಆಣೆಗಳ ಕಾಗದವನ್ನೂ ಕೊಂಡೆನು ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು? ಇದರ ಉತ್ತರವನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು ಬಹು ಸುಲಭ

(ಮಸಿಗಾಗಿ) ೩ ಆಣೆಗಳು + (ಕಾಗದಗಳಿಗಾಗಿ) ೫ ಆಣೆಗಳು ೮ ಆಗಳು ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚುಮಾಡಿದ್ದು ಆದರೆ ಇದನ್ನೇ ರೂಪಾಯಿಯಲ್ಲಿ ಹೇಗೆ ಹೇಳುವಿರಿ?

೩ ಆಣೆಗಳೆಂದರೆಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿ? ೩/೧೬ ರೂ ಅಲ್ಲವೇ? ಆದರಂತೆ ೫ ಆಣೆಗಳೆಂದರೆ ೫/೧೬ ರೂ

೩/೧೬ ರೂ ಯ ಮಸಿಯನ್ನು ಕೊಂಡಿತು ಮತ್ತು ೫/೧೬ ರೂ ಯ ಕಾಗದವನ್ನು ತಂದಿತು

ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚಾದ ಹಣ = $\frac{೩}{೧೬}$ ರೂ + $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಇವೆರಡೂ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಇವುಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು ಕಳಗಿನ ಆಕೃತಿಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ



೧			೪
೯	೧೦	೧೧	೧೨
೧೩	೧೪	೧೫	೧೬

ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚನ್ನು ತೋರಿಸುವ ಮನೆಗಳು ೮, ಮತ್ತು ೧ ರೂಪಾಯಿಯಲ್ಲಿ ಇಂಥ ೧೬ ಮನೆಗಳಾಗಿರುತ್ತವ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು = $\frac{೮}{೧೬}$ ರೂ ಆದಂತಾಯಿತಲ್ಲವ ? $\frac{೩}{೧೬}$ ರೂ + $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ = $\frac{೩+೫}{೧೬}$ = $\frac{೮ \text{ (ಅಂಶ, ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು)}}{೧೬ \text{ (ಒಂದೇ ಛೇದ)}}$ ಇದರ ಮೇಲಿಂದ ನೋಡಲು ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ತೆಗಯುವದು ಸುಲಭವಾಗಿದ

ಈ ಮೊದಲೇ ತೋರಿಸಿದಂತೆ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು ೩ ಅ + ೫ ಅ = ೮ ಅ ಗಳು ಎಂಬಂತೆ '೩ ಹದಿನಾರನೆಯಂಶ' ಮತ್ತು '೫ ಹದಿನಾರನೆಯಂಶ' ಇವುಗಳ ಒಟ್ಟು '೮ ಹದಿನಾರನೆಯಂಶ'ಗಳಂದಂತಾಯಿತಲ್ಲವೇ ? ಇದರಿಂದ ನಾವು ಒಂದು ನಿಯಮವನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬಹುದು

ನಿಯಮ — ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿದ ಅ. ಗಳ ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡಿ ಬಂದ ಬೇರೀಜನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ, ಆ ಅ ಗಳ ಒಂದೇ ಛೇದವನ್ನು ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಬರೆಯಬೇಕು

ಆದರೆ ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವದು ಇಷ್ಟು ಸುಲಭವಲ್ಲ ಅದರ ವಿವರಣೆಯನ್ನು ಮುಂದಿನ ಪ್ರಕರಣದಲ್ಲಿ ಕೊಡಲಾಗಿದೆ ಮೇಲಿನ ನಿಯಮವನ್ನನುಸರಿಸಿ ಕಲವು ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವಾ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೧) — ನಾನು $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಕರವಸ್ತ್ರವನ್ನೂ $\frac{೭}{೧೬}$ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಟೊಪ್ಪಿಗೆಯನ್ನೂ ತಂದೆನು ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

ಇಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು = (ಕರವಸ್ತ್ರಕ್ಕಾಗಿ) $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ + (ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಾಗಿ) $\frac{೭}{೧೬}$ ರೂ ಇವು ಸಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಿರುವದರಿಂದ, ಅವುಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ನೇಲಿಸಂತೆ ತೆಗೆಯುವದು

ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು = $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ + $\frac{೭}{೧೬}$ ರೂ = $\frac{೫+೭}{೧೬}$ =

$\frac{\text{೧೨ ರೂ (ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು)}}{\text{೧೬ ರೂ (ಒಂದೇ ಛೇದ)}}$ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು = $\frac{೧೨}{೧೬}$ ರೂ ಉ

ತಾಳೆ ನೋಡಿರಿ — $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ = ೫ ಆ ಗಳು $\frac{೭}{೧೬}$ ರೂ = ೭ ಆ ಗಳು

ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ + $\frac{೭}{೧೬}$ ರೂ = ೫ ಆ + ೭ ಆ = ೧೨ ಆ ಗಳು,

ಇನ್ನು ೧೨ ಆ ಗಳು = $\frac{೧೨}{೧೬}$ ರೂ ಎಂಬದು ತಿಳಿದಿದೆ

$\frac{೧೨}{೧೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೨) — $\frac{೧೦}{೩೦}$ ತಾಸು + $\frac{೮}{೩೦}$ ತಾಸು + $\frac{೬}{೩೦}$ ತಾಸು = ? ಇವೆಲ್ಲ ಸಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುವದರಿಂದ ಮೇಲಿನ ನಿಯಮದಂತೆ ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಒಂದೇ ಛೇದವನ್ನು ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಇಡುವದು

$\frac{೧೦}{೩೦}$ ತಾ + $\frac{೮}{೩೦}$ ತಾ + $\frac{೬}{೩೦}$ ತಾ = $\frac{\text{೧೦ + ೮ + ೬ (ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು)}}{\text{೩೦ (ಒಂದೇ ಛೇದ)}}$

= $\frac{೨೪}{೩೦}$ ತಾಸು ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೭)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೫)

(೧) (ಅ) $\frac{೧}{೨}$ ರೂ + $\frac{೧}{೨}$ ರೂ = ? ರೂ (ಬ) $\frac{೧}{೪}$ ರೂ + $\frac{೧}{೪}$ ರೂ = ? ರೂ (ಕ) $\frac{೧}{೧೨}$ ಫೂ + $\frac{೧}{೧೨}$ ಫೂ = ? ಫೂ

(೨) (ಅ) ೨/೧೬ ರೂ + ೫/೧೬ ರೂ + ೪/೧೬ = ? ರೂ

(ಬ) ೨/೪೦ ಮ + ೫/೪೦ ಮ + ೭/೪೦ = ? ಮಣ

(೩) (ಅ) ೧/೮ ಮೈ + ೨/೮ ಮೈ + ೩/೮ ಮೈ = ? ಮೈಲು

(ಬ) ೭/೧೬ ತೊ + ೧೧/೧೬ ತೊ + ೧೫/೧೬ ತೊ = ? ತೊಲಿ

(೪) ೫/೬೦ ತಾ + ೨೦/೬೦ ತಾ + ೧೫/೬೦ ತಾ = ? ತಾಸು

(೫) ಒಂದು ಆಳನ್ನು ೫/೩೦ ತಿಂಗಳು, ೮/೩೦ ತಿಂಗಳು ಮತ್ತು ೭/೩೦ ತಿಂ ಕೆಲಸಕ್ಕೆ ಹಚ್ಚಿದೆವು ಆದರ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ತಿಂಗಳ ಕೆಲಸಕ್ಕೆ ಹಚ್ಚಿದಂತಾಯಿತು

(೬) ಒಂದು ಕಲ್ಲಂಗಡಿ ಹಣ್ಣಿನ ೫/೧೬ ಭಾಗವನ್ನು ಸಾವಿತ್ರಿಯೂ, ೨/೧೬ ಭಾಗವನ್ನು ಸರಲೆಯೂ ಮತ್ತು ೪/೧೬ ಭಾಗವನ್ನು ಯಮುನೆಯೂ ತಿಂದರು ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಕಲ್ಲಂಗಡಿಯು ತೀರಿದಂತಾಯಿತು ?

(೭) ನಾನು ೨/೨೪ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಸ್ನಾನವನ್ನೂ, ೮/೨೪ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಊಟವನ್ನೂ ತೀರಿಸಿ ೪/೨೪ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಸಾಲೆಗೆ ಹೋದೆನು ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ನನಗೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹಿಡಿದಂತಾಯಿತು ?

(೮) ೫/೧೬ ರೂ ಯ ಬಟಾಟಯನ್ನೂ, ೨/೧೬ ರೂ ಬದನೀಕಾಯಿಯನ್ನೂ ಮತ್ತು ೩/೧೬ ರೂ ಸವತೆಕಾಯಿಯನ್ನೂ ಕೊಂಡರೆ, ಎಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿಯ ಪಲ್ಲೆ ತಂದಂತಾಯಿತು ?

(೯) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನು ತನ್ನ ಪಗಾರದ ೩/೨೫ ಭಾಗವನ್ನು ಕಟ್ಟಿಗೆಗೂ, ೨/೨೫ ಭಾಗವನ್ನು ರೇಶನ್ನಿಗೂ ಮತ್ತು ೫/೨೫ ಭಾಗವನ್ನು ಹೈನಕ್ಕಾಗಿಯೂ ಖರ್ಚುಮಾಡಿದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಭಾಗವನ್ನು ಖರ್ಚುಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

(೧೦) ಒಬ್ಬ ರೈತನು ತನ್ನ ಹೊಲದ ೫/೧೬ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗೋದಿಯನ್ನೂ ೨/೧೬ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಹತ್ತಿಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿ ೫/೧೬ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಮೆಣಸಿನ ಗಿಡಗಳನ್ನು ಹಚ್ಚಿದ್ದಾನೆ ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಬೆಳೆಮಾಡಿದ ಭಾಗವೆಷ್ಟು ?

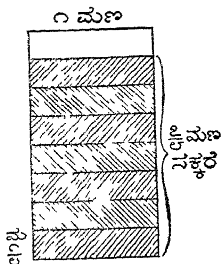
(೧೧) ನಮ್ಮ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ೩ ದಿವಸಗಳ ಹಬ್ಬದಲ್ಲಿ ಕ್ರಮವಾಗಿ ೯/೪೮ ಮಣ, ೫/೪೮ ಮಣ ಮತ್ತು ೭/೪೮ ಮಣದಂತೆ ಬೆಲ್ಲ ಖರ್ಚಾಯಿತು ಆದರ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಮಣ ಬೆಲ್ಲ ಖರ್ಚಾಯಿತು

ಸಜಾತೀಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ವಜಾಬಾಕಿ

(ಭಾಗ ೧)

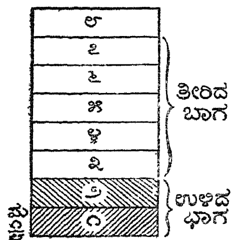
ಉದಾ — ಶಿವರಾಯನ ಅಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ಇಂದು ಮುಂಜಾನೆ ೭/೮ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆ ಇತ್ತು. ಸಂಜೆಯೊಳಗಾಗಿ ೫/೮ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆ ಮಾರಾಟವಾಗಿಹೋಯಿತು ಆದರೆ ಸಂಜೆಗೆ ಉಳಿದ ಸಕ್ಕರೆ ಎಷ್ಟು ?

ಸಂಜೆಗೆ ಉಳಿದ ಸಕ್ಕರೆಯೆಂದರೆ ೭/೮ ಮಣ − ೫/೮ ಮಣ = ?



(ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ೧ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆ ಹಿಡಿಯುವ ಒಂದು ಡಬ್ಬಿಯಲ್ಲಿ ೭/೮ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆ ಇದೆ. ಆ ಡಬ್ಬಿಯಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಒಂದೊಂದು ಭಾಗವು ಒಂದು ಮಣದ 'ಒಂದು ಎಂಟನೆಯಂಶ' ಸಕ್ಕರೆಯನ್ನು ಹಿಡಿಸುತ್ತದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ೭/೮ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆಯು ೭ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬಬೇಕಾಯಿತು.

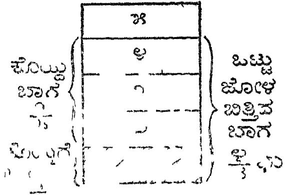
ಇನ್ನು ಸಂಜೆಯೊಳಗೆ ತೀರಿದ ಸಕ್ಕರೆಯೆಂದರೆ ೫/೮ ಮಣ ಅಂದರೆ ೧/೮ ಮಣದಂಥ ೫ ಭಾಗಗಳು. ಆದ್ದರಿಂದ ತುಂಬಿದ ೭ ಭಾಗಗಳಿಂದ ೫ ಭಾಗ ಸಕ್ಕರೆಯನ್ನು ಮಾರಲು ಉಳಿದ ಸಕ್ಕರೆಯು (೭ − ೫ =) ೨ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬಿರಬೇಕಾಯಿತು. ಇನ್ನು ಒಂದು ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೧/೮ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆ ಇರುತ್ತದೆಂದು ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದೆ. ಆದ್ದರಿಂದ ಉಳಿದ ಎರಡೂ ಭಾಗಗಳ ಸಕ್ಕರೆಯೆಂದರೆ ೨/೮ ಮಣ ಇರಬೇಕಾಯಿತು.



ಮೇಲಿನ ವಿವರಣೆಯಂತೆ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬರೆದು ಬಿಡಿಸಬೇಕಾದರೆ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಬಿಡಿಸಬಹುದು. ೭/೮, ೫/೮ ಗಳೆರಡೂ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯವಾಗಿರುತ್ತವೆ.

೭/೮ ಮ − ೫/೮ ಮ = (೭ − ೫ (ಅಂಶದಲ್ಲಿ ಅಂಶ ಕಳೆದದ್ದು)) / (೮ (ಒಂದೇ ಛೇದ)) = ೨/೮ ಮ ಸಕ್ಕರೆ ಉಳಿದದ್ದು. ಉತ್ತರ

ಉದಾ — ಕಾಳಪ್ಪನ ಹೊಲದ ೪/೫ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಜೋಳ ಬಿತ್ತಿದ್ದು ಅದರಲ್ಲಿ ೩/೫ ಭಾಗ ಕೊಯ್ಯಲಾಗಿ ಉಳಿದ ಜೋಳದ ಹೊಲವೆಷ್ಟು?



ಒಟ್ಟು ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗವಲ್ಲ ಜೋಳ ಬಿತ್ತಿದ ಭಾಗ ಅದು ಇಡೀ ಹೊಲದ ೪/೫ ಭಾಗವಾಗಿದೆ ಅಂದರೆ ೧/೫ ಭಾಗದಂಥ ೪ ತುಂಡುಗಳಲ್ಲಿ ಜೋಳವನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ್ದು ಅದರಲ್ಲಿ ೩/೫ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೧/೫ ದಂಥ ೩ ತುಂಡುಗಳ ಜೋಳವನ್ನು ಕೊಯ್ದಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಕೊಯ್ಯದ ಉಳಿದ ಭಾಗವೆಂದರೆ (೪ − ೩ =) ೧ ತುಂಡು ಅಂದರೆ ೧/೫ ಭಾಗ ಬರೆದು ತೋರಿಸುವದಾದರೆ ೪/೫ ಭಾ − ೩/೫ ಭಾ = (೪ − ೩ (ಅಂಶ−ಅಂಶ)) / (೫ (ಒಂದು ಛೇದ)) = ೧/೫ ಕೊಯ್ಯದೆ ಉಳಿದ ಭಾಗ ಉತ್ತರ

ಈ ಎರಡೂ ಉದಾಹರಣಗಳಿಂದ ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಹೇಳಬಹುದು

ನಿಯಮ — **ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ (ಒಂದೇ ಛೇದವುಳ್ಳ) ಅ ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಅಂಶಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಟ್ಟು ಅದರ ಕೆಳಗೆ ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಛೇದವನ್ನಿಡಬೇಕು.**

ಸೂಚನೆ — ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜು ಅಥವಾ ವಜಾಬಾಕಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ದೊರೆಯುವ ಅ ಗಳಾದರೂ ಅದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗುತ್ತವೆಂಬದನ್ನು ನೀವು ಕಾಣಿರಿ

ಇನ್ನು ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಮಾಡುವದು ಅಷ್ಟು ಸುಲಭವಲ್ಲ ಅದನ್ನು ಮುಂದೆ ಚರ್ಚಿಸಲಾಗಿದೆ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೮)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦)

ಇವುಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(೧) $\frac{೨}{೩}$ ರೂ − $\frac{೧}{೩}$ ರೂ

(೨) $\frac{೨}{೪}$ ಫೂ − $\frac{೧}{೪}$ ಫೂ

(೩) $\frac{೫}{೭}$ ಯಾ. − $\frac{೩}{೭}$ ಯಾ

(೪) $\frac{೭}{೮}$ ಸೇ − $\frac{೫}{೮}$ ಸೇ.

(೫) $\frac{೧೧}{೧೭}$ ರೂ − $\frac{೪}{೧೭}$ ರೂ

(೬) $\frac{೯}{೬೦}$ ಪೌ. − $\frac{೫}{೬೦}$ ಪೌ

(೭) $\frac{೯}{೧೬}$ ತೊ − $\frac{೭}{೧೬}$ ತೊ

(೮) $\frac{೪೦}{೭೦}$ ತಾ − $\frac{೨೮}{೭೦}$ ತಾ

(೯) $\frac{೨೦}{೩೦}$ ತಿಂ − $\frac{೧೨}{೩೦}$ ತಿಂ

(೧೦) $\frac{೨೫}{೪೦}$ ಎಕರೆ − $\frac{೧೫}{೪೦}$ ಎಕರೆ, ಮತ್ತು $\frac{೨೫}{೪೦}$ ಎಕರೆ − $\frac{೧೫}{೪೦}$ ಎಕರೆ − $\frac{೧೦}{೪೦}$ ಎಕರೆ?

(೧೧) $\frac{೧೩}{೧೭}$ ರೂ ಗೆ ಒಂದು ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ಕೊಂಡು ಕಲವು ದಿನಗಳ ತರುವಾಯ ಅದನ್ನು $\frac{೫}{೧೭}$ ರೂ ಗೆ ಮಾರಿದೆನು ಇದರಿಂದ ಎಷ್ಟು ರೂ ಕಡಿಮೆ ಬೆಲೆಗೆ ಮಾರಿದಂತಾಯಿತು?

(೧೨) ಒಂದು ಹೊಲದಲ್ಲಿ $\frac{೧೩}{೬೦}$ ಭಾಗ ಕಪ್ಪು, $\frac{೯}{೬೦}$ ಭಾಗ ಕೆಂಪು ಇದೆ ಆದರೆ ಕಪ್ಪು ನೆಲವು ಕೆಂಪು ನೆಲಕ್ಕಿಂತ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚಿದೆ?

(೧೩) $\frac{೧೩}{೧೭}$ ಪೌಂಡು ಸಕ್ಕರೆಯಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೧೭}$ ಪೌಂಡು ಸಕ್ಕರೆಹಾಕಿ ಚಹಾ ಮಾಡಲಾಗಿ ಉಳಿದ ಸಕ್ಕರೆ ಎಷ್ಟು ಪೌಂಡು?

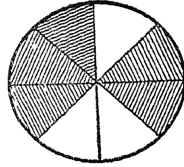
(೧೪) ಒಂದು ಪಾಟಿಯು ಕಟ್ಟುಸಹಿತ $\frac{೧೧}{೧೬}$ ಫೂ ಉದ್ದ, $\frac{೯}{೧೬}$ ಫೂಟು ಅಗಲವಿದೆ ಅದರ ಕಟ್ಟು $\frac{೧}{೧೬}$ ಫೂ ಅಗಲವಿದ್ದರೆ ಕಟ್ಟಿನ ಒಳಗಿನ ಪಾಟಿಯು ಉದ್ದಗಲಗಳೆಷ್ಟು?

(೧೫) $\frac{೧೪}{೧೭}$ ರೂ ತಕ್ಕೊಂಡು ಹುಬ್ಬಳ್ಳಿಗೆ ಹೋಗಿ ಬಂದೆನು ಹುಬ್ಬಳ್ಳಿಗೆ ಹೋಗುವ ಅಥವಾ ತಿರುಗಿ ಬರುವ ಚಾರ್ಜು $\frac{೫}{೧೭}$ ರೂ ಬೀಳುತ್ತದೆ ಆದರೆ ಕೊನೆಗೆ ನನ್ನ ಹತ್ತರ ಎಷ್ಟು ರೂ ಉಳಿಯಿತು?

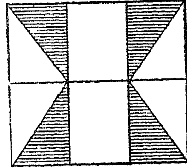
(೧೬) $\frac{೧೧}{೧೬}$ ವಾರ ಅರಿವೆಯಲ್ಲಿ $\frac{೪}{೧೬}$ ವಾರಿಗೆ ಒಂದರಂತೆ ಎರಡು ವಸ್ತ್ರಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಸಿಕೊಂಡರೆ ಉಳಿಯುವ ಅರಿವೆಯೆಷ್ಟು?

(೧೭) ನನ್ನ ಹತ್ತರ $\frac{೧೪}{೧೭}$ ರೂ ಇತ್ತು ಅದರಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೧೭}$ ರೂ ಗ ಒಂದು ಪೌಂಡು ಬಟಾಟೆಯನ್ನೂ $\frac{೬}{೧೭}$ ರೂ.ಗೆ ೪ ಸೇರು ಬದನೇಕಾಯಿಗಳನ್ನೂ ಕೊಂಡನು ಆದರೆ ನನ್ನ ಹತ್ತರ ಉಳಿಯುವ ರೂ. ಎಷ್ಟು?

(೧೮) ಈ ಇಡೀ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗವು ಗುರ್ತು ಮಾಡದೇ ಇದ್ದ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚಿಗಿದೆ?



(೧೯) ಈ ಇಡೀ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗವು ಗುರ್ತು ಮಾಡದೇ ಇದ್ದ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ಎಷ್ಟು ಕಡಿಮೆಯಿದೆ?



ಅ. ಗಳ ಪ್ರಕಾರಗಳು. ಸಮ, ವಿಷಮ, ಅ. ಗಳು

ಉದಾ — (೧) ೧೦/೧೨ ಫೂ ಅಂದರೆಷ್ಟು? ೧೦ ಇಂಚು ಅಲ್ಲವೇ? ೧ ಫೂ = ೧೨ ಇಂಚು ೧೦/೧೨ ಫೂ ೧ ಫೂ ಗಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಇದನ್ನೇ ಅ ಗಳ ದೃಷ್ಟಿಯಿಂದ ನೋಡಲು ೧೦/೧೨ ಇದು ೧ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೧೨ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ೧೦ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕೊಂಡದ್ದು ೧೦/೧೨ ಇದು ೧ಕ್ಕಿಂತ ಸಣ್ಣದು ಇದರಂತೆ

ಉದಾ — (೨) ೭/೮ ರೂ ಅಂದರ ೭ ಚವಲಿಗಳು ೧ ರೂಪಾಯಿಯಲ್ಲಿ ೮ ಚವಲಿಗಳಿರುವದರಿಂದ ೭/೮ ರೂ ೧ ರೂ ಗಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಆದರಂತೆ ೨೩/೨೪ ತಾಸು ೧ ತಾಸಿಗಿಂತ ಕಡಿಮೆ

೧೦/೧೨, ೭/೮, ೨೩/೨೪ ಗಳ ಅಂಶಗಳು ಅವುಗಳ ಛೇದಗಳಿಗಿಂತ ಸಣ್ಣವಿರುವದರಿಂದ ಇವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ೧ಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆ ಇಂಥ ಅ ಗಳಿಗೆ ಸಮ ಅ ಗಳೆನ್ನುವರು

ಸಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಅಂಶವು ಛೇದಕ್ಕಿಂತ ಸಣ್ಣದಿದ್ದು, ಅದರ ಬೆಲೆಯು ೧ಕ್ಕಿಂತ ಕಡಿಮೆಯಿರುತ್ತದೆ.

ಇನ್ನು ೧೫/೪ ರೂ ಅಂದರೆಷ್ಟು? ೧ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಆಗುವ ಭಾಗಗಳಂಥ ೧೫ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು •

$\frac{೧೩}{೪}$ ರೂ ಎಂದರೆ ೧೩ ಪಾವಲಿಗಳು, ಮತ್ತು ೧ ರೂಪಾಯಿಯಲ್ಲಿ ೪ ಪಾವಲಿಗಳಾಗುವದರಿಂದ $\frac{೧೩}{೪}$ ರೂ ಗಳು ೧ ರೂ ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು. $\frac{೧೩}{೪}$ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಬೆಲೆಯು ೧ ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು. ಅದನ್ನು ಹೇಗೆ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವಿರಿ? ಅಂಶವಾದ ೧೩, ಛೇದವಾದ ೪ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಿರುವದರಿಂದ $\frac{೧೩}{೪}$ದ ಬೆಲೆಯು ೧ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಇರುತ್ತದೆ. ಆದರಂತೆ $\frac{೨೩}{೧೬}$ ಪೌಂ ತೂಕವಂದರೆ ೨೩ ಔಂಸು ತೂಕ, ಮತ್ತು ೧ ಪೌಂಡು ತೂಕವೆಂದರೆ ೧೬ ಔಂಸುಗಳ ತೂಕ. $\frac{೨೩}{೧೬}$ ಪೌಂ ೧ ಪೌಂ ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು. $\frac{೨೩}{೧೬}$ ಅ ದ ಬೆಲೆಯಾದರೂ ೧ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು ಏಕೆ? ಅಂಶ ೨೩, ಛೇದ ೧೬ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಿದೆ. ಇಂಥ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳೆನ್ನುವರು.

ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಲ್ಲಿ ಅಂಶವು ಛೇದಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಿದ್ದು ಅದರ ಬೆಲೆ ೧ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿರುತ್ತದೆ.

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೧೯)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು)

ಸಮ, ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಗುರ್ತಿಸಿರಿ

(೧) $\frac{೧}{೭}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೨}{೬}$, $\frac{೧}{೮}$, $\frac{೩}{೫}$ ಮತ್ತು ೫ ಸಮ ಅ ಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೨) $\frac{೮}{೨}$, $\frac{೧೦}{೧೧}$, $\frac{೧೧}{೧೭}$, $\frac{೧೫}{೧೫}$ ಮತ್ತು ೫ ವಿಷಮ ಅ ಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೩) $\frac{೭೫}{೭೬}$, $\frac{೭೩}{೭೧}$, $\frac{೧೩}{೧೮}$, $\frac{೫}{೭}$ ಮತ್ತು $\frac{೧೩}{೭೫}+\frac{೨}{೭೫}$, $\frac{೧೮}{೧೭}+\frac{೧೨}{೧೭}$

(೪) $\frac{೨೩}{೨೪}$ ರೂ $\frac{೭೩}{೭೪}$ ಪೌ $\frac{೧೩}{೧೭}$ ತೊಲಿ ಇವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ೧ ಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚೋ ಅಥವಾ ಕಡಿಮೆಯೋ ಎಂಬದನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೫) $\frac{೧೩}{೮}$, $\frac{೧೨}{೧೦}$, $\frac{೩೩}{೩}$, $\frac{೨}{೬}$ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಸಮ, ವಿಷಮ ಅ ಗಳನ್ನು ಆರಿಸಿರಿ

ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು (ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆ)

ಉದಾ — ನಾನು ನಮ್ಮ ಊರಿಂದ ಇಲ್ಲಿಗೆ ಬರಲಿಕ್ಕೆ ೨ ರೂ ಮೋಟಾರ ತಿಕೀಟನ್ನೂ ೬ ಆಣೆ ಟಾಂಗಾದ ಬಾಡಿಗೆಯನ್ನೂ ಕೊಟ್ಟೆನು. **ಆದರೆ ನಾನು ಕೊಟ್ಟದ್ದೆಷ್ಟು?**

ಒಟ್ಟು ನಾನು ಕೊಟ್ಟ ಬಾಡಿಗೆಯೆಂದರೆ ೨ ರೂ ಮತ್ತು ೬ ಆ ಗಳು ಎರಡೂ ಕೂಡಿಸಿ ಎಷ್ಟು ಹಣ? ಎರಡೂ ಭಿನ್ನವಾದ ನಾಣ್ಯಗಳಾಗಿರುವದರಿಂದ ಅವುಗಳನ್ನು ಒಟ್ಟು ಕೂಡಿಸಲು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಏಕೆ? ೨ ಮತ್ತು ೬ ಇವುಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಲಾಗಿ ಆಗುವ ೮ನ್ನೇ ರೂ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಅಥವಾ ಆಣೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ ಎಂದು ಹೇಳಬಹುದೇ? ಇಲ್ಲ. ಇವುಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸುವದಾದರೆ ಮೊದಲು ಎರಡೂ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯವಿರಬೇಕು, ಅಂದರೆ ಎರಡಕ್ಕೂ ಆಣೆಗಳ ರೂಪವನ್ನಾಗಲಿ ಇಲ್ಲವೆ ರೂ ಗಳ ರೂಪವನ್ನಾಗಲಿ ಕೊಟ್ಟು ಕೂಡಿಸುವದು. ಎರಡಕ್ಕೂ ಆಣೆಗಳ ರೂಪಕೊಡಲು ೨ ರೂ $=$ ೩೨ ಆ ಗಳು. ೨ ರೂ $+$ ೬ ಆ $=$ ೩೨ ಆ $+$ ೬ ಆ $=$ ೩೮ ಆ ಗಳು. ಇನ್ನು ಎರಡಕ್ಕೂ ರೂ ಗಳ ರೂಪಕೊಟ್ಟು ಕೂಡಿಸುವದಾದಲ್ಲಿ ೬ ಆ $= \frac{೬}{೧೬}$ ರೂ. ∴ ೨ ರೂ $+$ ೬ ಆ $=$ ೨ ರೂ $+ \frac{೬}{೧೬}$ ರೂ ಇವೆರಡೂ ರೂ ಗಳೇ ಆಗಿದ್ದರೂ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಲ್ಲ. ೨ ರೂ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯು, $\frac{೬}{೧೬}$ ರೂ ಇದು ಸಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯು. ಆದ್ದರಿಂದ ಎರಡನ್ನೂ ಕೂಡಿಸಿ ಒಂದೇ ರೂಪಕ್ಕೆ ತರುವದು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ. ಈ ಕಾರಣದಿಂದ ೨ ರೂ ಮತ್ತು ೬ ಆ ಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ ತರುವದಾದರೆ ೨ ರೂ $+ \frac{೬}{೧೬}$ ರೂ ಎಂದೇ ಇಡಬೇಕಾಗುವದು. ಇನ್ನು ಈ ಬೇರೀಜನ್ನು ಹೀಗೆ ಬರೆಯುವ ಬದಲು '$೨\frac{೬}{೧೬}$' ರೂ ಎಂದು ಬರೆಯುವರು. ಇದನ್ನು ಓದುವದಾದರೆ 'ಎರಡು ಪೂರ್ಣಾಂಕ ಆರು ಹದಿನಾರನೆಯಂಶ ರೂಪಾಯಿಗಳು' ಎಂದು.

$೨\frac{೬}{೧೬}$ ರೂ ಇದಕ್ಕೆ ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆಯೆಂದೂ ಅನ್ನುವರು. ಅದರಂತೆ $೫\frac{೨}{೧೬}$ ಇದು ಒಂದು ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆ, $೫\frac{೨}{೧೬}$ ರೂ ಎಂದರೆ ೫ ರೂ $+ \frac{೨}{೧೬}$ ರೂ $=$ ೫ ರೂ $+$ ೨ ಆ ಎಂದಂತಾಯಿತು.

$೫\frac{೨}{೧೬}$ ಅ ದಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯೂ, ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಯೂ ಕೂಡಿರುವದರಿಂದ ಅದಕ್ಕೆ ಮತ್ತು ಅಂಥ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ **ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ**ವೆನ್ನುವರು.

ಇನ್ನು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು (ಅವಶ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ) ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆಯುವದುಂಟು. ಹೇಗೆ? ೪ ರೂ ಇದು ಪೂರ್ಣಾಂಕವಾಗಿದೆ. ಅದನ್ನೇ $\frac{೪}{೧}$ ರೂ ಎಂದು ಬರೆಯುವ ರೂಢಿಯಿದೆ. ಅದರಂತೆ ೧೫ ಆ. ಗಳು

$=\frac{೧೫}{೧}$ ಆ ಗಳು ಇತ್ಯಾದಿ, ಒಮ್ಮೊಮ್ಮೆ ಛೇದವು ೧ ಇದ್ದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಛೇದವನ್ನು ತೆಗೆದುಹಾಕಿ ಅವುಗಳನ್ನು ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳಂತೆಯೇ ಬರೆಯುವರು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೦)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು)

(೧) ೩ ತೊಲಿ + ೪ ಮಾಸಿ ಇದನ್ನು ತೊಲಿಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ

(೨) ೫ ಆಣೆ + ೭ ಪೈ ಆಣೆಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ

(೩) ೭ ಶಿಲಿಂಗ + ೫ ಪೇ ಗೆ ಶಿಲಿಂಗುಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೪ ೧೨ ಮೈಲು + ೩ ಫರ್ಲಾಂಗ ಉಂದರೆಷ್ಟು ಮೈಲುಗಳು

(೫) ೯ ರೂ + ೧೧ ಆ = ಎಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿಗಳು ?

(೬) ೯೦ ಹೇರು + ೫ ಮಣ = ಎಷ್ಟು ಹೇರು (೮ ಮ = ೧ ಹೇ)

(೭) ೬ ವರ್ಷ ಮತ್ತು ೫ ತಿಂಗಳುಗಳೆಂದರ ಎಷ್ಟು ವರ್ಷ ?

(೮) ೬ ರೂ. + $\frac{೯}{೧೬}$ ರೂ ಅಂದರೆಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿಗಳು ?

(೯) ೩$\frac{೪}{೬}$ ರೂ, ೧೨$\frac{೨}{೩}$ ಪೌ, ೮$\frac{೩}{೧೨}$ ತೊಲಿ ಇವುಗಳನ್ನು ಓದಿರಿ

(೧೦) ೫$\frac{೪}{೫}$ ತಾಸು, ೭$\frac{೪}{೮}$ ದಿವಸ, ೮$\frac{೨}{೧೩}$ ವರ್ಷ ಇವುಗಳನ್ನು ಓದಿರಿ

(೧೧) ದಿನಕರನು ೩ ರೂ ಗಳ ಜಿಲೆಯ ಇತಿಹಾಸ ಪುಸ್ತಕವನ್ನೂ ೮ ಆಣೆಯ ಮಸಿಯನ್ನೂ ಕೊಂಡನು ಆದರೆ ಅವನು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳನ್ನು ವೆಚ್ಚಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

(೧೨) ವಸಂತನು ನಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ೮ ಮೈಲು ಪ್ರವಾಸಮಾಡಿದ ಬಳಿಕ ೬ ಫರ್ಲಾಂಗು ಕಾಲು ನಡಿಗೆಯಿಂದ ನಡೆದು ಪ್ರವಾಸವನ್ನು ಮುಗಿಸಿದನು ಆದರೆ ಅವನು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ಪ್ರವಾಸಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

(೧೩) ೬$\frac{೫}{೭}$, ೭$\frac{೩}{೮}$, ೧೨$\frac{೫}{೧೨}$ ಈ ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲಿ ಕೂಡಿದ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳೂ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳೂ ಯಾವವು ?

(೧೪) ೩, ೪, ೬, ೭, ೮ ಈ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳನ್ನು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಬರೆದು ಓದಿರಿ

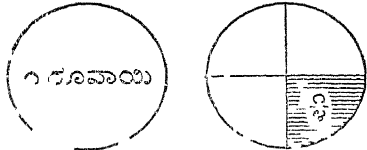
ವಿಷಮ ಅ ಕ್ಕೆ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪ ಕೊಡುವದು

ಉದಾ (೧) — ೯/೪ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ ೯/೪ ಇದು ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಿದ್ದು ಅದರ ಬೆಲೆ ೧ ಕಿಂತ ಹಚ್ಚಾಗಿದೆ ಇನ್ನು ೯/೪ ರೂ ಅಂದರೆಷ್ಟು? ೧ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಉಂಟಾಗುವ ಭಾಗಗಳಂತಹ ೯ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು, ಆದರ ೧ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಪಾವಲಿ (೧/೪ ರೂ) ಗಳಾಗುವವೆಂಬದು ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಿದೆ ಅಂದರೆ ೧/೪ ರೂ =೧ ಪಾವಲಿ ೯/೪ ರೂ ಯಂದರೆ ೯ ಪಾವಲಿಗಳು ಈ ಪಾವಲಿಗಳನ್ನು ಬದಲಿಸಿ ರೂಪಾಯಿ ಮಾಡಿದರ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳಾಗುವವು? ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಪಾವಲಿಗಳು ಉಳಿಯುವವು? ಇದಕ್ಕಾಗಿ ೪) ೯ ಪಾ (೨ ರೂ

ಲ
——
೧ ಪಾ

೨ ರೂ ಗಳಾಗಿ ೧ ಪಾವಲಿ ಉಳಿಯುವದು ಇನ್ನು ೧ ಪಾ =೧/೪ ರೂ ೯/೪ ರೂ =೨ ರೂ ಮತ್ತು ೧/೪ ರೂ =೨೧/೪ ರೂ ಇದನ್ನೇ ಆಕೃತಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವಾ

ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಒಂದೊಂದು ೧/೪ ಭಾಗವಾಗುತ್ತದೆ

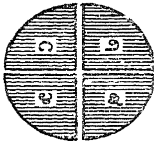


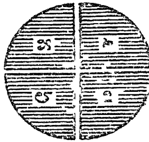
ಅಂಥ ೯ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡರೆ ೯/೪ ಆಗುವದೆಂಬದು ಗೊತ್ತಿದ್ದ ವಿಷಯವು



ಈ ೯ ಭಾಗಗಳೆಲ್ಲ ಕೂಡಿ ೯/೪ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ನಾಲ್ಕರಂತೆ ತಕ್ಕೊಂಡು ಹೊಂದಿಸಲು ಒಂದು ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತುವಾಗುವದು ಆದ್ದರಿಂದ ೯ ರಲ್ಲಿ ೪

ರಂತೆ ಭಾಗ ಮಾಡಲು ೪)೯(೨, ೨ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳಾದವು ಮತ್ತು
೮
೧
೧ ಕೆಳಗೆ ಉಳಿಯುವದು







೨ ಪೂರ್ಣ ಗುಂಪುಗಳಾಗಿ ೧ ಉಳಿಯುವದ ೨ ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತುಗಳಾಗಿ ¼ ವಸ್ತು ಉಳಿಯಿತಲ್ಲವೇ ?

೯/೪ = ೨¼ ೯/೪ ರೂ = ೨¼ ರೂ ಇದರಿಂದ ಹೊರಡತಕ್ಕ

ನಿಯಮ ವಿಷಮ ಅ ವನ್ನು ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಬೇಕಾದರೆ ಅಂಶಕ್ಕೆ ಛೇದದಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಬರುವ ಭಾಗಾಕಾರವೇ ಪೂರ್ಣಾಂಕವಾಗುವದು ಮತ್ತು ಉಳಿಯುವ ಶೇಷವು ಅಂಶವಾಗಿಯೂ ಮೂಲ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಛೇದವು ಛೇದವಾಗಿಯೂ ಉಳಿಯುವವು.

ಉದಾ (೨) — ೩೬/೧೨ ಫೂ ಈ ವಿಷಮ ಅ ಕ್ಕೆ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪಕೊಡಿರಿ

೩೬/೧೨ ವು ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಿದ್ದು ಇದರ ಬೆಲೆ ೧ ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿದೆ. ಇನ್ನು ೩೬/೧೨ ಫೂ ಅಂದರೇನು ? ೧/೧೨ ಫೂ ದಂಥ ೩೬ ತುಂಡುಗಳು ಮತ್ತು ೧/೧೨ ಫೂ = ೧ ಇ ೩೬/೧೨ ಫೂ = ೩೬ ಇಂಚುಗಳು ಇವುಗಳಿಗೆ ಪೂರ್ಣ ಫೂಟುಗಳನ್ನು ಮಾಡಬೇಕಾದರೆ ೩೬ ಕ್ಕೆ ೧೨ ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು

೧೨)೩೬ಇ(೩ಫೂ
೩೬

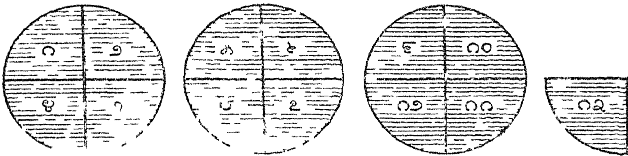
೩೬/೧೨ ಫೂ = ೩ ಫೂ ಇಲ್ಲಿ ಶೇಷವೇನೂ ಇರುವದಿಲ್ಲವಾದ್ದರಿಂದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಭಾಗವೇನೂ ಇಲ್ಲ, ಇದು ಕೇವಲ ಪೂರ್ಣಾಂಕವೇ ಆಗಿದೆ

೩೬/೧೨ ಫೂ = ೩ ಫೂ ಈ ಉದಾಹರಣೆಯ ಮೇಲಿಂದಲೂ ಮೇಲಿನ ನಿಯಮವೇ ಸಿದ್ಧವಾಗುವದು

ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪಕೊಡುವದು.

ಉದಾ — ೩¼ ಇದನ್ನು ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಿರಿ ೩¼ ಭಕ್ಕರಿ ಇದೆ ಎಂದು ತಿಳಿಯುವಾ ೩¼ ಭಕ್ಕರಿ ಅಂದರೆಷ್ಟು ? (೩ + ¼)

ಭಕ್ಕರಿಯಲ್ಲವೇ ? ಎಂದರೆ ೩ ಪೂರ್ಣ ಭಕ್ಕರಿ ಮತ್ತು $\frac{೧}{೪}$ (ಗಿರ್ದ) ಭಕ್ಕರಿ ಇನ್ನು ೩ ಭಕ್ಕರಿಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಗಿರ್ದದ ಭಾಗಗಳಾಗುವವು ? ೧ ಭಕ್ಕರಿಯಲ್ಲಿ ೪ ಗಿರ್ದಗಳಾಗುತ್ತವ ಆದ್ದರಿಂದ ೩ ಭಕ್ಕರಿಗಳಲ್ಲಿ ೩ $\times$ ೪ $=$ ೧೨ ಗಿರ್ದದ ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆ ಇದಲ್ಲದೆ ಮೇಲಿನ ಇನ್ನೊಂದು ಗಿರ್ದ ಒಟ್ಟು ೧೨ $+$ ೧ $=$ ೧೩ ಗಿರ್ದಗಳು, ಮತ್ತು ಒಂದು ಗಿರ್ದವೆಂದರೆ $\frac{೧}{೪}$ ವೆಂಬುದು ತಿಳಿದ ವಿಷಯವು ೧೩ ಗಿರ್ದಗಳು $= \frac{೧೩}{೪}$ ೩$\frac{೧}{೪}$ ಭಕ್ಕರಿ $= \frac{೧೩}{೪}$ ಭಕ್ಕರಿ (ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ)



ನಿಯಮ — ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ರೂಪ ಕೊಡಬೇಕಾದರೆ ಮೊದಲು ಛೇದದಿಂದ ಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಗುಣಿಸಬೇಕು ಬಂದ ಗುಣಲಬ್ಧದಲ್ಲಿ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶವನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ಬಂದ ಬೇರೀಜನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಟ್ಟು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಛೇದವನ್ನೇ ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಡಬೇಕು.

ಉದಾಹರಣ (೨೧)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦ ವರಗೆ)

ಕಳಗಿನ ಅ ಗಳಿಗೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೧) $\frac{೧೫}{೩}$, $\frac{೨೧}{೮}$ ಮತ್ತು $\frac{೧೭}{೫}$, (೨) $\frac{೨೬}{೪}$, $\frac{೩೦}{೭}$, $\frac{೨೪}{೫}$,

(೩) $\frac{೫೫}{೬}$, $\frac{೧೦}{೧೧}$, $\frac{೪೭}{೧೨}$, (೪) $\frac{೩೮}{೧೭}$, $\frac{೬೩}{೧೫}$, $\frac{೫೨}{೭}$,

ಕೆಳಗಿನ ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೫) ೨$\frac{೪}{೬}$, (೬) ೩$\frac{೧}{೭}$, (೭) ೪$\frac{೫}{೩}$, (೮) ೧೨$\frac{೩}{೫}$,

(೯) ೧೧$\frac{೨}{೫}$ (೧೦) ೯$\frac{೫}{೮}$

(೧೧) $೧\frac{೨}{೮}+೧\frac{೫}{೮}$, $\frac{೭}{೯}+೧\frac{೩}{೯}$, $\frac{೫}{೧೧}+\frac{೮}{೧೧}+\frac{೩}{೧೧}$ ಇವುಗಳ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೧೨) ಕಳಗಿನ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗ ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪಕೊಟ್ಟ ಬಳಿಕ ಕಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ ಮತ್ತು ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಮಿಶ್ರ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

$೩\frac{೧}{೮}-\frac{೩}{೪}$, $೬\frac{೧}{೯}+\frac{೩}{೯}$, $೫\frac{೧}{೮}+೩\frac{೩}{೮}$, $೭\frac{೩}{೪}-೫\frac{೨}{೪}$,

[ಕಡೆಯ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸಿದೆ — $೭\frac{೩}{೪}=\frac{೭\times೪+೩}{೪}=\frac{೩೧}{೪}$, $೫\frac{೨}{೪}=\frac{೫\times೪+೨}{೪}=\frac{೨೨}{೪}$ ಇವು ಸಜಾತಿಯ ಅ ಗಳು $೭\frac{೩}{೪}-೫\frac{೨}{೪}=\frac{೩೧}{೪}-\frac{೨೨}{೪}=\frac{೩೧-೨೨}{೪}=\frac{೯}{೪}$, ೪) ೯ (೨ / ೮ / ೧ $೨\frac{೧}{೪}$ ಉತ್ತರ]

(೧೩) ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪಕೊಡಿರಿ

$\frac{೧೨೩}{೧೭}$ ರೂ, $\frac{೧೩೫}{೧೨}$ ತೊಲಿ, $\frac{೧೪೮}{೨೦}$ ಪೌಂಡು, $\frac{೧೧೨}{೩೭}$ ಯಾರ್ಡ

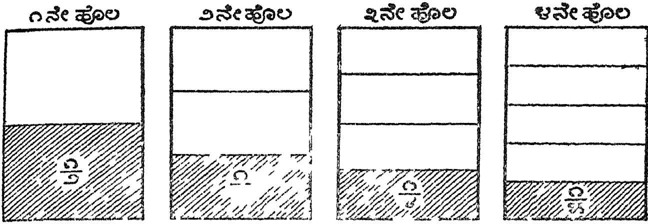
(೧೪) ಕೆಳಗಿನ ಅ ಗಳನ್ನು ವಿಷಮ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಿರಿ

$೧೨\frac{೩}{೧೭}$ ರೂ, $೯\frac{೧}{೧೨}$ ಪೂ, $೧೩\frac{೫}{೧೨}$ ವರ್ಷ, $೮\frac{೬}{೨೪}$ ದಿವಸ

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ತುಲನೆ

[ಭಾಗ ೧]

ಮುಂದೆ ಕೊಟ್ಟ ಆಕೃತಿಯ ಎಲ್ಲ ಹೊಲಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಾಗಿರುವವು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಕರಿಕೆ ಹತ್ತಿದ $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೫}$ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಗುರ್ತಿಸಿದೆ (ಕಪ್ಪು ಭಾಗಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ) ಯಾವ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಕರಿಕೆ ಹತ್ತಿದೆ ? ಯಾವದರಲ್ಲಿ ತೀರ ಕಡಿಮೆ ಕರಿಕೆ ಇದೆ ? ಕ್ರಮದಿಂದ ಕಡಿಮೆ ಕಡಿಮೆ ಕರಿಕೆಯುಳ್ಳ ಹೊಲಗಳಾವವು ? ಈ ಪ್ರಶ್ನೆಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರವನ್ನು ಕೊಡುವದು ತೀರ ಸುಲಭ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ನೋಡಿದ ಕೂಡಲೆ ಈ ಎಲ್ಲ ಪ್ರಶ್ನಗಳಿಗೆ ಉತ್ತರ ಹೊರಡುತ್ತದ



ತೀರ ಹೆಚ್ಚು ಕರಿಕ ಹತ್ತಿದ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೧/೨ ಹೊಲ (೧ನೆಯ ಹೊಲದಲ್ಲಿ), ತೀರ ಕಡಿಮೆ ಕರಿಕೆಯುಳ್ಳ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೧/೫ ಹೊಲ (೪ನೆಯ ಹೊಲದಲ್ಲಿ) ಕ್ರಮದಿಂದ ಕಡಿಮೆ, ಕಡಿಮೆಯುಳ್ಳ ಹೊಲಗಳೆಂದರೆ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿಯ ಕ್ರಮದಂತೆ ೧ನೆಯ, ೨ನೆಯ ೩ನೆಯ, ೪ನೆಯ ಹೊಲಗಳಿರುತ್ತವೆ, ಮತ್ತು ಕರಿಕ ಹತ್ತಿದ ೧/೨, ೧/೩, ೧/೪, ೧/೫ ಭಾಗಗಳು ಈ ಭಾಗಗಳು ಕಡಿಮೆ ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತ ಹೋಗಿವೆ ೧/೨ ಕ್ಕಿಂತ ೧/೩ ಕಡಿಮೆ, ೧/೩ ಕ್ಕಿಂತ ೧/೪ ಕಡಿಮೆ ೧/೪ ಕ್ಕಿಂತ ೧/೫ ಕಡಿಮೆ ಎಂಬದು ಆಕೃತಿಯಿಂದ ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ

ಇನ್ನು ಈ ಎಲ್ಲ ಅಂಕಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ ೧/೨, ೧/೩, ೧/೪, ೧/೫ ಇವುಗಳ ಅಂಶಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಿರುತ್ತವೆ ಅದು, '೧' ಇದೆ ಆದರೆ ಛೇದಗಳು ಮಾತ್ರ ೨, ೩, ೪, ೫ ಹೀಗೆ ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತ ಹೋಗಿವೆ ಛೇದಗಳು ಹೆಚ್ಚಾಗುವಿಕೆಯಿಂದ ೧ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಮಾಡತಕ್ಕ ಭಾಗಗಳು ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತವೆ ಮತ್ತು ಭಾಗಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಹೆಚ್ಚಾಗಲು ಉಂಟಾಗುವ ತುಂಡುಗಳು ಸಣ್ಣವಾಗುತ್ತವೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ಈ ವಿವರಣೆಯಿಂದ ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ

ನಿಯಮ — ಅಂಶಗಳು ಸರಿಯಿದ್ದು ಛೇದಗಳು ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತ ಹೋಗಲು, ಅಂಶಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ಕಡಿಮೆ, ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತವೆ. ಇದನ್ನೇ ಬೇರೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ಹೇಳಬಹುದು — “**ಅಂಶಗಳು ಸರಿಯಾಗಿದ್ದು ಛೇದಗಳು ಕಡಿಮೆಯಾಗಲು ಅಂಶಗಳ ಬೆಲೆಗಳು ಹೆಚ್ಚುತ್ತಾ ಹೋಗುತ್ತವೆ** ”

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — [illegible] ರೂ [illegible] ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ಹೆಚ್ಚು ?

ವಿವರಣೆ — ೩ ರೂಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ೩ ಚವಲಿಗಳು ಬರುತ್ತವೆ ೩ ಚವಲಿಗಳೆಂದರೆ ೬ ಆಣೆಗಳು

$\frac{೩}{೮}$ ರೂ = ೩ ಚವಲಿಗಳು ಅಥವಾ ೬ ಆಣೆಗಳು

ಇನ್ನು ೩ ರೂಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೬ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಅರ್ಧ ರೂಪಾಯಿ ಬರುತ್ತದೆ ಅರ್ಧರೂಪಾಯಿ ಅಂದರೆ ೮ ಆಣೆಗಳು

$\frac{೩}{೬}$ ರೂ = ೧ ಅರ್ಧರೂಪಾಯಿ = ೮ ಆಣೆಗಳು

$\frac{೩}{೬}$ ರೂ ಯು $\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಎಂಬದು ತಿಳಿಯುತ್ತದೆ

ಇನ್ನು ಕೆಳಗಿನ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ

$\frac{೩}{೧೩}$, $\frac{೪}{೧೩}$, $\frac{೫}{೧೩}$, $\frac{೮}{೧೩}$, $\frac{೯}{೧೩}$ ಈ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳು ಸರಿಯಾಗಿರುವದರಿಂದ ಇವು ಸಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಈ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ತೀರ ಸಣ್ಣದು? ಯಾವದು ತೀರ ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವದು ತೀರ ಸುಲಭವಾಗಿದೆ ಯಾವದರಲ್ಲಿ $\frac{೧}{೧೩}$ ದಂಥ ಭಾಗಗಳು ಹೆಚ್ಚಿರುತ್ತವೆಯೋ ಅದೇ ದೊಡ್ಡದು, ಮತ್ತು ಯಾವದರಲ್ಲಿ ತೀರ ಕಡಿಮೆ ಭಾಗಗಳಿರುತ್ತವೆಯೋ ಅದೇ ಸಣ್ಣದು ಆದ್ದರಿಂದ ಮೇಲಿನ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೯}{೧೩}$ವು ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ದೊಡ್ಡದು $\frac{೩}{೧೩}$ ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ಸಣ್ಣದು ಇನ್ನು ಇಳಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಿಂದ ಆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಬರೆಯಬೇಕಾದರೆ $\frac{೯}{೧೩}$, $\frac{೮}{೧೩}$, $\frac{೫}{೧೩}$, $\frac{೪}{೧೩}$, $\frac{೩}{೧೩}$ ಹೀಗೆ ಬರೆಯಬೇಕು ಇವನ್ನೇ ಏರಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯುವದಾದರೆ $\frac{೩}{೧೩}$, $\frac{೪}{೧೩}$, $\frac{೫}{೧೩}$, $\frac{೮}{೧೩}$ ಮತ್ತು $\frac{೯}{೧೩}$ ಎಂದು ಬರೆಯಬೇಕು ಮೇಲಿನ ವಿವರಣೆಯಿಂದ ಹೊರಡುವ ನಿಯಮವೆಂದರೆ — **“ ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಾಗಿರುವ ಛೇದಗಳುಳ್ಳ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶವು ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ದೊಡ್ಡದಿರುತ್ತದೋ ಅದೇ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವು ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ದೊಡ್ಡದು**

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೧)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೫)

ಕೆಳಗಿನ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ತೀರ ದೊಡ್ಡ, ಮತ್ತು ತೀರ ಸಣ್ಣ ಅ ಗಳಾವವು?

(೧) $\frac{೨}{೧}$, $\frac{೨}{೭}$, $\frac{೨}{೫}$, $\frac{೨}{೩}$ ಮತ್ತು $\frac{೨}{೯}$, ಮತ್ತು ಅವುಗಳನ್ನು ಏರಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೨) $\frac{೨}{೬}$, $\frac{೪}{೬}$, $\frac{೫}{೬}$, $\frac{೩}{೬}$, $\frac{೧}{೬}$ ಇವುಗಳನ್ನು ಇಳಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೩) ೫/೧೨, ೫/೬, ೫/೮, ೫/೭ ಮತ್ತು ೫/೧೧ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ತೀರ ಸಣ್ಣದು ಮತ್ತು ದೊಡ್ಡದು ಯಾವವು? ಹೇಳಿರಿ

(೪) ೮/೧೫, ೬/೧೫, ೧೧/೧೫, ೭/೧೫ ಇವನ್ನು ಏರಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ

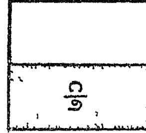
(೫) ಬಳವಂತರಾಯರು ತಮ್ಮ ಆಸ್ತಿಯ ೫/೧೨ ಭಾಗ ಮಗನಿಗೂ ೪/೧೨ ಮಗಳಿಗೂ ಮತ್ತು ೩/೧೨ ಭಾಗವನ್ನು ಹೆಂಡತಿಗೂ ಕೊಟ್ಟರೆ ಯಾರಿಗೆ ಹೆಚ್ಚು ಆಸ್ತಿ ದೊರೆಯಿತು? ಮತ್ತು ಯಾರಿಗೆ ತೀರ ಕಡಿಮೆ ಭಾಗ ಸಿಕ್ಕಿತು?

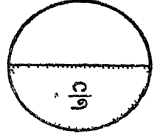
ಬೆಲೆ ಬದಲಾಗದಂತೆ, ಅ.ಗಳ ರೂಪವನ್ನು ಬದಲಿಸುವದು

ಇವು ಒಂದೊಂದು ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತುಗಳು

ಈ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಚನ್ನಾಗಿ ನಿರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ ಮತ್ತು ಗುರ್ತಿಸಿದ ಭಾಗದ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಿರಿ

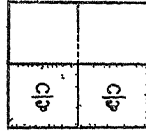
ಇದು ೧/೨ ವಸ್ತು

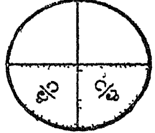




ಇಲ್ಲಿ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗ ೧/೨ ಇದ್ದು ಅದರಲ್ಲಿ ೧/೪ ಭಾಗದಂಥವು ೨ ಇರುತ್ತವೆ

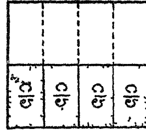
೧/೨ ವಸ್ತು = ೨/೪ ವಸ್ತು

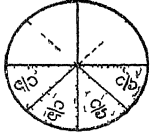




ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗ ೧/೨, ಅದರಲ್ಲಿ ೧/೮ದಂಥ ೪ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ

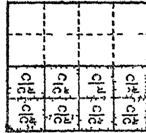
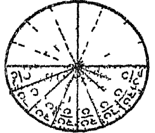
೧/೨ ವಸ್ತು = ೪/೮ ವಸ್ತು





೧/೨ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ್ದು ಅದರಲ್ಲಿ ೧/೧೬ದಂಥ ೮ ಭಾಗಗಳಿರುತ್ತವೆ

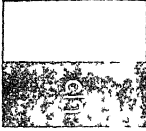
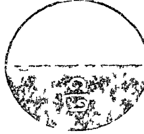
∴ ೧/೨ ವಸ್ತು = ೮/೧೬ ವಸ್ತು

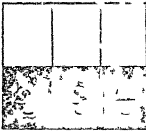
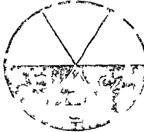
ಈ ಎಲ್ಲ ಆಕೃತಿಗಳಿಂದ ತಿಳಿಯುವದೇನೆಂದರೆ ೧/೨ ವಸ್ತು = ೨/೪ ವಸ್ತು = ೪/೮ ವಸ್ತು = ೮/೧೬ ವಸ್ತು

ಮೇಲಿನಂತೆ ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳನ್ನು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ

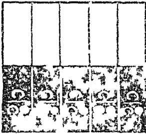
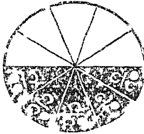
೧ ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತು   ೧ ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತು

ಇಲ್ಲಿ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗ $=\frac{೧}{೨}$ ವಸ್ತು

ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗವಾದ $\frac{೧}{೨}$ದಲ್ಲಿ $\frac{೧}{೬}$ ದಂಥ ೩ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ
$\frac{೧}{೨}$ ವ $=\frac{೩}{೬}$ ವಸ್ತು

ಮೇಲಿನಂತೆ ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಎಂದರೆ $\frac{೧}{೨}$ದಲ್ಲಿ $\frac{೧}{೧೦}$ ದಂಥ ೫ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ $\frac{೧}{೨}=\frac{೫}{೧೦}$ ವಸ್ತು

ಎಲ್ಲ ಆಕೃತಿಗಳಿಂದ ನೋಡಲು $\frac{೧}{೨}$ ವಸ್ತು $=\frac{೩}{೬}$ ವಸ್ತು $=\frac{೫}{೧೦}$ ವಸ್ತು

ಈ ಎಲ್ಲ ಆಕೃತಿಗಳಿಂದ ನಮಗೆ ತಿಳಿಯುವದೇನೆಂದರೆ —

ಮೂಲ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಾದ $\frac{೧}{೨}$ದ ಅಂಶ ಛೇದಗಳೆರಡನ್ನೂ ಒಂದೇ ಪಟ್ಟಿನಿಂದ ಹೆಚ್ಚಿಸಲು ಉಂಟಾಗುವ ಹೊಸ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವು ಮೊದಲಿನ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕಿಂತ ರೂಪದಲ್ಲಿ ಭಿನ್ನವಾಗಿದ್ದರೂ ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಮಾತ್ರ ಹೆಚ್ಚು ಕಡಿಮೆಯಾಗಿಲ್ಲ ಇದರ ಸ್ಪಷ್ಟೀಕರಣವನ್ನು ಗಮನಿಸಿರಿ

$\frac{೧}{೨}$ ವಸ್ತು $=\frac{೧\times೨}{೨\times೨}=\frac{೨}{೪}$ ವ, $\frac{೧}{೨}$ ವ $=\frac{೧\times೩}{೨\times೩}=\frac{೩}{೬}$ ವ, $\frac{೧}{೨}$ ವ $=\frac{೧\times೪}{೨\times೪}=\frac{೪}{೮}$ ವ $\frac{೧}{೨}$ ವ $=\frac{೧\times೫}{೨\times೫}$ ವ $=\frac{೫}{೧೦}$ ವಸ್ತು ಇತ್ಯಾದಿಗಳು ಇಲ್ಲಿ, ಬಲಗಡೆಯಲ್ಲಿ ಬಂದಿರುವ $\frac{ಅ}{ಬ}$ ಗಳು ಭಿನ್ನರೂಪದ ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಾಗಿದ್ದರೂ (ಛೇದಗಳು ಬೇರೆಯಾಗಿದ್ದರೂ) ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲ $\frac{ಅ}{ಬ}$ ಗಳು $\frac{೧}{೨}$ಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾಗಿರುತ್ತವೆ ಈ ನಿಯಮದ ಪುಷ್ಟೀಕರಣಕ್ಕಾಗಿ ಕೆಳಗಿನ ವ್ಯಾವಹಾರಿಕ ಉದಾಹರಣೆಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ

೧/೨ ರೂ = ೧ ಅರ್ಧರೂ
೧/೪ ರೂ = ೧ ಪಾವಲಿ
೧/೮ ರೂ = ೧ ಚವಲಿ
೧/೧೬ ರೂ = ೧ ಆಣೆ

ಇವಲ್ಲ ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಿದ್ದ ವಿಷಯವಾಗಿದೆ ಇದಲ್ಲದೆ ೧/೨ ರೂ = ೧ ಅರ್ಧರೂ = ೨ ಪಾವಲಿಗಳು = ೨/೪ ರೂ ಮತ್ತು ೧/೨ ರೂ = ೪ ಚವಲಿಗಳು = ೪/೮ ರೂ ೧/೨ ರೂ = ೮ ಆಣೆಗಳು = ೮/೧೬ ರೂ ೧/೨ ರೂ = ೨/೪ ರೂ = ೪/೮ ರೂ = ೮/೧೬ ರೂ ಎಂಬದು ಸಿದ್ಧವಾಯಿತು ಈ ವಿವರಣೆಯಿಂದ ಒಂದು ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವನ್ನು ಹೊರಡಿಸಬಹುದು

ನಿಯಮ — ಯಾವದೊಂದು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶ ಮತ್ತು ಛೇದಗಳೆರಡನ್ನೂ ಒಂದೇ ಅಂಕಿಯಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಹೊಸ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ಸಿದ್ಧಮಾಡಲು ಅದರ ಬೆಲೆಯು ಮೂಲ ಅಂಕದ ಬೆಲೆಯಷ್ಟೇ ಇರುವದು

ಮಾದರಿ ಉದಾ(೧) - ೧/೩ ತಾಸಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಛೇದವು ೬೦ ಬರುವಂತೆ ಬರೆಯಿರಿ ಅಂದರೆ ೧/೩ ತಾ = /೬೦ ತಾ ಇಲ್ಲಿ ಸಮಚಿನ್ಹದ ಬಲಗಡೆಯಿರುವ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಯಾವ ಸಂಖ್ಯೆಯು ಬರುವದೆಂಬದನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕು ಮೇಲಿನ ನಿಯಮದಂತೆ ಮೂಲ ಅಂಕದ ಛೇದವಾದ ೩ಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟರಿಂದ ಗುಣಿಸಲು ೬೦ ಬರುವದು? ಅದಕ್ಕೆ (೬೦ — ೩ =) ೨೦ ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕಾಗುವದು ಆದ್ದರಿಂದ ಮೂಲ ೧/೩ ಅಂಕದ ಅಂಶಕ್ಕಾದರೂ ೨೦ ರಿಂದಲೇ ಗುಣಿಸಬೇಕಾಗುವದು ಅಂದರೆ ೧ × ೨೦ = ೨೦ ಇದೇ ಬಲಗಡೆಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶವು

೧/೩ ತಾ = ೧×೨೦/೩×೨೦ = ೨೦/೬೦ ತಾಸು

ಅಥವಾ

೧/೩ ತಾ = ೨೦ ಮಿ ೨೦ ಮಿ = ೨೦/೬೦ ತಾಸು

ಮಾದರಿ ಉದಾ (೨) — ೩/೪ ಪೂ = ೯/ ಪೂ ಬಲಗಡೆಯ ಅಂಕದಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟ ಛೇದವನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

ಇಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶವಾದ ೩ಕ್ಕೆ ಯಾವ ಅಂಕಿಯಿಂದ ಗುಣಿಸಿದರೆ ಬಲಗಡೆಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶ ೯ ಬರುವದು?

(೯—೩=) ೩ ರಿಂದಲ್ಲವೇ? ಹಾಗಾದರೆ ಬಲಗಡೆಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಛೇದವು ದೊರೆಯಬೇಕಾದರೆ ಕೊಟ್ಟ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಛೇದಕ್ಕಾದರೂ ೩ ರಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕು

$\frac{೩}{೪}$ ಪೂ $= \frac{೩ \times ೩}{೪ \times ೩} = \frac{೯}{೧೨}$ ಪೂ [ಇನ್ನು $\frac{೩}{೪}$ ಪೂ $=$ ೯ ೩೦ ಮತ್ತು ೧ ೩ $= \frac{೯}{೧೨}$ ಪೂ $\frac{೩}{೪}$ ಪೂ $= \frac{೯}{೧೨}$ ಪೂ ಎಂಬದನ್ನು ಮನಗಂಡಂತಾಯಿತು] ತುಂಬಬೇಕಾದ ಛೇದವು ೧೨ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆ (೨೩)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦)

(೧) $\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಅಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಹದಿನಾರನೆಯಂಶ ರೂಪಾಯಿ?

(೨) $\frac{೧}{೫}$ ಪೌಂಡು ಅಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಇಪ್ಪತ್ತನೆಯಂಶ ಪೌಂಡು?

(೩) $\frac{೫}{೬}$ ದಿವಸ $= \frac{}{೨೪}$ ದಿವಸ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶವನ್ನು ತುಂಬಿರಿ?

(೪) $\frac{೧}{೮}$ ಮಣವೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ನಾಲ್ವತ್ತನೆಯಂಶ ಮಣ?

(೫) $\frac{೫}{೧೨}$ ತೊಲಿ $= \frac{}{೬೦}$ ತೊಲಿ ಅಂಶದ ಸ್ಥಾನವನ್ನು ತುಂಬಿರಿ?

(೬) ‿ ದಿವಸ $= \frac{}{೨೪}$ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶವನ್ನು ತುಂಬಿರಿ?

ಕೆಳಗಿನ ೪ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿಯ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೭) $\frac{೨}{೫}$ ಪೌಂಡು $= \frac{೧೨}{}$ ಪೌಂ (೮) $\frac{೨}{೮}$ ರೂ $= \frac{೨೪}{}$ ರೂ

(೯) $\frac{೫}{೬}$ ಯಾರ್ಡು $= \frac{೩೦}{}$ ಯಾ (೧೦) $\frac{೨}{೫}$ ರೂ $= \frac{}{೪೮}$ ರೂ.

(೧೧) $\frac{೫}{೮} = \frac{೧೦}{೧೬} = \frac{೧೫}{೨೪}$ ವೆಂಬದನ್ನು ಆಕೃತಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ತೋರಿಸಿರಿ

(೧೨) $\frac{೨}{೫} = \frac{೮}{೨೦} = \frac{೧೨}{೩೦}$ ವೆಂಬದನ್ನು ಒಂದು ಕಾಗದದ ತುಂಡನ್ನು ಮಡಿಚಿ ತೋರಿಸಿರಿ

(೧೩) $\frac{೭}{೧೦} = \frac{೨೧}{} = \frac{}{೫೦}$ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೧೪) $\frac{೪}{೫} = \frac{೨೪}{} = \frac{}{೨೫}$ ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೧೫) $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೫}{೬}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೭}{೧೨}$ ಇವುಗಳ ಛೇದವು ೨೪ ಬರುವಂತೆ ಬದಲಿಸಿರಿ

(೧೬) $೧\frac{೫}{೨೪}$, $\frac{೨}{೫}$, $\frac{೭}{೮}$, $\frac{೮}{೧೫}$ ಇವುಗಳಿಗೆ ಛೇದವು ೧೨೦ ಬರುವಂತೆ ಬರೆಯಿರಿ

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡುವದು.

(ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ ವಿವರಣ)

೧ ಪೂರ್ಣ ವಸ್ತು

ಇಲ್ಲಿ ೧೬ ರಲ್ಲಿ ೮ ಭಾಗಗಳು ಗುರ್ತು ಮಾಡಲ್ಪಟ್ಟಿವೆ

∴ ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗ = ೮/೧೬

೧೬	೧೫	೧೪	೧೩	೧೨	೧೧	೧೦	೯
[illegible]	೨	೩	೪	೫	೬	೭	೮

ಇಲ್ಲಿ ೮ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ೪ ಭಾಗಗಳು ಆರಿಸಲ್ಪಟ್ಟಿವೆ

ಗುರ್ತಿಸಿದ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೪/೮

೮	೭	೬	೫
	೨	೩	೪

ಒಟ್ಟು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ೪ ಸರಿಯಾದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡನ್ನು ಮಾತ್ರ ಗುರ್ತಿಸಿದೆ

ಗುರ್ತಿಸಿದ ಭಾಗ = ೨/೪

೪	೩
೧	೨

ಒಟ್ಟು ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ೨ ಸರಿಯಾದ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ೧ ನ್ನು (ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಅರ್ಧ) ಮಾತ್ರ ಗುರ್ತಿಸಿದೆ

ಅದು ೧/೨ ಭಾಗವು

೨
೧

ಈ ಎಲ್ಲ ಆಕೃತಿಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿ ಇದ್ದುದಲ್ಲದೆ ಗುರ್ತಿಸಿದ ಭಾಗಗಳಾದರೂ ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಿರುತ್ತವೆ

∴ ೮/೧೬ ಭಾ = ೪/೮ ಭಾ = ೨/೪ ಭಾ = ೧/೨ ಭಾ ಎಂದು ಸಿದ್ಧವಾಗುತ್ತದೆ

ಇನ್ನು ಮೂಲ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಾದ ೮/೧೬ ಭಾ ದಿಂದ ಅದಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾದ ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅ ಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ತಯಾರಿಸಿಕೊಳ್ಳಬೇಕೆಂಬುದನ್ನು ನೋಡುವಾ ೮/೧೬ = ೪/೮ ಇಲ್ಲಿ ಮೂಲ ಅ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳು ೮, ೧೬ ಇದ್ದು ಅದಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾದ ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಾದ ೪/೮ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳು ೪, ೮

ಇರುತ್ತವೆ ಈ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಿಗೂ ಮೂಲದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಿಗೂ ಯಾವ ಸಂಬಂಧವಿದೆಯೆಂಬದನ್ನು ವಿಚಾರಿಸಿರಿ ಹೊಸ ಅ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಾದ ೪, ೮ ಗಳು ಮೂಲ ಅ ದ ಅಂಶ ಛೇದಗಳಾದ ೮, ೧೬ ಗಳ ಅರ್ಧ ವಿರುತ್ತವಲ್ಲವೆ ?

ಅಂದರೆ $\frac{೮}{೧೬}=\frac{೮ \div ೨}{೧೬ \div ೨}=\frac{೪}{೮}$ ಅದರಂತೆ $\frac{೮}{೧೬}$ ದಿಂದ ಅದಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾದ $\frac{೨}{೪}$ ಮತ್ತು $\frac{೧}{೨}$ ಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ತೆಗೆಯಬೇಕೆಂಬದನ್ನು ನೋಡಿರಿ.

$$\frac{೮}{೧೬}=\frac{೮ \div ೪}{೧೬ \div ೪}=\frac{೨}{೪} \text{ ಮತ್ತು } \frac{೮}{೧೬}=\frac{೮ \div ೮}{೧೬ \div ೮}=\frac{೧}{೨}$$

ಇನ್ನು ವ್ಯಾವಹಾರಿಕ ರೀತಿಯಿಂದ ಇದರ ಸ್ಪಷ್ಟೀಕರಣವೇನೆಂಬದನ್ನು ನೋಡುವಾ

ಉದಾ — ನನ್ನ ಹತ್ತಿರ ೮ ಆಣೆಗಳಿವೆ, ಅವುಗಳ ಬದಲು ಎಷ್ಟು ಚವಲಿಗಳು ದೊರೆಯುತ್ತವೆ ? ೪ ಚವಲಿಗಳಲ್ಲವೇ ? ಅದರಂತೆ ೮ ಆಣೆಗಳ ಬದಲು ೨ ಪಾವಲಿಗಳು ಅಥವಾ ೧ ಅರ್ಧರೂಪಾಯಿಯೂ ದೊರಯುತ್ತವೆ

ಮತ್ತು ೮ ಆ = $\frac{೮}{೧೬}$ ರೂ, ೪ ಚ = $\frac{೪}{೮}$ ರೂ, ೨ ಪಾ = $\frac{೨}{೪}$ ರೂ ೧ ಅರ್ಧ **ರೂ** = $\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಎಂಬುದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದ ವಿಷಯವಾಗಿದೆ

$\frac{೮}{೧೬}$ ರೂ = $\frac{೪}{೮}$ ರೂ = $\frac{೨}{೪}$ ರೂ = $\frac{೧}{೨}$ ರೂ

ಇದರಿಂದ ಹೊರಡುವದೇನೆಂದರೆ —

ನಿಯಮ — ಯಾವದೊಂದು ಅ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಒಂದೇ ಅಂಕಿಯಿಂದ ಭಾಗಿಸಲು ಸಿದ್ಧವಾಗುವ ಹೊಸ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವು ಕೊಟ್ಟ ಅ. ಕ್ಕೆ ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಸರಿಯಿರುತ್ತದೆ ಆದರೆ ಅದರ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳು ಮಾತ್ರ ಸಣ್ಣ ಅಂಕಿಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ

ಈ ನಿಯಮದಿಂದ ಒಮ್ಮೊಮ್ಮೆ (ಬೇಕಾದಾಗ್ಗೆ) ಕೊಟ್ಟ ಅ ದ ಅಂಶ ಛೇದಗಳನ್ನು ಯೋಗ್ಯವಾದ ಅಂಕಿಯ ಭಾಗಾಕಾರದಿಂದ ಸಾಧ್ಯವಾದಷ್ಟು ಸಣ್ಣ ಸ್ವರೂಪಕೆ ತರಬಹುದಾಗಿದೆ ಹಾಗೆ ಮಾಡುವದಕ್ಕೆ 'ಅತಿಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಡುವದು' ಎನ್ನುವರು ಆದ್ದರಿಂದ ಅತಿಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡುವ ದಾದಲ್ಲಿ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗ ಹೋಗತಕ್ಕ ಅತಿದೊಡ

ಸಂಖ್ಯೆ (ದೃಢಭಾಜಕ) ಯಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು ಆದರೆ ದೃಢಭಾಜಕವನ್ನು ಗೊತ್ತು ಹಚ್ಚಿ ಭಾಗಿಸಬೇಕೆಂಬ ನಿಯಮವಿಲ್ಲ ಕ್ರಮ ಕ್ರಮದಿಂದ ಭಾಗಿಸುತ್ತ ಹೋದರೂ ನಡೆಯುವದು

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ: – (೧) $\frac{೨೧}{೩೫}$ ಇದಕ್ಕ ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

ಈ ಅ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಾದ ೨೧, ೩೫ ಗಳಿಗ ಪೂರ್ಣ ಭಾಗ ಹೋಗುವ ಅತಿ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಯಾವದು? ೭ ಅಲ್ಲವೆ? ಅದರಿಂದ ಎರಡನ್ನೂ ಭಾಗಿಸಿರಿ $\frac{೨೧}{೩೫} = \frac{೨೧ - ೭}{೩೫ - ೭} = \frac{೩}{೫}$ ಇಲ್ಲಿ ೭'ರಿಂದ ಭಾಗಿಸುವ ಕೃತಿಯನ್ನು ಬೇರೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ಮಾಡುವರು ಹೇಗೆಂದರೆ—

$\frac{೨೧}{೩೫} = \frac{\overset{೩}{\cancel{೨೧}}}{\underset{೫}{\cancel{೩೫}}} = \frac{೩}{೫}$ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಬಾಯಿಂದಲೇ ಭಾಗಿಸಿ (೭ರಿಂದ) ಉತ್ತರಗಳಾದ ೩, ೫ ಇವುಗಳನ್ನು ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಾದ ೨೧, ೩೫ನ್ನು ಕಾಟ ಹಾಕಿ ಅವುಗಳ ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿ ಬರೆಯುವರು ಇದಕ್ಕ " ಕಡಿತ ಹೊಡೆಯುವದು " ಎನ್ನುವರು

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — (೨) $\frac{೧೨೬}{೧೪೪}$ ಕ್ಕ ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ.

ಅಂಶ, ಛೇದಗಳು ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಾಗಿದ್ದರೆ ಮೊದಲು ಅವುಗಳ ಸಾಧಾರಣ ಅವಯವಗಳನ್ನು ತೆಗೆದು ಅವುಗಳಿಂದ 'ಕಡಿತ' ಹೊಡೆಯುವದು

ಅಂಶ = ೧೨೬ = ೭ × ೧೮, ಛೇದ = ೧೪೪ = ೮ × ೧೮	ಅಥವಾ $\frac{೧೨೬}{೧೪೪} = \frac{೭}{೮}$ ಸಾಧಾರಣ ಅವಯವವಾದ ೧೮ = ೨ × ೯ ಇರುವದರಿಂದ

ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಿಗ ಒಮ್ಮೆ ೨ ರಿಂದಲೂ ಬಂದ ಉತ್ತರಕ್ಕ ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ೯ ರಿಂದಲೂ ಕಡಿತ ಹೊಡೆಯಬಹುದು

$\frac{೧೨೬}{೧೪೪} = \frac{೭ \times ೧೮}{೮ \times ೧೮} = \frac{೭}{೮}$ ೧೮ರಿಂದ ಕಡಿತ ಹೊಡೆಯಲು

$= \frac{೭}{೮}$ವು ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪದ್ದು ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆ (೨೪) (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ರಿಂದ ೫)

(೧) $\frac{೧೨}{೩೬}$ ರೂ ಇದರ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು? ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪಕೊಟ್ಟು ಹೇಳಿರಿ?

(೨) $\frac{೪}{೧೨}$ ಪೌಂಡಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಸಣ್ಣ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ

(೩) $\frac{೧೬}{೨೪}$ ಹೊಲವೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಆರನೆಯಂಶ ಹೊಲ ?
(೪) $\frac{೪೫}{೩೦}$ ತಿಂಗಳವೆಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಹತ್ತನೆಯಂಶ ತಿಂಗಳ ?
(೫) $\frac{೬}{೨೪}$ ದಸ್ತಿನ ಬೆಲೆಯುಸ್ತು ತೀರಸಣ್ಣ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ
(೬) $\frac{೭೨}{೧೩೦}$ ಇದಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

ಕೆಳಗಿನ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೭) $\frac{೩೦}{೭೫}$ (೮) $\frac{೪೮}{೧೮೪}$, (೯) $\frac{೧೩೫}{೩೩೫}$, (೧೦) $\frac{೫೧೨}{೭೬೮}$,

(೧೧) $\frac{೧೬೮}{೧೯೨} = \frac{\quad}{೬೮} = \frac{೨೧}{\quad} = \frac{\quad}{೧೬}$ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶ, ಭೇದಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೧೨) $\frac{೧೮೦}{೪೩೨} = \frac{೬೦}{\quad} = \frac{೧೫}{\quad} = \frac{\quad}{೩೪}$ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶ, ಭೇದಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ

(೧೩) $\frac{೪೨}{\quad} = \frac{\quad}{೩೮೫} = \frac{೨೧೦}{೭೩೫} = \frac{\quad}{೧೦೫}$ ಬಿಟ್ಟ ಅಂಶ, ಭೇದಗಳನ್ನು ತುಂಬಿರಿ.

(೧೪) $\frac{೬೬}{೧೦೮}$, $\frac{೯೬}{೧೪೪}$ ಗಳ ಭೇದಗಳು ೧೮ ಬರುವಂತೆ ಮಾಡಿ, ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೧೫) $\frac{೧೦೦೮}{೨೩೦}$, $\frac{೨೫೨೦}{೩೬೮೮}$ ಗಳಿಗೆ ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

ಸಮುಚ್ಛೇದ ರೂಪ ಕೊಡುವದು

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ತುಲನೆ (ಭಾಗ ೨)

ಉದಾ — (೧) ಕಾಗದಕ್ಕಾಗಿ ಶಂಕರನು $\frac{೩}{೧೬}$ ರೂ ಶರದನು $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದರೆ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ಹಣ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

ಇಲ್ಲಿ $\frac{೩}{೧೬}$ ರೂ ಮತ್ತು $\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕಾಗಿದೆ ಈ ೨ ಗಳ ಭೇದಗಳು ಸರಿಯಾಗಿದ್ದು $\frac{೫}{೧೬}$ದ ಅಂಶವು $\frac{೩}{೧೬}$ ದ ಅಂಶಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಿರುವದರಿಂದ $\frac{೫}{೧೬}$ವು $\frac{೩}{೧೬}$ಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು. • ಶರದನೇ ಹೆಚ್ಚು ಹಣ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ಅದರಂತೆ

ಉದಾ — (೨) ವಸಂತ, ಹೇಮಂತ ಇಬ್ಬರೂ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಪುಸ್ತಕದ $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೩}{೫}$ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಒದುತ್ತಾರೆ ಆದರೆ ಇವರಿಬ್ಬರಲ್ಲಿ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ಓದಿದಂತಾಯಿತು ?

ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೩}{೫}$ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ಹುಡುಕಬೇಕು ? **ಈ** ೨ ಗಳ ಅಂಶಗಳು ಸರಿಯಿದ್ದು $\frac{೩}{೪}$ದ ಭೇದವಾದ ೪, $\frac{೩}{೫}$ದ ಭೇದ

ವಾದ ೫ಕ್ಕಿಂತ ಸಣ್ಣದಿರುವದರಿಂದ ೪/೫ ಭಾಗವು ೪/೧೫ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದಿರುತ್ತದೆ ವಸಂತನೇ ಹೆಚ್ಚು ಓದಿದಂತಾಯಿತು ಈ ಎರಡೂ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ನೋಡಲು —

೧ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ತುಲನೆಮಾಡತಕ್ಕ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳು ಸರಿಯಿವೆ

೨ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ತುಲನೆಮಾಡತಕ್ಕ ಅ. ಗಳ ಅಂಶಗಳು ಸರಿಯಿವೆ

ಇನ್ನು ಅಂಶ ಛೇದಗಳೆರಡೂ ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಾಗಿರದಂಥ ಅ ಗಳ ತುಲನೆ ಹೇಗೆ ಮಾಡಬೇಕೆಂಬದನ್ನು ವಿಚಾರಿಸುವಾ

ಉದಾ — ಸಾವಿತ್ರಿಯು ಒಂದು ಗೊಂಬೆಯನ್ನು ೭/೮ ರೂ ಗೂ ಸುಮಿತ್ರೆಯು ಅಂಥದನ್ನೇ ೫/೬ ರೂ ಗೂ ಕೊಂಡರು ಆದರೆ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ಬೆಲೆ ಕೊಡಬೇಕಾಯಿತು?

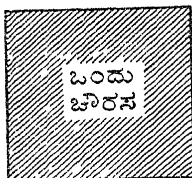
ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ೭/೮ ರೂ ೫/೬ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ತಿಳಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ ಈ ಅ ಗಳು ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯುವಿದ್ದು ಅಂಶಗಳು ಭಿನ್ನವಾಗಿರುವದರಿಂದ ಮೇಲಿನಂತೆ ಒಮ್ಮೆಲೆ ಅವುಗಳ ತುಲನೆ ಮಾಡುವದು ಸಾಧ್ಯವಿಲ್ಲ ಆದರಿಂದ ಮೊದಲು ಆ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳನ್ನು ಇಲ್ಲವೆ ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸಮ ಮಾಡಬೇಕಾಗುವದು ಹಾಗೆ ಮಾಡಬೇಕಾದರೆ ಅಂಶ ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಒಂದೇ ಅಂಕಿಯಿಂದ ಗುಣಿಸಬೇಕಾಗುವದು ಮೇಲಿನ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳು ೮, ೬ ಇದ್ದು ಇವುಗಳಿಗೆ ಯಾವ ಯಾವ ಅಂಕಿಗಳಿಂದ ಗುಣಿಸಲು ಗುಣಾಕಾರಗಳ ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿಯಾಗುವವು? ಸರಿಯಾಗಿರುವ ಆ ಗುಣಾಕಾರಗಳಿಗೆ ೮, ೬ ಇವುಗಳಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಆ ಗುಣಾಕಾರಗಳು ೮, ೬ ಇವುಗಳಿಂದ ಭಾಗಿಸಿಕೊಳ್ಳುವಂಥ ಅನೇಕ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಲ್ಲೊಂದು ಆಗಿರಬೇಕು ಅಂಥ ಸಂಖ್ಯೆಯು ತೀರ ಸಣ್ಣದಾಗಿರುವದು ಹೆಚ್ಚು ಯೋಗ್ಯವು ಅಂಥ ಸಣ್ಣ ಸಂಖ್ಯೆಯೆಂದರೆ ೮, ೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾಜ್ಯವಾಗಿರುತ್ತದೆಂಬದು ನಿಮಗ ತಿಳಿದಿದೆ

೮, ೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ = ೨೪ ಇದ್ದು ೮ ಕ್ಕೆ ೩ ರಿಂದಲೂ, ೬ ಕ್ಕೆ ೪ ರಿಂದಲೂ ಗುಣಿಸಲಾಗಿ ಲ. ಸಾ ಭಾ ೨೪ ಬರುವದು

೭/೮ ರೂ = (೭×೩)/(೮×೩) = ೨೧/೨೪ ರೂ ಮತ್ತು ೫/೬ ರೂ = (೫×೪)/(೬×೪) = ೨೦/೨೪ ರೂ

ಈಗ ೭/೮ ರೂ ಮತ್ತು ೫/೬ ರೂ ಗಳು ಸಮಛೇದಗಳುಳ್ಳ ೨೧/೨೪ ರೂ ೨೦/೨೪ ರೂ ಗಳಾಗಿ ಪರಿವರ್ತಿಸಲ್ಪಟ್ಟಿರುತ್ತವೆ ಈ ಹೊಸ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು ಸಜಾತಿಯವಿರುವದರಿಂದ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದರ ಅಂಶವು ದೊಡ್ಡದಿದೆಯೋ ಆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವೇ ದೊಡ್ಡದೆಂಬ ನಿಯಮವು ನಿಮಗೆ ಈ ಮೊದಲೇ ತಿಳಿದಿದೆ

೨೧/೨೪ ರೂ, ೨೦/೨೪ ರೂ ಇವುಗಳ ಅಂಶಗಳಾದ ೨೧, ೨೦ ಗಳಲ್ಲಿ ೨೧ ದೊಡ್ಡದಿರುವದರಿಂದ ೨೧/೨೪ ರೂ ಯು ೨೦/೨೪ ರೂ ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚಿಗಿದೆ ಅಂದರೆ ೭/೮ ರೂ ಯು ೫/೬ ರೂ ಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು



ಆಕೃತಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಮೇಲಿನ ಮಾತನ್ನು ನೀವು ಕಾಣಬಹುದು

ಸರಿಯಾಗಿರುವ ಎರಡು ಚೌರಸಾಕಾರದ ಕಾಗದಗಳಲ್ಲಿ ಬಸವನು ೭/೮ ಭಾಗವನ್ನು ಶಂಕರನು ೫/೬ ಭಾಗವನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡರು ಯಾರಿಗೆ ಹೆಚ್ಚು ಕಾಗದವು ದೊರೆತಂತಾಯಿತು ?

೧ನೆಯ,೨ನೆಯ ಚೌರಸಗಳಲ್ಲಿ ಗುರ್ತಿಸಿದ ಭಾಗಗಳು ಬಸವ ಮತ್ತು ಶಂಕರ ಇವರು ತಕ್ಕೊಂಡ ಕಾಗದಗಳನ್ನು ತೋರಿಸುತ್ತವೆ

ಎರಡೂ ಚೌರಸಗಳಲ್ಲಿ (೩ ಮತ್ತು ೪) ಸರಿಯಾಗಿ (೮,೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ =) ೨೪ ಭಾಗಗಳಾಗುವಂತೆ ರೇಖೆಗಳನ್ನೆಳೆದಿದೆ ಚೌರಸದ ೭/೮ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೨೧, ಮತ್ತೊಂದು ಚೌರಸದ ೫/೬ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೨೦ ಮನೆಗಳುಂಟಾಗುತ್ತವೆ (ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಎರಡರಲ್ಲಿಯೂ ಸಣ್ಣ ಚೌಕ ಮನೆಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು

ಸರಿಯಾಗಿರುತ್ತವೆ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ೧/೧೨ ಚೌರಸ ಇರುತ್ತದೆ ೧ನೆಯ ಚೌರಸದ ೩/೪ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೨ನೆಯ ಚೌರಸದ ೨/೩ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ೧ ಸಣ್ಣ ಮನೆ (೧/೧೨ ಚೌರಸ) ಹೆಚ್ಚಿಗಿದೆ

೯/೧೨ ಭಾಗವು ೮/೧೨ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದೆಂದು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ

ಮೇಲಿನ ಎರಡೂ ಪ್ರಕಾರಗಳ ವಿವರಣೆಯಿಂದ ಒಂದು ನಿಯಮವನ್ನು ಹೊರಡಿಸಬಹುದು

ನಿಯಮ —ಭಿನ್ನ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ತುಲನೆಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟ ಅ. ಗಳ ಛೇದಗಳು ಸಮವಾಗುವಂತೆ ಮಾಡಬೇಕು ಹೀಗೆ ಮಾಡಬೇಕಾದರೆ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಯೋಗ್ಯ ಅಂಕಿಗಳಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಛೇದಗಳು ಲ ಸಾ ಭಾ ದಷ್ಟು ಬರುವಂತೆ ಮಾಡಬೇಕು. ಅಂದರೆ ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಕಡಿಮೆ ಆಗದೆ ಛೇದಗಳು ಸಮವಾಗುವವು

ಆಮೇಲೆ ಹೊಸ ಅ ಗಳನ್ನು ಹಿಂದೆ ಹೇಳಿದ ನಿಯಮದಂತೆ ಹೋಲಿಸಿ ನೋಡಬೇಕು ಈ ನಿಯಮವು ಮನದಟ್ಟಾಗಬೇಕಾದರೆ ಕೆಳಗಿನ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೧):— ಒಂದು ಹೊಲದಲ್ಲಿ ೩/೧೦ ಭಾಗ ಜೋಳವನ್ನೂ ೨/೩ ಭಾಗ ಸಜ್ಜೆಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದೆ ಆದರೆ ಯಾವ ಪೈರು ಹೆಚ್ಚು ಬಿತ್ತಿದಂತಾಯಿತು ?

ವಿವರಣೆ — ೩/೧೦ ಭಾಗ ಮತ್ತು ೨/೩ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದೆಂಬದನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯಬೇಕಾಗಿದೆ ಈ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳು ಸರಿಯಾಗಿರುವದಿಲ್ಲ, ಆದ್ದರಿಂದ ಅವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು ಆದ್ದರಿಂದ ಛೇದಗಳಾದ ೧೦, ೩ ಇವುಗಳ ಲ ಸಾ. ಭಾ ತೆಗೆಯಬೇಕು ಲ ಸಾ ಭಾ =೩೦ ಇದೆ

ಹೇಳಿದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಛೇದಗಳೆಲ್ಲ ೩೦ ಬರುವಂತೆ ಯೋಗ್ಯವಾದ ಅಂಕಿಗಳಿಂದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಗುಣಿಸಬೇಕು ೧೦ಕ್ಕೆ ೩ ರಿಂದ ಮತ್ತು ೩ಕ್ಕೆ ೧೦ ರಿಂದ ಗುಣಿಸಲು ೩೦ ಬರುತ್ತದೆಂಬದು ಸಹಜವಾಗಿ ತಿಳಿಯುತ್ತದೆ

$\frac{೩}{೧೦}$ ಭಾ $=\frac{೩\times೩}{೧೦\times೩}=\frac{೯}{೩೦}$ ಭಾ ಮತ್ತು $\frac{೧}{೩}$ ಭಾ $=\frac{೧\times೧೦}{೩\times೧೦}=$ $\frac{೧೦}{೩೦}$ ಭಾ

$\frac{೩}{೧೦}$, $\frac{೧}{೩}$ ಗಳ ಬದಲು $\frac{೯}{೩೦}$ ಮತ್ತು $\frac{೧೦}{೩೦}$ ಗಳಾದವು ಇವುಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೧೦}{೩೦}$ ವೇ ದೊಡ್ಡದೆಂಬುದು ಗೊತ್ತಾಗುತ್ತದೆ

• $\frac{೧}{೩}$ ಭಾಗವು $\frac{೩}{೧೦}$ ಭಾಗಕ್ಕಿಂತ ದೊಡ್ಡದು ಅಂದರೆ ನೆಚ್ಚೆಯನ್ನೇ ಹೆಚ್ಚು ಬಿತ್ತಿದೆ ಉತ್ತರ.

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ (೨):— ೫ ಮೈಲು ಓಟದ ಜಿದ್ದಿನಲ್ಲಿ ರಮೇಶ, ರಾಘವ ಮತ್ತು ವೆಂಕಟೇಶರು ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೭}{೧೦}$ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಓಡಿದರು ಆದರೆ ಇವರಲ್ಲಿ ಯಾರು ಮೊದಲಿನ ನಂಬರು ಪಡೆದರು? (ಛೇದಗಳನ್ನು ಸರಿಮಾಡಿಕೊಂಡು ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ)

ರೀತಿ — ಈ ಮೂವರಲ್ಲಿ ಯಾವನು ತೀರ ಕಡಿಮೆ ವೇಳೆಯಲ್ಲಿ ೫ ಮೈಲು ಓಡಿದ್ದಾನೋ ಅವನೇ ಮೊದಲಿನ ನಂಬರು ಪಡೆದವನೆಂದು ತಿಳಿಯಬೇಕು ಅದಕ್ಕಾಗಿ $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೭}{೧೦}$ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ತೀರ ಸಣ್ಣದೆಂಬುದನ್ನು ಹುಡುಕಬೇಕು ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸರಿಮಾಡಿಕೊಂಡು ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸುವಾ

ಅಂಶಗಳಾದ ೩, ೪, ೧೦ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ $=$ ೬೦

ಮೂರೂ ಅ ಗಳ ಅಂಶಗಳು ೬೦ ಬರುವಂತೆ ಯೋಗ್ಯವಾದ ಅಂಕಿಗಳಿಂದ ಅಂಶ, ಛೇದ ಗಳೆರಡಕ್ಕೂ ಗುಣಿಸಬೇಕು

೨	೩, ೪, ೧೦
	೩, ೨, ೫

ಲ ಸಾ ಭಾ $=$ ೨ $\times$ ೩ $\times$ ೨ $\times$ ೫ $=$ ೬೦

೩ಕ್ಕೆ ೨೦ ರಿಂದಲೂ, ೪ಕ್ಕೆ ೧೫ ರಿಂದಲೂ, ೧೦ಕ್ಕೆ ೬ ರಿಂದಲೂ ಗುಣಿಸಲು ೬೦ ಬರುತ್ತದೆ

$\frac{೨}{೩}$ ತಾ $=\frac{೨\times೨೦}{೩\times೨೦}=\frac{೪೦}{೬೦}$ ತಾ, $\frac{೩}{೪}$ ತಾ $=\frac{೩\times೧೫}{೪\times೧೫}=\frac{೪೫}{೬೦}$ ತಾ, $\frac{೭}{೧೦}$ ತಾ $=\frac{೭\times೬}{೧೦\times೬}=\frac{೪೨}{೬೦}$ ತಾ ಈಗ $\frac{೪೦}{೬೦}$ ತಾ, $\frac{೪೫}{೬೦}$ ತಾ, $\frac{೪೨}{೬೦}$ ತಾ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ತೀರ ಚಿಕ್ಕದು?

ಅಂಶಗಳು ಸರಿಯಾಗಿದ್ದ ಅ ಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದರ ಛೇದವು ದೊಡ್ಡದಿದೆಯೋ ಆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವೇ ತೀರ ಸಣ್ಣದೆಂಬ ನಿಯಮವು ನಿಮಗೆ **ಈ ಮೊದಲೇ** ತಿಳಿದಿದೆ

ಛೇದಗಳಾದ ೮೦, ೭೫, ೭೮ ಗಳಲ್ಲಿ ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ದೊಡ್ಡ ಛೇದವೆಂದರೆ ೮೦, ಮತ್ತು ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ಸಣ್ಣದೆಂದರೆ ೭೫

$\frac{೬೦}{೮೦}$ ತಾ ಎಲ್ಲಕ್ಕೂ ಸಣ್ಣದು ಮತ್ತು ಏರಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಿಂದ ಹೇಳಬೇಕಾದರೆ $\frac{೬೦}{೮೦}$ ತಾ $\frac{೬೦}{೭೮}$ ತಾ $\frac{೬೦}{೭೫}$ ತಾ ಇರುತ್ತವೆ

ಅಂದರೆ $\frac{೩}{೪}$ ತಾ $\frac{೧೦}{೧೩}$ ತಾ ಮತ್ತು $\frac{೪}{೫}$ ತಾ ಗಳು ಏರಿಕಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ

ರಮೇಶನೇ ೧ನೆಯ ನಂಬರು ಪಡೆದವನು, ಕಡಯವನು ರಾಘವನು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೫)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೫)

ಕಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಡುವದು

(೧) $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೫}$, (೨) $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೩}{೧೧}$ (೩) $\frac{೧}{೭}$, $\frac{೧}{೮}$, (೪) $\frac{೩}{೫}$, $\frac{೧}{೩}$,

(೫) $\frac{೪}{೫}$, $\frac{೫}{೯}$, (೬) $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೧}{೭}$, $\frac{೨}{೯}$ ಇವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪಕೊಡಿರಿ.

(೭) $\frac{೩}{೫}$, $\frac{೪}{೭}$, $\frac{೮}{೧೫}$ ಇವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಅತಿ ದೊಡ್ಡ ಮತ್ತು ಅತಿ ಸಣ್ಣ ಅ ಗಳಾವವೆಂಬದನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೮) $\frac{೪}{೯}$, $\frac{೪}{೫}$, $\frac{೫}{೯}$ ಇವುಗಳಿಗ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪಕೊಟ್ಟು ಏರಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೯) $\frac{೮}{೩೧}$, $\frac{೭}{೧೮}$, $\frac{೧೪}{೩೪}$ ಇವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಇಳಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ

(೧೦) ರಾಮನ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ದಿನಾಲು $\frac{೩}{೪}$ ಸೇರು, ರಂಗನ ಮನೆಯಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೭}$ ಸೇರು ಸಕ್ಕರೆ ಖರ್ಚಾಗುತ್ತದೆ ಆದರೆ ದಿನಾಲು ಯಾರಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಸಕ್ಕರೆ ಖರ್ಚಾದಂತಾಯಿತು ?

(೧೧) ರಂಗ, ರಮ, ಶಾಮ ಇವರು ಒಂದು ಪುಸ್ತಕದ ೨೦ ಪುಟಗಳನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ $\frac{೬}{೫}$, $\frac{೫}{೬}$ ಮತ್ತು $\frac{೩೧}{೩೦}$ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಓದುತ್ತಾರೆ ಇದರಲ್ಲಿ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ತೀವ್ರವಾಗಿ ಒದಬಲ್ಲರು ? ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸರಿನಡಿಸಿ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(೧೨) ೫ ಮಿನಿಟುಗಳಲ್ಲಿ ಶ್ಯಾಮು, ಸೋಮು, ಭೀಮರು ಕ್ರಮವಾಗಿ $\frac{೫}{೬}$, $\frac{೯}{೧೧}$, ೧$\frac{೫}{೭}$ ಮೈಲು ನಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ಹೋಗಬಲ್ಲರು ಆದರೆ ಇವರಲ್ಲಿ ಯಾರು ಹೆಚ್ಚು ವೇಗವಾಗಿ ನಾಯಕಲ್ಲನ್ನು ಒಡಿಸಬಲ್ಲರು? ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸರಿಪಡಿಸಿ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(೧೩) $\frac{೯}{೧೬}$, ೧$\frac{೨}{೭}$, ೩$\frac{೨}{೭}$ ಇವುಗಳನ್ನು ಏರಿಕಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ (ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸರಿಪಡಿಸಿಕೊಂಡು ಬಿಡಿಸಿರಿ)

(೧೪) $\frac{೮}{೧೫}$, ೩$\frac{೬}{೭}$, ೧$\frac{೨}{೯}$ ಇವುಗಳನ್ನು ಇಳಿಕೆಯ ಕ್ರಮದಲ್ಲಿ ಬರೆಯಿರಿ (ಅಂಶಗಳನ್ನು ಸರಿ ಪಡಿಸಿ ಬಿಡಿಸಿರಿ)

(೧೫) ೧$\frac{೨}{೫}$, ೩$\frac{೫}{೯}$ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದು ದೊಡ್ಡದು? ಅಂಶ, ಛೇದಗಳೆರಡನ್ನೂ ಸರಿಪಡಿಸಿ ಬಿಡಿಸಿರಿ

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು

(ಭಾಗ ೨)

ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು

ಸಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವ ರೀತಿಯನ್ನು ಈ ಮೊದಲೇ ಕಲಿತಿದ್ದೇವೆ ಇನ್ನು ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ಹೇಗೆ ಮಾಡಬೇಕೆಂಬದನ್ನು ಕಲಿಯುವಾ

ಉದಾ — ಒಬ್ಬನು ಒಂದು ಎಕರೆ ಗದ್ದೆಯಲ್ಲಿ $\frac{೩}{೪}$ ಕಡಲೆಯನ್ನೂ $\frac{೧}{೫}$ ಗೆಣಸನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದ್ದಾನೆ, ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿಯೆಷ್ಟು?

ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿಯ ಒಟ್ಟು ಕ್ಷೇತ್ರ = $\frac{೩}{೪}$ ಎಕರೆ + $\frac{೧}{೫}$ ಎಕರೆ ಇವೆರಡೂ ಅ ಗಳು ಭಿನ್ನಜಾತಿಯವಿರುವದರಿಂದ ಇವುಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ಒಮ್ಮೆಲೆ ತೆಗೆಯಲು ಬರಲಾರದು ಸುಲಭವಾಗಿ ಅವುಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕಾದರೆ ಮೊದಲು ಆ ಅ ಗಳನ್ನು ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಅ ಗಳನ್ನಾಗಿ ಬದಲಿಸಿ ಅಂದರೆ ಸಮಚ್ಛೇದ ರೂಪಕೊಟ್ಟು ಹಿಂದ ಹೇಳಿದಂತೆ ಅವುಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ಮಾಡಬಹುದು ಇಲ್ಲಿ ಹೇಳಿದ ಅ ಗಳ ಛೇದಗಳು ೪, ೫ ಇದ್ದುದರಿಂದ ಅವುಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೨೦ ಇರುತ್ತದೆ

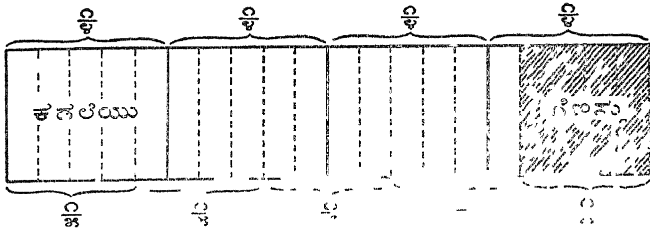
$$\frac{೩}{೪}\text{ ಎ} = \frac{೩\times೫}{೪\times೫} = \frac{೧೫}{೨೦}\text{ ಎ ಮತ್ತು } \frac{೧}{೫}\text{ ಎ} = \frac{೧\times೪}{೫\times೪} = \frac{೪}{೨೦}\text{ ಎ}$$

ಒಟ್ಟು ಕ್ಷೇತ್ರ = ೧/೪ ಎ + ೧/೫ ಎ = ೫/೨೦ ಎ + ೪/೨೦ ಎ

= (೫ + ೪)/೨೦ (ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು)

ಒಟ್ಟು ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿ = ೯/೨೦ ಎಕರೆ ಉತ್ತರ

ಆಕೃತಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದಲೂ ಈ ರೀತಿಯನ್ನು ಮನಗಾಣಬಹುದು



ಇದು ಒಂದು ಎಕರೆಯ ಗದ್ದೆಯಿದೆ ಇದರಲ್ಲಿ (೪, ೫ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ =)೨೦ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲಾಗಿದೆ ೧/೪ ಎಕರೆ ಅಂದರೆ ಮೇಲಿನ ೨೦ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಪುನಃ ಮಾಡಿದ ೪ ಗುಂಪುಗಳಲ್ಲೊಂದು ಗುಂಪನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳುವದು ಅಂದರೆ ೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳು ಇದರಲ್ಲಿ ಕಡಲೆಯನ್ನು ಬಿತ್ತಿದೆ ಅದರಂತೆ ೧/೫ ಎಕರೆಯೆಂದರೆ ೨೦ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಐದು ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಒಂದನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಅಂದರೆ ೪ ಸಣ್ಣಭಾಗಗಳು

೧/೪ ಎ + ೧/೫ ಎ = ೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳು + ೪ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳು = ೫/೨೦ ಎ + ೪/೨೦ = ೯/೨೦ ಎಕರೆ ಒಟ್ಟು ಬಿತ್ತಿದ ಭಾಗ ಉತ್ತರ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ — ಒಬ್ಬ ಸಾವುಕಾರನು ತನ್ನ ಆಸ್ತಿಯ ೧/೨ ಭಾಗವನ್ನು ಮಗನಿಗೂ ೧/೩ ಭಾಗವನ್ನು ತನ್ನ ಹೆಂಡತಿಗೂ ೧/೮ ಭಾಗವನ್ನು ಮಗಳಿಗೂ ಕೊಟ್ಟರೆ ಒಟ್ಟು ಕೊಟ್ಟ ಆಸ್ತಿ ಎಷ್ಟು?

ಕೊಟ್ಟ ಒಟ್ಟು ಆಸ್ತಿ = ೧/೨ ಭಾ + ೧/೩ ಭಾ + ೧/೮ ಭಾ | ೨, ೩, ೮ ಗಳ ಲ

= (೧×೧೨)/(೨×೧೨) + (೧×೮)/(೩×೮) + (೧×೩)/(೮×೩) ಭಾ | ಸಾ ಭಾ ೨೪ ಇದೆ

= ೧೨/೨೪ + ೮/೨೪ + ೩/೨೪ = ೨೩/೨೪ |

ಒಟ್ಟು ಕೊಟ್ಟ ಆಸ್ತಿ ೨೩/೨೪ ಭಾಗ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೬)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೬)

ಕೆಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(೧) $\frac{೧}{೪}$ ರೂ $+ \frac{೧}{೨}$ ರೂ (೨) $\frac{೧}{೩}$ಫೂ $+ \frac{೧}{೬}$ಫೂ (೩) $\frac{೧}{೪}$ಪೌ $+ \frac{೧}{೧೬}$ಪೌ

(೪) $\frac{೨}{೩}$ರೂ $+ \frac{೧}{೬}$ರೂ (೫) $\frac{೧}{೮}$ಮ $+ \frac{೧}{೧೨}$ಮ (೬) $\frac{೫}{೧೨}$ತೊ $+ \frac{೭}{೪೮}$ತೊ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ — $\frac{೫}{೬}+\frac{೩}{೪}+\frac{೭}{೧೨}$ ಈ ಪದಾವಲಿಯ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

ರೀತಿ — $\frac{೫}{೬}+\frac{೩}{೪}+\frac{೭}{೧೨}$

$=\frac{೫}{೬}\times\frac{೨}{೨}+\frac{೩}{೪}\times\frac{೩}{೩}+\frac{೭}{೧೨}$

$=\frac{೧೦}{೧೨}+\frac{೯}{೧೨}+\frac{೭}{೧೨}$

$=\frac{೨೬}{೧೨}$

$=\frac{೧೩}{೬}$

$=೨\frac{೧}{೬}$

∴ $೨\frac{೧}{೬}$ ಉತ್ತರ

ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಛೇದಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೧೨ ಇದೆ

$\frac{೨೬}{೧೨}$ಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಲು, ಅಂದರೆ ೨ ರಿಂದ ಕಡಿತ ಹೊಡೆಯಲು $\frac{೧೩}{೬}$ ಬಂತು ಇದಕ್ಕೆ ಮಿಶ್ರ ಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪ ಕೊಡಲು $೨\frac{೧}{೬}$ ಬಂದಿತು

ಸೂಚನೆ — (೧) ಛೇದಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾಜ್ಯ ತೆಗೆದು ಸಮಚ್ಛೇದ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೨) ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡಿ ಬಂದ ಉತ್ತರಕ್ಕೆ, ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದರೆ, ಅದಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೩) ಮತ್ತು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದರೆ ಅದಕ್ಕೆ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

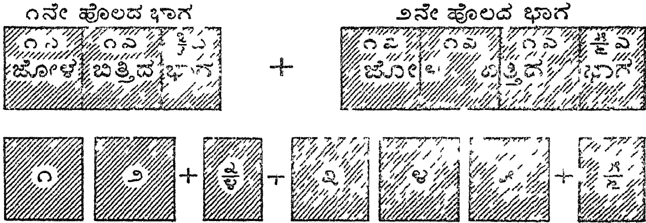
ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೭)

(೭) $\frac{೬}{೨೫}+\frac{೩}{೫}+\frac{೧೩}{೫೦}$, (೮) $\frac{೭}{೮}+\frac{೫}{೬}+\frac{೧೧}{೧೨}$; (೯) $\frac{೩}{೪}+\frac{೭}{೯}+\frac{೫}{೧೨}$

(೧೦) $\frac{೮}{೯}+\frac{೧೧}{೧೫}+\frac{೫}{೬}$, (೧೧) $\frac{೫}{೭}+\frac{೩}{೪}+\frac{೩೫}{೪೨}$, (೧೨) $\frac{೭}{೧೨}+\frac{೩}{೭}+\frac{೩}{೫}$

ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು

ಉದಾ — ನನ್ನ ಎರಡು ಹೊಲಗಳಲ್ಲಿ ಜೋಳವನ್ನು ಬಿತ್ತಿದೆ ೧ನೆಯ ಹೊಲದಲ್ಲಿ $೨\frac{೧}{೪}$ ಎಕರೆ, ೨ನೆಯದರಲ್ಲಿ $೩\frac{೫}{೬}$ ಎಕರೆ ಬಿತ್ತಿದ್ದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಎಕರೆ ಜೋಳವನ್ನು ಬಿತ್ತಿದಂತಾಯಿತು ?



ಜೋಳ ಬಿತ್ತಿದ ಒಟ್ಟು ಭೂಮಿ $=$ ೨$\frac{೩}{೪}$ ಎಕರೆ $+$ ೩$\frac{೫}{೬}$ ಎಕರೆ

$=$ ೨ ಎ $+ \frac{೩}{೪}$ ಎ $+$ ೩ ಎ $+ \frac{೫}{೬}$ ಎ

ಇಲ್ಲಿ ೨ ಎ, ೩ ಎ ಗಳು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿದ್ದು ಅವುಗಳ ಬೇರೀಜು ಮೊದಲು ಮಾಡಬೇಕು ಅಂದರೆ ೨ $+$ ೩ $=$ ೫ ಎಕರೆ ಮತ್ತು ಉಳಿದವುಗಳು $\frac{೩}{೪}$ ಎ, $\frac{೫}{೬}$ ಎ ಇವು ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಅವುಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವ ಮೊದಲು ಅವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು ಛೇದಗಳಾದ ೪, ೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೧೨ ಇದೆ

$\frac{೩}{೪}$ ಎ $= \frac{೩ \times ೩}{೪ \times ೩} = \frac{೯}{೧೨}$ ಎ, ಮತ್ತು $\frac{೫}{೬}$ ಎ $= \frac{೫ \times ೨}{೬ \times ೨} = \frac{೧೦}{೧೨}$ ಎ

$\frac{೩}{೪}$ ಎ $+ \frac{೫}{೬}$ ಎ $= \frac{೯}{೧೨}$ ಎ $+ \frac{೧೦}{೧೨}$ ಎ $= \frac{೯+೧೦}{೧೨}$ (ಅಂಶಗಳ ಬೇರೀಜು) $= \frac{೧೯}{೧೨}$ ಎ $=$ ೧ ಎ $+ \frac{೭}{೧೨}$ ಎ ($\frac{೧೯}{೧೨}$ಕ್ಕೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕರೂಪ ಕೊಡಲು)

∴ ಒಟ್ಟು ಜೋಳ ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿ $=$ ೫ $+$ ೧ $+ \frac{೭}{೧೨}$ ಎಕರೆಗಳು

$=$ ೬$\frac{೭}{೧೨}$ ಎಕರೆಗಳು ಉತ್ತರ

ಇದೇ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಇನ್ನೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ಬಿಡಿಸುವದುಂಟು, ಅದೇನೆಂದರೆ ಮೊದಲು ಕೊಟ್ಟ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪಕೊಟ್ಟು ಆಮೇಲೆ ಅವುಗಳನ್ನು ಸಜಾತಿಂ ಅ ಗಳನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿದಮೇಲೆ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವರು ಆದರೆ ಹೀಗೆ ಮಾಡುವದರಿಂದ ಅನವಶ್ಯಕವಾಗಿ ದೊಡ್ಡ ದೊಡ್ಡ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಗುಣಾಕಾರ ಭಾಗಾಕಾರ ಮಾಡುವ ಪ್ರಸಂಗವುಂಟಾಗುವದು ಆದಕಾರಣ ಹಾಗೆ ಬಿಡಿಸುವದು ಅಷ್ಟು ಯೋಗ್ಯವೆನಿಸಲಾರದು ಆದರೂ ಮಾದರಿಗಾಗಿ ಕೆಳಗೆ ಬಿಡಿಸಿ ತೋರಿಸಿದೆ

ಒಟ್ಟು ಹೊಲದ ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿ = ೨ ೩/೪ ಎ + ೩ ೩/೮ ಎ
[ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಲು] = ೧೧/೪ + ೨೭/೮ ಎ
(ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೂಡಲು) = (೧೧×೨)/(೪×೨) + (೨೭×೧)/(೮×೧) = ೨೨/೮ + ೨೭/೮
= ೪೯/೮ = ೬ ೧/೮ ಎ ಉತ್ತರ

ನಿಯಮ — (೧) ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಅವುಗಳಿಗೆ ಮೊದಲು ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಬೇರೀಜು ಮಾಡಬೇಕು (೨) ಉತ್ತರವು ವಿಷಮ ಅ ಯಾಗಿದ್ದರೆ ಅದಕ್ಕೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು (೩) ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು (೪) ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಮೊದಲು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು ಮಾಡಬೇಕು ಮತ್ತು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಬೇರೀಜು ಪ್ರತ್ಯೇಕವಾಗಿ ಮಾಡಿ ಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಬೇರೀಜದಲ್ಲಿ ಕೂಡಿಸಿ ಇಡಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೮)

(೧) ೨ ೧/೩ ರೂ + ೩ ೭/೮ ರೂ (೨) ೩ ೧/೩ ರೂ + ೪ ೧/೨ ರೂ
(೩) ೧ ೩/೫ ಪಾ + ೨ ೩/೪ ಪಾ (೪) ೩ ೫/೧೩ ಫೂ ೭ ೧/೮ ಫೂ.
(೫) ೬ ೧/೨ ದಿವಸ + ೭ ೧/೪ ದಿವಸ

(೬) ಒಂದು ಕಬ್ಬಿನ ಗಣಿಕೆಯ ಭಾಗವು ೮ ೫/೭ ಫೂ ಮತ್ತು ಗರಿಯ ಭಾಗವು ೩ ೫/೮ ಫೂ ಇದೆ ಆದರೆ ಅದರ ಒಟ್ಟು ಉದ್ದಳತೆಯೆಷ್ಟು ?

(೭) ಒಂದು ಬೆಲ್ಲದ ಪೆಂಟೆಯ ಎರಡು ತುಂಡುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ೧ ೫/೭, ೨ನೆಯದು ೧ ೧/೧೨ ಮಣ ಇದ್ದರೆ ಇಡೀ ಪೆಂಟೆಯ ತೂಕವೆಷ್ಟು ?

(೮) ೪ ೧/೭ ರೂ ಗಳ ಕೋಟಿನ ಅರಿವೆ, ೨ ೩/೪ ರೂ ಗಳ ಶರ್ಟಿನ ಅರಿವೆ ಹಾಗು ೩ ರೂ ೫ ಆ ಗಳ ಒಂದು ಚಾದರವನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಒಟ್ಟಿಗೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ಖರ್ಚಾದವು ?

(೯) ೩ ೧/೨ + ೪ ೧/೨ + ೨ ೨/೭, (೧೦) ೬ ೧/೫ + ೭/೧ + ೧ ೨/೧೫,

(೧೧) ಒಬ್ಬನು ೧/೪ ರೂ ಯ ಒಂದು ಪಾಟಿಯನ್ನು, ೧ ೨/೮ ರೂ. ಯ ಗಣಿತಪುಸ್ತಕವನ್ನು ಮತ್ತು ೧ ೩/೧೬ ರೂ. ಯ ಒಂದು ಇತಿಹಾಸ ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಅವನು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ರೂ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿದಂತಾಯಿತು ?

(೧೨) ಒಂದು ರೇಶನಲಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ೧೮ ೫/೬ ಮಣ ಅಕ್ಕಿಯೂ, ೧೬ ೨/೩ ಮಣ ಗೋದಿಯೂ ಮತ್ತು ೧೨ ೫/೬ ಮಣ ಜೋಳವೂ ಇದೆ ಆದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಮಣ ಕಾಳಿದ್ದಂತಾಯಿತು?

(೧೩) ಒಂದು ಗೋಡೆಯ ಎತ್ತರಕ್ಕೆ ೧ ಫೂ ೨ ಇಂಚು ಡಾಂಬರನ್ನು ೩ ೧/೪ ಫೂ ನೀಲೀಬಣ್ಣವನ್ನು ಉಳಿದ ೬ ೨/೩ ಫೂ ಗೋಡೆಗೆ ಸುಣ್ಣವನ್ನು ಹಚ್ಚಿದರೆ ಆ ಗೋಡೆಯ ಎತ್ತರವೆಷ್ಟು?

(೧೪) ೭ ೧/೨ ಸೇರು ತೂಕದ ಟ್ರಂಕಿನಲ್ಲಿ ೧೨ ೫/೮ ಸೇರು ತೂಕದ ಪುಸ್ತಕ, ಹಾಗು ೮ ೨/೩ ಸೇರು ತೂಕದ ಅರಿವೆಗಳನ್ನು ಹಾಕಿದರೆ ಆ ಟ್ರಂಕಿನ ತೂಕವೆಷ್ಟು?

(೧೫) ಅರಿವೆಗೆ ೮ ೩/೪ ರೂ, ಹೊಲಿಗೆಗೆ ೫ ೭/೮ ರೂ, ಒಳವಸ್ತ್ರಕ್ಕೆ ೫/೮ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಒಂದು ಕೋಟನ್ನು ಹೊಲಿಸಿದರೆ ಅದರ ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆಯೆಷ್ಟು?

(೧೬) ಒಬ್ಬನಲ್ಲಿ ೧೨ ೨/೫ ತೊಲಿಗಳ ಎರಡು ತಾಟುಗಳೂ ೬ ೨/೫ ತೊಲಿಗಳ ಒಂದು ತಂಬಿಗೆಯೂ ಇದ್ದರೆ ಅವನಲ್ಲಿದ್ದ ಒಟ್ಟು ಬೆಳ್ಳಿಯೆಷ್ಟು?

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ವಜಾಬಾಕಿ [ಭಾಗ ೧]

ಭಿನ್ನ ಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳು

ಸಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಸುಲಭವಾಗಿ ಹೇಗೆ ತೆಗೆಯಬಹುದೆಂಬುದನ್ನು ನಾವು ಈ ಮೊದಲೇ ಕಂಡುಕೊಂಡಿದ್ದೇವೆ

ಉದಾ — ೧೧/೧೨ − ೧/೧೨ ಇದನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

ಈ ಸಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಮಾಡುವಾಗ್ಗೆ ಅಂಶದಲ್ಲಿ ಅಂಶವನ್ನು ಕಳೆದು ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಛೇದವನ್ನಿಡುವ ನಿಯಮದಂತೆ,

೧೧/೧೨ − ೧/೧೨ = (೧೧−೧)/೧೨ (ಅಂಶದಲ್ಲಿ ಅಂಶವನ್ನು ಕಳೆಯಲು)

= ೫/೬ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಲು (೨ರಿಂದ ಕಡಿದುಕೊಳ್ಳಲು)

೧೧/೧೨ − ೧/೧೨ = ೫/೬

ಇನ್ನು ವಿಜಾತಿಯ ಅ. ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯ ಬಗ್ಗೆ ಇಲ್ಲಿ ವಿಚಾರಿಸುವಾ

ಉದಾ — ೫ ವಾರ ಉದ್ದವಾದ ಅರಿವೆಯಲ್ಲಿ ೧ ೩/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯನ್ನು ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಾಗಿ ತೆಗೆದುಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟು ವಾರ ಅರಿವೆ ಉಳಿಯುವದು?

ಉಳಿಯುವ ಅರಿವೆಯೆಂದರೆ ೫ ವಾರ − ೧ ೩/೪ ವಾರ

ಇನ್ನು $\frac{೭}{೮}$, $\frac{೫}{೧೨}$'ಗಳು ವಿಜಾತಿಯ ಅ ಗಳಾಗಿರುವದರಿಂದ ಒಮ್ಮೆಲೆ ಒಂದರೊಳಗೊಂದು ಕಳೆಯಲಿಕ್ಕೆ ಬರುವದಿಲ್ಲ ಮೊದಲು ಆ ಅ ಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಅವನ್ನು ಸಜಾತಿಯಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದ ಮೇಲೆ ಒಂದರೊಳಗೊಂದನ್ನು ಕಳೆಯಬಹುದು

• ಛೇದಗಳಾದ ೮, ೧೨ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೨೪ ಇದೆ

$\frac{೭}{೮}$ ವಾರ $=\frac{೭\times೩}{೮\times೩}=\frac{೨೧}{೨೪}$ ವಾರ

ಮತ್ತು $\frac{೫}{೧೨}$ ವಾ $=\frac{೫\times೨}{೧೨\times೨}=\frac{೧೦}{೨೪}$ ವಾರ

$\frac{೭}{೮}$ ವಾ $-$ $\frac{೫}{೧೨}$ ವಾ $=\frac{೨೧}{೨೪}-\frac{೧೦}{೨೪}$ ವಾ $=\frac{೧೧}{೨೪}$

(ಅಂಶದಲ್ಲಿ ಅಂಶ ಕಳೆಯಲು)

$\frac{೭}{೮}$ ವಾ $\frac{೫}{೧೨}$ ವಾ $=\frac{೧೧}{೨೪}$ ವಾರ ಉಳಿದ ಅರಿವೆ ಉತ್ತರ,

ಇದೇ ರೀತಿಯನ್ನು ಆಕೃತಿಯಿಂದಲೂ ಮನಗಾಣಿಸಿಕೊಳ್ಳಬಹುದು

೧ ವಾರ ಉದ್ದಳತೆಯು

೧ ೨ ೩ ೪ ೫ ೬ ೭ ೮

$\frac{೭}{೮}$ ವಾರ ಅರಿವೆ ಉದ್ದಳತೆ

೧ ೨ ೩ ೪ ೫ ೬ ೭ ೮ ೯ ೧೦ ೧೧ ೧೨

$\frac{೫}{೧೨}$ ವಾರ ತಕ್ಕೊಳ್ಳಬೇಕಾದ ಭಾಗ

ಮೊದಲಿದ್ದ $\frac{೭}{೮}$ ವಾರ ಅರಿವೆ

ತಕ್ಕೊಳ್ಳುವ ಭಾಗ ಉಳಿದ ಭಾಗ

೧ ವಾರ ಉದ್ದಳತೆಯಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ (೮, ೧೨ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ) ೨೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲಾಗಿ $\frac{೭}{೮}$ ವಾರದಲ್ಲಿ ೨೧ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗುವವು, ಮತ್ತು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಬೇಕಾಗಿರುವ ಉದ್ದಳತೆ $\frac{೫}{೧೨}$ ವಾರದಲ್ಲಿ ೧೦ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗುವವು

• ೨೧ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಿಂದ ೧೦ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಲು (೨೧ − ೧೦ =) ೧೧ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳು ಉಳಿಯುವವು ಇನ್ನು ಒಂದೊಂದು ಸಣ್ಣ ಭಾಗವೆಂದರೆ $\frac{೧}{೨೪}$ ವಾರವಿದ್ದು ಇಂಥವು ೧೧ ಭಾಗಗಳು ಉಳಿದಿವೆ $\frac{೧೧}{೨೪}$ ವಾರ ಅರಿವೆ ಉಳಿಯಿತು ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೨೯)

(೧) $\frac{೧}{೨}$ ಫೂ − $\frac{೧}{೩}$ ಫೂ, (೨) $\frac{೨}{೩}$ ರೂ − $\frac{೧}{೨}$ ರೂ

(೩) $\frac{೪}{೫}$ ಪೌ − $\frac{೨}{೩}$ ಪೌ (೪) $\frac{೫}{೬} - \frac{೩}{೪}$

(೫) $\frac{೧೯}{೨೪} - \frac{೮}{೧೫}$ (೬) $\frac{೨೦}{೨೧} - \frac{೧}{೩} - \frac{೧}{೬}$

(೭) $\frac{೩೫}{೪೮} - \frac{೫}{೧೨} - \frac{೧}{೮}$

(೮) $\frac{೭}{೮}$ ರೂಪಾಯಿಯು $\frac{೫}{೬}$ ರೂ ಗಿಂತ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚಿದೆ ?

(೯) $\frac{೭}{೧೨}$ ಸೇ ಎಣ್ಣೆಯಲ್ಲಿ $\frac{೨}{೭}$ ಸೇರು ಎಣ್ಣೆ ಬಿದ್ದು ಹೋಯಿತು ಆದರೆ ಉಳಿದ ಎಣ್ಣೆ ಎಷ್ಟು ?

(೧೦) $\frac{೫}{೮}$ ಯಾರ್ಡ ರೇಶ್ಮಿ ದಾರದಲ್ಲಿ $\frac{೧}{೨}$ ಯಾರ್ಡ ದಾರವನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಲು ಉಳಿದ ದಾರವೆಷ್ಟು ?

(೧೧) $೧\frac{೧}{೩}$ ಮೈಲುದ್ದ ಹಾದಿಯಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೧೨}$ ಮೈಲು ಹಾದಿ ಡಾಂಬರ ಮಾಡಿಸಿದ್ದು ಇದೆ ಆದರ ಇನ್ನೂ ಡಾಂಬರ ಆಗದೆಯಿರುವ ಹಾದಿ ಎಷ್ಟು?

(೧೨) $\frac{೨}{೩}$ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದಲ್ಲಿ ೫ ಸೇರಿನ ಎರಡು ಕರಣಿಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಲು ಎಷ್ಟು ಮಣ ಬೆಲ್ಲ ಉಳಿಯುವದು? (೪೮ ಸೇರು = ೧ ಮಣ)

ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ವಜಾಬಾಕಿ

ಉದಾ — ನನ್ನ ಹತ್ತಿರಿದ್ದ $೧೨\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ $೬\frac{೫}{೬}$ ರೂ ಹೊಲದ ಹಪ್ತೆಯನ್ನು ಕೊಡಲು ಎಷ್ಟು ಹಣ ಉಳಿಯುವದು ?

ಉಳಿದ ಹಣ $= ೧೨\frac{೩}{೪}$ ರೂ $- ೬\frac{೫}{೬}$ ರೂ	ಮೊದಲು ಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ
$= ೧೨ + \frac{೩}{೪} - ೬ - \frac{೫}{೬}$ ರೂ	ಪೂರ್ಣಾಂಕನ್ನು ಕಳೆಯುವದು
$= ೧೨ - ೬ + \frac{೩}{೪} - \frac{೫}{೬}$ ರೂ	$\frac{೩}{೪}$, $\frac{೫}{೬}$ ಈ ವಿಜಾತೀಯ ಅ ಗಳಿಗೆ
$= ೬ + \frac{೩}{೪} - \frac{೫}{೬}$	ಸಮಚ್ಛೇದ ರೂಪಕೊಡುವದು
$= ೬ + \frac{೯}{೧೨} - \frac{೧೦}{೧೨}$ ರೂ	೪, ೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ
$= ೫ + (೧ + \frac{೯}{೧೨}) - \frac{೧೦}{೧೨}$	೧೨ ಇರುತ್ತದೆ
$= ೫ + \frac{೨೧}{೧೨} - \frac{೧೦}{೧೨}$	$\frac{೩}{೪} = \frac{೩\times೩}{೪\times೩} = \frac{೯}{೧೨}$ ಮತ್ತು
$= ೫ + \frac{೨೧-೧೦}{೧೨}$ ರೂ	$\frac{೫}{೬} = \frac{೫\times೨}{೬\times೨} = \frac{೧೦}{೧೨}$
$= ೫ + \frac{೧೧}{೧೨}$ ರೂ	$\frac{೯}{೧೨}$ ದಲ್ಲಿ $\frac{೧೦}{೧೨}$ ನ್ನು ಕಳೆಯಲು
$= ೫\frac{೧೧}{೧೨}$ ರೂ ಉತ್ತರ	ಬಾರದ್ದರಿಂದ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ

೧ ನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡು $\frac{೧೨}{೧೨}$ ವನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ $\frac{೧೦}{೧೨}$ ಕಳೆಯುವದು

ನಿಯಮ — (೧) ಭಿನ್ನಜಾತಿಯ ಅ ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ಮಾಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಮೊದಲು ಅವುಗಳಿಗೆ ಸಮಛೇದರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು ಆಮೇಲೆ ದೊಡ್ಡ ಅಂಶವುಳ್ಳ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಸಣ್ಣ ಅಂಶದ ಅ ವನ್ನು ಕಳೆಯಬೇಕು ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡುವದು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಹಾಗೆ ಮಾಡಬೇಕು

(೨) ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅ ಗಳ ವಜಾಬಾಕಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದಾದಲ್ಲಿ ಮೊದಲು ಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ಕಳೆಯಬೇಕು ಆಮೇಲೆ ಸಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಸಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು (ಎರಡಕ್ಕೂ ಸಮಚ್ಛೇದ ಕೊಟ್ಟಬಳಿಕ) ಕಳದು ಉಳಿದದ್ದನ್ನು ಉಳಿದ ಪೂರ್ಣಾಂಕದೊಡನೆ ಕೂಡಿಸಿ ಇಡಬೇಕು ಒಂದುವೇಳೆ ಅಧೀನ ಪದವಾದ ಸಮಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ಉಪಪದದ ಸಮಅಪೂರ್ಣಾಂಕವು ಹೋಗದಂತಿದ್ದರೆ, ಉಳಿದ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಲ್ಲಿ ೧ ಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ಮುರಿಸಿಕೊಂಡು ಅಧೀನಪದದ ಸಮಅಪೂರ್ಣಾಂಕದೊಡನೆ ಕೂಡಿಸಿ ಆ ಬಳಿಕ ಕಳೆಯಬೇಕು ಉತ್ತರವನ್ನು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದರೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಇಡಬೇಕು

(೩) ಅಥವಾ ಆರಂಭದಲ್ಲಿಯೇ ಕೊಟ್ಟ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು ಆಮೇಲೆ ಅವುಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಕಳೆಯಬೇಕು

ಮೇಲಿನ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ೩ ನೆಯ ರೀತಿಯಿಂದ ಬಿಡಿಸಿ ನೋಡುವಾ

ನನ್ನಹತ್ತಿರ ಉಳಿದ ಹಣ

$= ೧೨\frac{೩}{೪}$ ರೂ $- ೬\frac{೫}{೬}$ ರೂ

$= \frac{೫೧}{೪} - \frac{೪೧}{೬}$ ರೂ

$= \frac{೫೧ \times ೩}{೪ \times ೩} - \frac{೪೧ \times ೨}{೬ \times ೨}$ ರೂ

$= \frac{೧೫೩}{೧೨} - \frac{೮೨}{೧೨}$ ರೂ

$= \frac{೧೫೩ - ೮೨}{೧೨}$ ರೂ

$= \frac{೭೧}{೧೨}$ ರೂ

ನನ್ನಹತ್ತಿರ ಉಳಿದ ಹಣ

$= ೫\frac{೧೧}{೧೨}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಇವುಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ, ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಡುವದು

ಈ ಅ ಗಳಿಗೆ ಸಮಛೇದರೂಪ ಕೊಡುವದು ೪, ೬ ಗಳ ಲ ಸಾಭಾ. ೧೨ ಇರುತ್ತದೆ

$\frac{೫೧}{೪} = \frac{೫೧ \times ೩}{೪ \times ೩} = \frac{೧೫೩}{೧೨}$

ಮತ್ತು $\frac{೪೧}{೬} = \frac{೪೧ \times ೨}{೬ \times ೨} = \frac{೮೨}{೧೨}$

ಪೂರ್ಣಾಂಕ ಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪಕೊಡುವದು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೦) (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ರಿಂದ ೫)

(೧) ೮ ೩/೪ ರೂ − ೬ ೧/೩ ರೂ (೨) ೭ ೩/೪ ಪೌ − ೫ ೧/೬ ಪೌ
(೩) ೩ ೫/೮ ತೊ − ೨ ೧/೩ ತೊ (೪) ೧೨ ೧/೪ ದಿವಸ − ೯ ೧/೬ ದಿವಸ,
(೫) ೫ ೧/೩ ಪೈ − ೩ ೧/೪ ಪೈ (೬) ೧೫ ೭/೧೨ − ೮ ೩/೪ − ೫ ೧/೩
(೭) ೨೭ ೭/೨೦ − ೧೮ ೭/೧೦ − ೩ ೧/೩

(೮) ನನ್ನಹತ್ತಿರ ೧೨ ೫/೧೬ ರೂ ಇದ್ದವು ಸಂತೆಯದಿವಸ ಅದರಪೈಕಿ ೮ ೫/೬ ರೂ ಗಳು ತೀರಿದವು ಆದರೆ ಉಳಿದ ರೂಪಾಯಿಗಳೆಷ್ಟು?

(೯) ೭ ೩/೪ ಮಣ ಜೋಳದ ಸಂಗ್ರಹದಲ್ಲಿ ೪ ೫/೬ ಮಣ ಜೋಳ ತೀರಿತು. ಆದರೆ ಉಳಿದ ಜೋಳವೆಷ್ಟು?

(೧೦) ೮ ೨/೧೩ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರದೊಳಗಿಂದ ಒಂದು ಜೋಡಿ ಬಳಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಸಿ ಉಳಿದ ಬಂಗಾರ ೩ ೫/೬ ತೊಲಿ ಇದ್ದರೆ ಆ ಬಳಗಳ ತೂಕವೆಷ್ಟು?

(೧೧) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನು ೧೧೦ ೭/೧೬ ರೂ ಪಗಾರದಲ್ಲಿ ಪ್ರತಿ ತಿಂಗಳ ೧೫ ೯/೧೬ ರೂಪಾಯಿಗಳನ್ನು ಬ್ಯಾಂಕಿನಲ್ಲಿಟ್ಟರೆ ಅವನ ತಿಂಗಳ ವೆಚ್ಚವೆಷ್ಟು?

(೧೨) ೮ ೫/೬ ವಾರ ಅರಿವೆಯಲ್ಲಿ ಶರ್ಟಿಗಾಗಿ ೫ ೩/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಲಾಗಿ ಉಳಿದ ಅರಿವೆಯು ಎಷ್ಟು ವಾರವಿದೆ?

(೧೩) ಶಂಕರನು ೩ ೧/೪ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಇತಿಹಾಸವನ್ನೂ, ೨ ೫/೮ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಗಣಿತವನ್ನೂ ಕೊಂಡು ೫ ರೂ ಗಳ ನೋಟನ್ನು ಕೊಟ್ಟನು ಆದರೆ ತಿರುಗಿ ಅವನಿಗೆಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ದೊರೆಯುತ್ತವೆ?

(೧೪) ೧೬ ೩/೮ ರೂ − ? = ೧೨ ೭/೧೬ ರೂ

(೧೫) ೩ ೫/೮ ಪೌ + ? = ೫ ೭/೮ ಪೌ ಈ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿ ಬಿಟ್ಟ ಪದಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೧೬) ಧಾರವಾಡದಿಂದ ಬೆಳಗಾವಿಗೆ ಉಗಿಬಂಡಿಯಿಂದ ಹೋದರೆ ೩ ೭/೧೫ ತಾಸು ಹಿಡಿಯುತ್ತದೆ, ಮೋಟಾರಿನಿಂದ ಪ್ರವಾಸ ಮಾಡಿದರೆ ೨ ೧/೪ ತಾ ಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಆದರೆ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಯಾವದರಿಂದ ಹೆಚ್ಚು ಬೇಗನೆ ಹೋಗಬಹುದು? ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಉಳಿತಾಯವಾಗುವದು?

(೧೭) ಎರಡು ಅ ಗಳ ಬೇರೀಜು ೧೫ ೩/೮ ಇದ್ದು ಅವುಗಳಲ್ಲೊಂದು ೮ ೧೧/೧೨ ಇದ್ದರೆ ಮತ್ತೊಂದು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಾವದು?

(೧೮) ೬$\frac{೧}{೩}$ ನೇ ಎಣ್ಣೆಯಲ್ಲಿ ೪$\frac{೫}{೭}$ ಸೇರು ದೀಪಕ್ಕಾಗಿ, ಉಳಿದದ್ದು ಅಡಿಗೆಗಾಗಿ ಖರ್ಚಾದರೆ ಅಡಿಗೆಗೆ ಖರ್ಚಾದ ಎಣ್ಣೆ ಎಷ್ಟು ?

(೧೯) ಧಾರವಾಡ, ಬೆಳಗಾವಗಳ ನಡುವೆ ೪೮$\frac{೩}{೪}$ ಮೈಲು ಅಂತರವಿದೆ ಧಾರವಾಡದಿಂದ ಬೆಳಗಾವಿಗೆ ಹೊರಟ ಮೋಟಾರು ೨೭$\frac{೫}{೧೬}$ ಮೈಲು ಅಂತರ ಚಲಿಸಿತು ಆದರೆ ಇನ್ನು ಬೆಳಗಾವ ಎಷ್ಟು ದೂರದಲ್ಲಿದೆ ?

(೨೦) ೨೫ ಫೂಟ ಉದ್ದವಾದ ಕಂಬವನ್ನು ಒಂದು ಕೆರೆಯಲ್ಲಿ ನಿಲ್ಲಿಸಿದೆ ಅದು ೩$\frac{೪}{೫}$ ಫೂ ಭೂಮಿಯಲ್ಲಿಯೂ, ೧೮$\frac{೧}{೩}$ ಫೂ ನೀರಲ್ಲಿಯೂ ಇದೆ ಆದರೆ ನೀರಹೊರಗೆ ಹಾಯ್ದ ಭಾಗವೆಷ್ಟು ?

ಬೇರೀಜು ವಜಾಬಾಕಿಗಳ ಪದಾವಳಿ

ಉದಾ — ೨$\frac{೧}{೩}$ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಒಂದು ಇತಿಹಾಸವನ್ನೂ ೧$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಕೊಟ್ಟು ಭೂಗೋಲನ್ನೂ ಕೊಂಡು ಅವನಿಗೆ ಕೆಲವು ಹಳೇ ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ೨$\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗೆ ಮಾರಿದೆನು ಇದಲ್ಲದೆ ಮೊದಲು ನನ್ನ ಹತ್ತರ ೫ ರೂ ಗಳ ಒಂದು ನೋಟ ಇತ್ತು ಹಾಗಾದರೆ ನನ್ನಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಹಣವಷ್ಟು ?

ರೀತಿ — ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿದಂತೆ ನನ್ನ ಹತ್ತರ ಇದ್ದ ಒಟ್ಟು ಹಣ ವಂದರೆ ೫ ರೂ ಗಳೂ ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಮಾರಿ ಬಂದ ಹಣ ೨$\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗಳೂ ಇದ್ದವು ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಇತಿಹಾಸಕ್ಕಾಗಿ ೨$\frac{೧}{೩}$ ರೂ ಮತ್ತು ಭೂಗೋಲಕ್ಕಾಗಿ ೧$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಕೊಟ್ಟನು ನನ್ನ ಹತ್ತರ ಉಳಿದ ಹಣ= ೫ ರೂ + ೨$\frac{೫}{೮}$ ರೂ − ೨$\frac{೧}{೩}$ ರೂ − ೧$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ

ರೀತಿ — (೧) ಅಧಿಕ ಪದಗಳ ಬೇರೀಜಿನಲ್ಲಿ ಉಣೆ ಪದಗಳನ್ನು ಒಂದೊಂದಾಗಿ ಕಳೆಯುವದು ಅಥವಾ (೨) ಕಳೆಯತಕ್ಕ ಎಲ್ಲ ಪದಗಳನ್ನು ಕೂಡಿಸಿ ಅಧಿಕಪದಗಳ ಬೇರೀಜಿನಲ್ಲಿ ಕಳೆಯುವದು (ಯಾವ ಚಿನ್ಹವೂ ಇಲ್ಲದ ಮೊದಲಿನ ಪದವು ಯಾವಾಗಲೂ ಅಧಿಕಪದವೆಂದು ತಿಳಿಯತಕ್ಕದ್ದು)

(೧) ೫ + ೨$\frac{೫}{೮}$ − ೨$\frac{೧}{೩}$ − ೧$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ

= (೫ + ೨ − ೨ − ೧) + $\frac{೫}{೮}$ − $\frac{೧}{೩}$ − $\frac{೫}{೧೬}$

ಮೊದಲು ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳನ್ನು ಬೇರೆ ಮಾಡಿ ಕೂಡಿಸುವದು

= (೭ − ೨ − ೧) + $\frac{೫}{೮}$ − $\frac{೧}{೩}$ − $\frac{೫}{೧೬}$

= ೪ + $\frac{೫}{೮}$ − $\frac{೧}{೩}$ − $\frac{೫}{೧೬}$ ಅಗಳಿಗ ಸಮುಚ್ಛೇದ ಕೂಡುವದು

∴ ೮, ೨, ೧೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ. ೧೬

$= ೪ + \frac{೧೦}{೧೬} - \frac{೮}{೧೬} - \frac{೫}{೧೬}$

$= ೪ + \frac{೧೦-೮}{೧೬} - \frac{೫}{೧೬}$

$= ೪ + \frac{೨}{೧೬} - \frac{೫}{೧೬}$ ಆದರೆ $\frac{೨}{೧೬}$ ದಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೧೬}$ ಹೋಗುವದಿಲ್ಲ ೪ ರಲ್ಲಿ ೧ ಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ತಕ್ಕೊಳ್ಳುವದು

$= ೩ + (೧ + \frac{೨}{೧೬}) - \frac{೫}{೧೬}$

$= ೩ + \frac{೧೮}{೧೬} - \frac{೫}{೧೬}$

$= ೩ + \frac{೧೮-೫}{೧೬} = ೩ + \frac{೧೩}{೧೬} = ೩\frac{೧೩}{೧೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

(೨) ಅಥವಾ $೫ + ೨\frac{೫}{೮} - ೨\frac{೧}{೨} - ೧\frac{೫}{೧೬}$ ಈ ಪದಾವಳಿಯಲ್ಲಿ ಅಧಿಕ ಉಣೆ ಪದಗಳನ್ನು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಕೂಡಿಸುವದು

ಅಧಿಕಪದಗಳ ಬೇರೀಜು $= ೫ + ೨\frac{೫}{೮} = ೭\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಉಣೆ ಪದಗಳ ಬೇರೀಜು $= ೨\frac{೧}{೨} + ೧\frac{೫}{೧೬}$

$= ೨ + ೧ + \frac{೧}{೨} + \frac{೫}{೧೬} = ೩ + \frac{೧}{೨} + \frac{೫}{೧೬}$ ಅ ಗಳಿಗೆ ಸಮ ಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಡುವದು ೨ ೧೬ ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೧೬

$= ೩ + \frac{೮}{೧೬} + \frac{೫}{೧೬}$

$= ೩ + \frac{೮+೫}{೧೬} = ೩ + \frac{೧೩}{೧೬} = ೩\frac{೧೩}{೧೬}$

ಅಧಿಕಪದಗಳ ಬೇರೀಜದಲ್ಲಿ ಉಣೆಪದಗಳ ಬೇರೀಜನ್ನು ಕಳೆಯುವದು

∴ $೭\frac{೫}{೮} - ೩\frac{೧೩}{೧೬} = ೭ - ೩ + \frac{೫}{೮} - \frac{೧೩}{೧೬}$

$= ೪ + \frac{೫}{೮} - \frac{೧೩}{೧೬}$ [೮, ೬ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೧೬]

$= ೪ + \frac{೧೦}{೧೬} - \frac{೧೩}{೧೬}$

$= ೩+(೧+\frac{೧೦}{೧೬}) - \frac{೧೩}{೧೬}$ [$\frac{೧೦}{೧೬}$ದಲ್ಲಿ $\frac{೧೩}{೧೬}$ ಹೋಗುವದಿಲ್ಲ]

$= ೩ + \frac{೨೬}{೧೬} - \frac{೧೩}{೧೬}$

$= ೩ + \frac{೨೬}{೧೬} - \frac{೧೩}{೧೬}$

$= ೩ + \frac{೧೩}{೧೬} = ೩\frac{೧೩}{೧೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

೨ನೆಯರೀತಿ— ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟ ಬಳಿಕ ಅವುಗಳಿಗೆಲ್ಲ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಡುವದು ಆಮೇಲೆ ಕ್ರಮದಂತೆ ಬಿಡಿಸುವದು

$೫ + ೨\frac{೫}{೮} - ೨\frac{೧}{೨} - ೧\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ $= \frac{೫}{೧} + \frac{೨೧}{೮} - \frac{೫}{೨} - \frac{೨೧}{೧೬}$ [ಸಮಚ್ಛೇದ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟರೆ ಲ ನಾಭಾ = ೧೬]

$= \frac{೮೦}{೧೬} + \frac{೪೨}{೧೬} - \frac{೪೦}{೧೬} - \frac{೨೧}{೧೬}$

$= \frac{೮೦ + ೪೨ - ೪೦ - ೨೧}{೧೬}$

$= \frac{೬೧}{೧೬}$ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ರೂಪಕೊಡಲು

$= ೩\frac{೧೩}{೧೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಈ ರೀತಿ ಒಮ್ಮೊಮ್ಮೆ ಸುಲಭವಾಗುವದು

ಕಂಸಗಳು

( ), { }, ಮತ್ತು [ ] ಇವುಗಳಿಗೆ ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ದುಂಡಕಂಸ, ಮೀಸೆಕಂಸ ಮತ್ತು ಚೌಕಕಂಸಗಳೆಂದು ಕರೆಯುವರು ಕಂಸದೊಳಗಿರುವ ಪದಗಳೆಲ್ಲ ಒಂದೇಗುಂಪು ಎಂದು ತಿಳಿಯುತಕ್ಕದ್ದು ಅಂದರೆ ಕಂಸದೊಳಗಿನ ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿ ಬಿಡಿಯಾಗಿ ತಕ್ಕೊಂಡು ಹೊರಗಿನ ಪದಗಳಕೂಡ ಸಂಬಂಧ ಹಚ್ಚುವಂತಿಲ್ಲ ಆದ್ದರಿಂದ ಮೊದಲು ಕಂಸದೊಳಗಿನ ಪದಗಳನ್ನೆಲ್ಲ ಬಿಡಿಸಿ ಬಂದದ್ದನ್ನು ಕಂಸಿನ ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿಡತಕ್ಕದ್ದು ಮತ್ತು ಪದಗಳ ಕ್ರಮದಂತೆ ಬಿಡಿಸತಕ್ಕದ್ದು

ಉದಾ — $(\frac{೫}{೬} - \frac{೧}{೨}) - (\frac{೩}{೪} - \frac{೨}{೩})$ ಸರಳರೂಪಕೊಡಿರಿ

ಮೊದಲಿನ ಕಂಸದಲ್ಲಿಯ ಪದಗಳು $\frac{೫}{೬} - \frac{೧}{೨}$ ಇವು ವಿಜಾತಿಯ ಅ ಗಳು

$= \frac{೫}{೬} - \frac{೩}{೬} = \frac{೫-೩}{೬}$ ∵ ೨,೬ಗಳ ಲ ಸಾ ಭಾ ೬

$= \frac{೨}{೬}$

ಎರಡನೆಯ ಕಂಸದಲ್ಲಿಯ ಪದಗಳು

$= \frac{೩}{೪} - \frac{೨}{೩}$ ಇವು ವಿಜಾತಿಯ ಅ ಗಳು ೪, ೩ ಗಳ ಲ ನಾ ಭಾ = ೧೨.

$= \frac{೯}{೧೨} - \frac{೮}{೧೨} = \frac{೯-೮}{೧೨} = \frac{೧}{೧೨}$

೧ನೆಯ ಕಂಸ − ೨ನೆಯ ಕಂಸ $= \frac{೨}{೬} - \frac{೧}{೧೨}$ [ಲ ಸಾ ಭಾ = ೧೨]

$= \frac{೪}{೧೨} - \frac{೧}{೧೨}$

$= \frac{೪-೧}{೧೨} = \frac{೩}{೧೨} = \frac{೧}{೪}$ [ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪಕೊಡಲು] $\frac{೧}{೪}$ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೧) ಗುಂಪು ೧

(೧) $೧\frac{೨}{೩}+೧\frac{೨}{೪}-\frac{೨}{೩}$, (೨) $೪+\frac{೫}{೬}-೩\frac{೭}{೮}$,

(೩) $೩\frac{೧}{೩}+೧\frac{೧}{೮}-೨\frac{೫}{೧೨}$, (೪) $೧೦\frac{೬}{೭}-೩\frac{೧}{೩}-೪\frac{೧೬}{೨೧}$,

(೫) $೧೨\frac{೫}{೬}-೪\frac{೭}{೧೫}-೩\frac{೭}{೧೦}$, (೬) $೮\frac{೨}{೩}-೧\frac{೭}{೯}-೩\frac{೧}{೨}$,

(೭) $\frac{೭}{೮}+\frac{೨}{೫}+\frac{೨}{೩}-೧\frac{೧}{೧೩}$ (೮) $೧\frac{೩}{೫}-೧\frac{೧}{೪}+೨\frac{೫}{೮}-೧\frac{೩}{೧೦}$,

(೯) $೬\frac{೨}{೮}+\frac{೫}{೧೨}-೩\frac{೧}{೪}-೨\frac{೨}{೩}$, (೧೦) $೧೨\frac{೧}{೩}-೬\frac{೩}{೪}-೧\frac{೭}{೧೨}-೨\frac{೧}{೮}$,

(೧೧) $೧೫\frac{೧}{೪}-೬\frac{೧}{೮}-೫\frac{೧}{೧೦}+೨\frac{೧}{೫}$, (೧೨) $೨\frac{೧೯}{೩೦}-\frac{೫}{೬}-\frac{೪}{೫}-\frac{೨}{೩}$

ಗುಂಪು ೨ [ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦]

(೧) (೭ + ೨) − ೯ (೨) ೩ − (೫ − ೪)

(೩) ೧೨ + ೫ + (೮ ೫) (೪) ೮ − (೪ + ೩) + ೨

(೫) (೧೨ + ೫) − ೬ + ೨ (೬) (೨೦ − ೮) + ೧೨ − ೧೦

(೭) (೬ + ೩) − (೯ + ೨) (೮) (೭ − ೨) − (೮ − ೪)

(೯) ೧ + (೩ + ೪ − ೫) (೧೦) ೬ − (೫ + ೩ − ೪)

(೧೧) $(೩\frac{೧}{೨}+೨\frac{೨}{೩})-೪\frac{೭}{೧೨}$ (೧೨) $೪\frac{೧}{೬}+(೨\frac{೧}{೧೫}-೧\frac{೭}{೧೦})$

(೧೩) $೬\frac{೨}{೩}-(\frac{೩}{೪}+೯\frac{೭}{೮})$ (೧೪) $೨+೩\frac{೩}{೪}-(೬\frac{೧}{೮}-೪\frac{೫}{೬})$

(೧೫) $೩\frac{೧}{೨}-(೧\frac{೧}{೩}+\frac{೧}{೬})+\frac{೪}{೫}$ (೧೬) $೬\frac{೧}{೭}-(೫\frac{೧}{೩}-೧\frac{೨}{೫})+\frac{೫}{೮}$

(೧೭) $(೬+೨\frac{೧}{೪})-(೪+೧\frac{೫}{೬})$ (೧೮) $(೭\frac{೧}{೫}-೨\frac{೩}{೪})-(೩\frac{೧}{೭}-೧\frac{೫}{೧೨})$

(೧೯) $೮\frac{೧}{೩}-(೧\frac{೨}{೩}+೨\frac{೩}{೪}-\frac{೫}{೬})$ (೨೦) $(೯\frac{೭}{೮}+೧\frac{೫}{೬}-೩\frac{೩}{೪})-೪\frac{೧೩}{೨೪}$

ಗುಂಪು ೩

(೧) ಒಂದು ಸಂತೆಯ ದಿನ ೧೦ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ $೪\frac{೫}{೬}$ ರೂ ಗಳ ಕಾಳನ್ನೂ $೩\frac{೩}{೪}$ ರೂ. ಗಳ ಕಿರಾಣಿ ಸಾಮಾನನ್ನೂ ಕೊಂಡರೆ ಉಳಿದ ರೂ ಗಳೆಷ್ಟು ?

(೨) ಮಲ್ಲಪ್ಪನು ತನ್ನ $೧೨\frac{೫}{೮}$ ಎಕರೆ ಭೂಮಿಯಲ್ಲಿ $೬\frac{೫}{೬}$ ಎಕರ ಜೋಳವನ್ನೂ $೨\frac{೧}{೪}$ ಎಕರ ಸಜ್ಜೆಯನ್ನೂ ಉಳಿದ ಭೂಮಿಯಲ್ಲಿ ಶೇಂಗಾವನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದ್ದಾನೆ. ಆದರೆ ಶೇಂಗಾ ಬಿತ್ತಿದ ಭೂಮಿಯೆಷ್ಟು ?

(೩) $೬\frac{೩}{೪}$ ವಾರ ಮತ್ತು $೭\frac{೧}{೧೨}$ ವಾರ ಉದ್ದವಿದ್ದ ಎರಡು ಅರಿವೆಯ ತುಂಡುಗಳಲ್ಲಿ $೫\frac{೨}{೪}$ ವಾರಿಗೆ ಜೋಡಿಯಂತೆ ಎರಡು ಜೋಡು ಅಂಗಿಗಳನ್ನು ಹೊಲಿಸಲು ಉಳಿಯುವ ಅರಿವೆಯೆಷ್ಟು ?

(೪) ಶಾಮರಾಯರು ತಮ್ಮ ೩ ಹೊಲಗಳ ಹಸ್ತೆ ೪೮೫/೮ ರೂ ಗಳನ್ನು ಕೊಡುತ್ತಾರೆ ೧ನೆಯ, ೨ನೆಯ ಹೊಲಗಳ ಹಸ್ತೆ ಅನುಕ್ರಮವಾಗಿ ೧೨೩/೪ ರೂ, ೧೫೨/೫ ರೂ ಗಳಿದ್ದರೆ ೩ನೆಯ ಹೊಲದ ಹಸ್ತೆ ಎಷ್ಟು ?

(೫) ನನ್ನ ಹತ್ತಿರ ೩ ರೂ ೫ ಆ ಇದ್ದವು ನಮ್ಮ ಅಣ್ಣನು ೧೨೩/೪ ರೂ ಗಳನ್ನು ಮನಿಆರ್ಡರಿನಿಂದ ನನಗೆ ಕಳಿಸಿದನು ಅದರಲ್ಲಿ ೭೧೫/೧೬ ರೂ ಗಳನ್ನು ಸಾಲೆಯ ಫೀಗಾಗಿ ಕೊಟ್ಟು ೧೩/೮ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಒಂದು ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ನನ್ನ ಹತ್ತಿರ ಉಳಿದ ಹಣವೆಷ್ಟು ?

(೬) ನಮ್ಮ ತಂದೆಯಹತ್ತಿರಿದ್ದ ೧೨೩/೮ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಅವನು ನನ್ನ ತಮ್ಮನ ಫೀಗೆಂದು ೪೫/೧೬ ರೂ ಗಳನ್ನೂ ನನಗೆ ಅವನಿಗಿಂತ ೩/೪ ರೂ ಹೆಚ್ಚು ಹಣವನ್ನೂ ಕೊಟ್ಟರೆ ಅವನ ಹತ್ತಿರ ಉಳಿದ ಹಣವೆಷ್ಟು ?

(೭) ೧೫೧/೮ ಫೂಟು ರೇಶಿಮೆಯ ದಾರದಲ್ಲಿ ಸಾವಿತ್ರಿಯು ೬೩/೪ ಫೂ ದಾರವನ್ನೂ ಸುಭದ್ರೆಯು ಸಾವಿತ್ರಿಗಿಂತ ೧೨/೩ ಕಡಿಮೆ ದಾರವನ್ನೂ ತಕ್ಕೊಂಡರೆ ಉಳಿದ ದಾರವೆಷ್ಟು ?

(೮) ೬೩/೪ ಮತ್ತು ೫೧/೬ ಇವುಗಳ ಬೇರೀಜಿನಲ್ಲಿ ಇನ್ನೆಷ್ಟು ಕೂಡಿಸಿದರೆ ೮೫/೧೦ ಬರುವದು ?

(೯) ೧೫/೬ ಮತ್ತು ೩೪/೫ ಇವುಗಳ ಬೇರೀಜನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಕಳೆದರೆ ೨೧೪/೧೫ ಉಳಿಯುವದು ?

(೧೦) ಒಂದು ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಜನರಲ್ಲಿ ೩/೫ ಜನರು ಒಕ್ಕಲಿಗರು, ೧/೩ ಜನರು ನೇಕಾರರು, ಉಳಿದವರು ಕೂಲಿಕಾರರಿದ್ದರೆ ಒಟ್ಟು ಜನರ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ಕೂಲಿಯವರಿದ್ದಂತಾಯಿತು ?

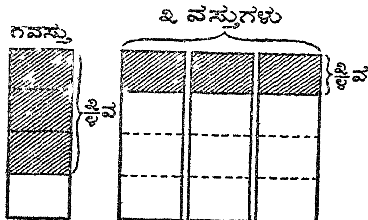
ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಗುಣಾಕಾರ

(ಪ್ರಾಸ್ತಾವಿಕ ಕಲ್ಪನೆ)

೩/೪ ವಸ್ತುವೆಂದರೆಷ್ಟು ? ೧ ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೩ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಎಂದರ್ಥ, ಅಂದರೆ ೧/೪ ಭಾಗದಂಥ ೩ ತುಂಡುಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಎಂದು ಇದನ್ನೇ ಬೇರೊಂದು ವಿಧದಿಂದಲೂ ಹೇಳಬಹುದೆಂಬದನ್ನು ಲಕ್ಷದಲ್ಲಿಡಿರಿ ೩/೪ ವಸ್ತುವೆಂದರೆ ೩ ವಸ್ತುಗಳಲ್ಲಿ ಕೂಡಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೧ ಭಾಗವನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಎಂದು

ಇದೇ ಮಾತನ್ನು ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಗಳಿಂದಲೂ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು

೩/೪ ರೂ = ೧/೪ ರೂ ದಂಥ ೩ ಭಾಗಗಳು ಅಂದರೆ ೩ ಪಾವಲಿಗಳು ಇನ್ನು ೩ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಒಂದೊಂದು ಭಾಗವು ೩ ಪಾವಲಿಗಳದಾಗುವದು



೩/೪ = ೧/೪ ದಂಥ ೩ ಭಾಗಗಳು, ಅಂದರೆ ೧/೪ + ೧/೪ + ೧/೪ (೧)

ಮತ್ತು ೩/೪ = ೩ ರ ೧/೪ ಭಾಗ . (೨)

ಹೀಗೆಯೇ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ಎರಡು ಬಗೆಯಿಂದಲೂ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು

ಗುಣಾಕಾರದ ಭಿನ್ನರೂಪ

(ಗುಣಾಕಾರವು ಬೇರೀಜಿನ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ)

ಉದಾ —(೧) ೮+೮+೮+೮+೮+೮, (೬ ಸಾರೆ) = ೮×೬ ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದ ವಿಷಯವು . . . . .. (೧)

ಅಥವಾ ೮ರ ೬ ಪಟ್ಟು = ೮×೬ . (೨)

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯಿಂದ ಗುಣಿಸುವದು

(ಭಾಗ ೧)

ಉದಾ - ೧ ಗಣಿತ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ೨/೫ ರೂ ಯಂತೆ ೩ ಪುಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು?

ವಿವರಣೆ — ಗುಣಾಕಾರವು ಬೇರೀಜಿನ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪವೆಂಬದು ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಿದೆ ಅದರಂತೆ ಕ್ರಮವಾಗಿ ೩ ಪುಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕೊಂಡ ಕೋಡಂತೆ ಕೂಡಲು ೧ನೆಯ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ೨/೫ ರೂ, ೨ನೆಯ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ೨/೫ ರೂ, ೩ನೆಯ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ೨/೫ ರೂ

ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆ = ೨/೫ + ೨/೫ + ೨/೫ ರೂ ಇವು ಸಜಾತಿಯ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳು

= (೨+೨+೨)/೫ ರೂ

= (೨×೩)/೫ ರೂ [= ೬/೫ = ೧ ೧/೫ ರೂ]

ಇನ್ನು $\frac{೭}{೮}$ ರೂ ಯನ್ನು ೩ಸಾರೆ ಇಟ್ಟು ಬೇರೀಜು ಮಾಡುವದೆಂದರೆ $\frac{೭}{೮}$ ರೂ × ೩

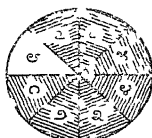
$$\frac{೭}{೮} \text{ ರೂ} \times ೩ = \frac{೭\times೩}{೮} \text{ ರೂ} \quad \left[= \frac{೨೧}{೮} \text{ ರೂ} = ೨\frac{೫}{೮} \text{ ರೂ}\right]$$

ಇಲ್ಲಿ ಬಲಗಡೆಯ $\frac{೨೧}{೮}$ ರೂ ಹೇಗ ಬಂದಿತೆಂಬದನ್ನು ನೋಡಲು $\frac{೭}{೮}$ ದಲ್ಲಿಯ ಅಂಶವಾದ ೭ಕ್ಕೆ ೩ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಬಂದದ್ದನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಟ್ಟು ಛೇದವನ್ನು (೮ನ್ನು) ಹಾಗೆಯೇ ಇಟ್ಟದೆ ಎಂಬದು ತಿಳಿಯುತ್ತದೆ ಅಥವಾ ಇದನ್ನೇ ಇನ್ನೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದಲೂ ಬರೆದು ತೋರಿಸಬಹುದು

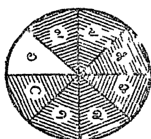
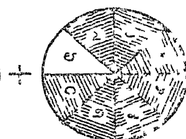
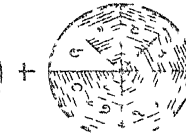
$$\frac{೭}{೮} \times ೩ = \frac{೭}{೮} \times \frac{೩}{೧} \text{ ರೂ} = \frac{೭\times೩}{೮\times೧} = \frac{(\text{ಅಂಶ, ಅಂಶಗಳ ಗುಣಾಕಾರ})}{(\text{ಛೇದ, ಛೇದಗಳ ಗುಣಾಕಾರ})}$$

ಆಕೃತಿಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ 




= $\frac{೭}{೮}$ ರೂ

ಪುಸ್ತಕಗಳು + + = ಗಳು ೩

 +  + 

$$\frac{೭}{೮} \text{ ರೂ} \times ೩ = \frac{೭\times೩}{೮} \text{ ರೂ} = \frac{೨೧}{೮} \text{ ರೂ} \quad \left[= ೨\frac{೫}{೮} \text{ ರೂ}\right]$$

ಮೇಲಿನ ನಿಯಮವನ್ನೇ ಸಿದ್ಧಮಾಡುತ್ತದೆ

ತಾಳೆ — ೧ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ $\frac{೭}{೮}$ ರೂ ಅಂದರೆ ೭ ಚವಲಿಗಳು

∴ ೩ ಪುಸ್ತಕಗಳಿಗೆ ೭ × ೩ = ೨೧ ಚವಲಿಗಳು (೧ಚವಲಿ = $\frac{೧}{೮}$ ರೂ)

∴ ೨೧ ಚವಲಿಗಳು = $\frac{೨೧}{೮}$ ರೂ ಗಳು = $೨\frac{೫}{೮}$ ರೂ.

ಉದಾ — (೨) ಒಂದು ತಂಬಿಗೆಗೆ $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಆದರೆ ೫ ತಂಬಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು?

ತಂಬಿಗೆ ⓪ ತಂಬಿಗೆಗಳು ⓪+⓪+⓪+⓪+⓪=⓪ ತಂಬಿಗೆಗಳು ೫

೧ ರ ಬೆಲೆ $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಬೆಲೆ $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ. + $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ + $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ + $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ + $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ = $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಗಳು ೫ ಸಾರೆ.

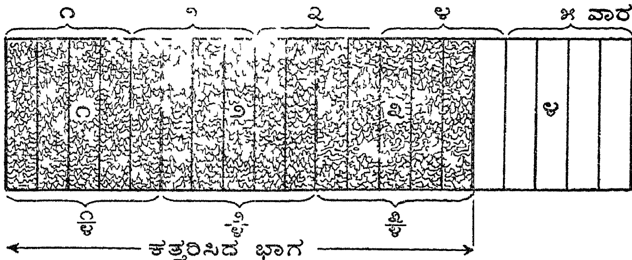
∴ ೫ ⓪ ಗಳ ಬೆಲೆ = $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ × ೫ = $\frac{೯}{೪}$ ರೂ × ೫ ($೨\frac{೧}{೪}$ಕ್ಕ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಲು)

= $\frac{೯\times೫}{೪}$ = $\frac{೪೫}{೪}$ ರೂ = $೧೧\frac{೧}{೪}$ ರೂ (ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ರೂಪ ಕೂಡಲು)

(ಭಾಗ ೨)

ಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಂದ ಗುಣಿಸುವದು

ಉದಾ — (೧) ೫ ವಾರ ಉದ್ದವಾದ ರೇಶ್ಮಿ ಅರಿವೆಯ $\frac{೩}{೪}$ ಭಾಗವನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟುವಾರ ಅರಿವೆ ದೊರೆಯುವದು? (ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ.)



ಇಲ್ಲಿ ಕತ್ತರಿಸಿಕೊಂಡ ಅರಿವೆಯೆಂದರೆ ೫ ವಾರಿನ $\frac{೩}{೪}$ ಭಾಗ = ೫ × $\frac{೩}{೪}$

ಇನ್ನು ೫ ವಾರಿನ $\frac{೩}{೪}$ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೫ವಾರ ಉದ್ದಳತೆಯಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೪ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೩ ಭಾಗಗಳನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡದ್ದು ಎಂದರ್ಥ ಇನ್ನು ಒಂದೊಂದು ವಾರದಲ್ಲಿ ೪ ರಂತೆ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲಾಗಿ ಇಡೀ ೫ ವಾರ ಉದ್ದಳತೆಯಲ್ಲಿ ೨೦ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಆದ್ದರಿಂದ ೫ ವಾರ

ದಲ್ಲಿ ೪ ಭಾಗ ಮಾಡುವದೆಂದರೆ ೨೦ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ೪ ಪಾಲು ಮಾಡುವದು . ೧ ಪಾಲಿನಲ್ಲಿ ($\frac{೨೦}{೪}$ =) ೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆ ಇಂಥ ೩ ಪಾಲುಗಳಲ್ಲಿ ೫ × ೩ = ೧೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆ ಕತ್ತರಿಸಿ ತಕ್ಕೊಂಡ ಭಾಗನೆಂದರೆ ೫ × ೩ = ೧೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಷ್ಟು ತಕ್ಕೊಂಡಂತಾಯಿತು ಇನ್ನು ಒಂದು ಸಣ್ಣಭಾಗವೆಂದರೆ $\frac{೧}{೪}$ ವಾರವಿದ್ದುಅಂಥ (೫ × ೩ =) ೧೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳೆಂದರೆ ($\frac{೫ \times ೩}{೪}$ =) $\frac{೧೫}{೪}$ ವಾ ೫ ವಾ × $\frac{೩}{೪}$ = $\frac{೫ \times ೩}{೪}$ ವಾ = $\frac{೧೫}{೪}$ ವಾ = (೩$\frac{೩}{೪}$ ವಾರ) ಇದನ್ನೇ ಬೇರೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ಬರೆಯಬಹುದು ೫ ವಾ × $\frac{೩}{೪}$ = $\frac{\text{೫ (ಪೂರ್ಣಾಂಕ) × ೩ (ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯ ಅಂಶ)}}{\text{೪ (ಛೇದ)}}$

ಇದೇ ನಿಯಮವೆಂದು ತಿಳಿಯಬಹುದು

ನಿಯಮ — ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ, ಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಗುಣಿಸುವದಾದಲ್ಲಿ ಮೊದಲು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಿದ್ದರೆ ಅದಕ್ಕೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪಕೊಟ್ಟು ಅದರ ಅಂಶಕ್ಕೆ ಗುಣಿಸತಕ್ಕ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಅಥವಾ ಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಅಂಶದಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಅಂಶದ ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿಡಬೇಕು ಕೆಳಗೆ ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ಛೇದವನ್ನು ಇಡಬೇಕು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು

ಮಾ ಲೆಕ್ಕ:— ಒಂದುವಾರ ಕೋಟಿನ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ೧$\frac{೩}{೮}$ ರೂ, ಅದರೆ ೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

ಮೊದಲು ೧$\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಗೆ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ರೂಪ ಕೊಡಲಾಗಿ ಅದು $\frac{೧೧}{೮}$ ರೂ ಆಯಿತು

೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ = $\frac{೧೧}{೮}$ ರೂ. × ೪

= $\frac{೧೧}{೨}$ ರೂ (ಅತಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಲಾಗಿ

= $\frac{೧೧}{೨}$ ರೂ = ೫$\frac{೧}{೨}$ ರೂ

∴ ೪ ವಾರ ಅರಿವಯ ಬೆಲೆ = ೫$\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೨)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೩ರಿಂದ ೮)

(೧) ಆಕೃತಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಸಿದ್ಧಮಾಡಿರಿ

$\frac{೩}{೮}\times ೫ = ೧\frac{೭}{೮}$, $\frac{೪}{೯}\times ೩ = ೧\frac{೧}{೩}$, $\frac{೭}{೧೦}\times ೪ = ೨\frac{೪}{೫}$

(೨) $\frac{೧}{೬}\times ೬ = ೧$, $\frac{೩}{೫}\times ೫ = ೩$, ಮತ್ತು $\frac{೪}{೭}\times ೧೪ = ೮$,

(೩) ಒಂದು ಪಾಟಿಯಬೆಲೆ $೧\frac{೭}{೬}$ ರೂ. ಆದರೆ ೮ ಪಾಟಿಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೪) ೧ ಡಝನ ಸೀಸಕಡ್ಡಿಗಳ ಬೆಲೆ $೨\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಆದರೆ ೬ ಡಝನ ಸೀಸಕಡ್ಡಿಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೫) ೧ ತಕಲಿಯ ಬೆಲೆ $\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಆದರೆ ೧ ಡಝನ ತಕಲಿಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ? (೧ ಡಝನ=೧೨)

(೬) $೮\frac{೭}{೮}$ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಆಣೆಗಳು ?

(೭) ಒಂದು ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾಕ್ಕೆ $೧\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಆದರೆ ೫ ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾದ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೮) $೬\frac{೩}{೪}$ ಫೂಟುಗಳಿಗೆ ಇಂಚುಗಳೆಷ್ಟು ?

(೯) $೬\frac{೧}{೪}$ ದಿವಸಗಳಿಗೆ ತಾಸುಗಳೆಷ್ಟು ?

(೧೦) $೫\frac{೭}{೧೦}$ ಪೌಂಡುಗಳಿಗೆ ಶಿಲಿಂಗುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು ?

(೧೧) ಒಬ್ಬ ಉಪ್ಪಾರನ ದಿನಗೂಲಿಯು $೨\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಆದರೆ ಅವನ ೧ ವಾರದ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು ?

(೧೨) ಒಾದು ಕಂಪಾಸಪೆಟ್ಟಿಗೆಯ ಬೆಲೆ $೨\frac{೧}{೩}$ ರೂ ಆದರೆ ೧ ಡಝನ ಕಂಪಾಸಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೩) ಒಂದು ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆಯ ಬೆಲೆ $\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಆದರೆ ೧೫ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೪) (ಅ) $೨೪\times ೧\frac{೫}{೬}$ ರೂ (ಆ) $೧\frac{೧}{೨}$ ಫೂ $\times ೧೫$, (ಇ) $\frac{೫}{೬}$ ತಿಂಗಳ $\times ೨೭$, (ಈ) $೯\times \frac{೫}{೧೨}$, (ಉ) $೧೮\times ೨\frac{೭}{೪}$, (ಊ) $೨೪\times \frac{೫}{೬}$ ಇವುಗಳ ಬೆಲೆ ತೆಗೆಯಿರಿ

(೧೫) ಒಬ್ಬನು ತನ್ನ ೧೫೦೦೦ ರೂ ಗಳ ಆಸ್ತಿಯನ್ನು ಹಂಚಿದನು ಆಸ್ತಿಯ $\frac{೧}{೩}$ ಭಾಗವನ್ನು ಮಗನಿಗೂ, $\frac{೧}{೪}$ ಭಾಗವನ್ನು ಮಗಳಿಗೂ, $\frac{೧}{೬}$ ಭಾಗ

ವನ್ನು ಹೆಂಡತಿಗೂ ಹಂಚಿ ಉಳಿದ ಹಣವನ್ನು ಧರ್ಮಾರ್ಧ ವಾಚನಾಲಯಕ್ಕೆ ಕೊಟ್ಟನು ಆದರೆ ಒಬ್ಬೊಬ್ಬರ ಪಾಲಿಗೆ ಬಂದ ಹಣವೆಷ್ಟು? ಮತ್ತು ವಾಚನಾಲಯಕ್ಕ ಕೊಟ್ಟ ಹಣನೆಷ್ಟು?

(೧೬) ಒಂದು ತೋಟದಲ್ಲಿ ೬೦ ಮಾವಿನ ಗಿಡಗಳುಂಟು ಅವುಗಳ ೨೧/೨ ಪಟ್ಟು ಪೇರಲ ಗಿಡಗಳೂ, ಪೇರಲಗಿಡಗಳ ೨/೫ ದಷ್ಟು ದಾಳಿಂಬ ಗಿಡಗಳೂ ಇರುತ್ತವೆ ಆದರೆ ಆ ತೋಟದಲ್ಲಿರುವ ಒಟ್ಟು ಗಿಡಗಳೆಷ್ಟು?

(ಭಾಗ ೩)

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಗುಣಿಸುವದು

ಪಟ್ಟುಗಳ ಕಲ್ಪನೆ — ೩ರ ೪ವಟ್ಟು ಅಂದರೇನು? ೩ × ೪ (=೧೨) ಅಲ್ಲವೇ? ಅದನ್ನೇ ೪ರ ೩ವಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೪ × ೩ ಎಂದು ಹೇಳಿದರೂ ತಪ್ಪಲ್ಲನೆಂಬದನ್ನು ನೋಡಿರಿ ೫ರ ೬ವಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೫ × ೬ ಅಥವಾ ೬ರ ೫ವಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೬ × ೫ (=೩೦) ಮತ್ತು ೪ರ ೧ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೪ × ೧ = ೪ ಇತ್ಯಾದಿ

ಇನ್ನು ೪ರ ೧೧/೨ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ೪ರ ಒಂದೂಅರ್ಧಪಟ್ಟು ಅಂದರೇನು? ೪ರ ೧ಪಟ್ಟು(ಅಂದರೆ ೪) ಮತ್ತು ೪ರ ಅರ್ಧಪಟ್ಟು(ಅಂದರೆ 'ಅರ್ಧ'ವಾಲು) ಇನ್ನು ೪ರ ೧ ಪಟ್ಟು = ೪ ಮತ್ತು ೪ರ ಅರ್ಧಪಟ್ಟು = ೪ × ೧/೨ = ೨ ಎಂಬದು ನಿಮಗೆ ತಿಳಿದ ವಿಷಯವು ೪ರ ೧೧/೨ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೪ + ೨ = ೬ ಅಥವಾ ೪ರ ೩/೨ ಪಟ್ಟು = ೪ × ೩/೨ = (೪ × ೩)/೨ = ೬ ಎಂಬದು ನಿಮುಗ ತಿಳಿಯುವದಲ್ಲವೇ?

ಆದರಂತೆ ೧೨ರ ೧/೪ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೧೨ರ ಕಾಲುಭಾಗ = ೧೨ × ೧/೪

ಮತ್ತು ೮ರ ೧/೮ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೮ರ ೧/೮ ಭಾಗ = ೮ × ೧/೮

೩/೮ ಹೊಲದ ೪/೫ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೩/೮ × ೪/೫

೮/೯ ವಾರಿನ ೫/೪ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೮/೯ × ೫/೪ ಇತ್ಯಾದಿ

• ಗುಣಾಕಾರಗಳ ಪ್ರಸಂಗ ಬಂದಾಗೆಲ್ಲ ಬಹುಶಃಅವುಗಳ ಸಂದರ್ಭವೆಲ್ಲ 'ಪಟ್ಟು' ಪದದಿಂದ ಉಂಟಾಗಿರುವದರಿಂದ ಗುಣಾಕಾರದ ಬದಲು ಪಟ್ಟು ಎಂದು ಬದಲಿಸಿಕೊಳ್ಳಬಹುದು **ಉದಾ:**— ೫ × ೪ ಇದರ ಬದಲು ೫ರ ೪ವಟ್ಟು ಎಂದೂ ೮ × ೩ ಇದರಬದಲು ೮ರ ೩ ವಟ್ಟು ಎಂದೂ ೩/೫ × ೬/೭ ಇದರ ಬದಲು ೩/೫ ದರ ೬/೭ ವಟ್ಟು ಎಂದೂ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಗುಣಿಸುವ ವಿಧಾನ

ಉದಾ — (೧) ೩/೪ ಎಕರೆ ಭತ್ತದ ಗದ್ದೆಯ ೫/೬ ಭಾಗಕ್ಕೆ ಗೊಬ್ಬರವನ್ನು ಹಾಕದೆ ಅಂದರೆ ಎಷ್ಟು ಎಕರೆ ಭೂಮಿಗೆ ಗೊಬ್ಬರ ಹಾಕಿದಂತಾಯಿತು? ಕೆಳಗಿನ ಆಕೃತಿಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ

೧ನೇ ಆಕೃತಿಯ ಚೌಕವು ೧ ಎಕರೆ ಗದ್ದೆಯು ಅದರಲ್ಲಿ ಗುರ್ತುಮಾಡಿದ ಭಾಗವು ಅದರ ೩/೪ ಭಾ ಅಂದರೆ ೩/೪ ಎಕರೆ ೩/೪ ಎಕರೆಯ ೫/೬ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗೊಬ್ಬರ ಹಾಕದೆ ಎಂದು ಹೇಳಿರುವದರಿಂದ ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಚೌಕದಲ್ಲಿ (೩/೪ ಎಕರೆ) ಸರಿಯಾಗಿ ೬ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಅವುಗಳ ೫ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಗೊಬ್ಬರವನ್ನು ಹಾಕದೆ ಎಂಬದನ್ನು ತೋರಿಸುವದಕ್ಕಾಗಿ ಮೊದಲಿನ ಗುರ್ತಿನಲ್ಲಿಯೇ ಹೆಚ್ಚು ಕಪ್ಪು ಮಾಡಿ ತೋರಿಸಿದೆ (೨ನೇ ಆಕೃತಿ) ೧ ನೆಯ ಆಕೃತಿಯನ್ನು ನೋಡಲಾಗಿ ಇಡೀ ೧ ಎಕರೆಯಲ್ಲಿ ೨೪ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಇನ್ನು ಗೊಬ್ಬರ ಹಾಕದ ಹೆಚ್ಚು ಕಪ್ಪುಳ್ಳ ಭಾಗವನ್ನು ನೋಡಲಾಗಿ ಮೇಲಿನಂಥ ೧೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ಒಂದೊಂದು ಸಣ್ಣ ಭಾಗವು ೧/೨೪ ಎಕರೆ ಇರುವದರಿಂದ ಗೊಬ್ಬರಹಾಕದ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೧೫/೨೪ ಎಕರೆಯಾಗಿರುತ್ತದೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗುತ್ತದೆ ಆದರೆ ಗೊಬ್ಬರ ಹಾಕಿದ ಭಾಗವು ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿದಂತೆ ೩/೪ ಎಕರೆಯ ೫/೬ ಭಾಗವೆಂದರೆ, ೩/೪ ದ ೫/೬ ಭಾಗ

೩/೪ × ೫/೬ ಎಕರೆ = ೧೫/೨೪ ಎಕರೆ ಎಂದಂತಾಯಿತು

ಇಡೀ ಚೌಕವು ೧ ಎಕರೆ

೧೬	೧೭	೧೮	೧೯
೧೫	೧೪	೧೩	೨೦
೧೦	೧೧	೧೨	೨೧
೯	೮	೭	೨೨
೪	೫	೬	೨೩
೩	೨	೧	೨೪

೩/೪ ಎಕರೆ

೩/೪ ಎಕರೆ

೧೮	೧೭	೧೬
೧೩	೧೪	೧೫
೧೨	೧೧	೧೦
೭	೮	೯
೬	೫	೪
೧	೨	೩

೩/೪ ಎಕರೆಯ ೫/೬ ಭಾಗ

ಇನ್ನು ೧೫/೨೪ ವು ಹೇಗೆ ಬಂದಿತು? ಎಂಬದನ್ನು ವಿಚಾರಿಸುವಾ ಗುಣಾಕಾರದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಿಗೂ ಕೊಟ್ಟ ಅ ಗಳ ಅಂಶ ಛೇದಗಳಿಗೂ ಏನಾದರೂ ಸಂಬಂಧವಿದೆಯೇ? ಕೊಟ್ಟ ಅ ಗಳ ಅಂಶಗಳ ಗುಣಾಕಾರ ೩ × ೫ (= ೧೫) ಛೇದಗಳ ಗುಣಾಕಾರ ೪ × ೬ (= ೨೪) ಈ ಗುಣಾಕಾರಗಳೇ ಉತ್ತರವಾದ ೧೫/೨೪ ದ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಾಗಿದೆ

ಇನ್ನು ಗುಣಾಕಾರಕ್ಕೆ (ಉತ್ತರಕ್ಕೆ) ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡುವ ಪ್ರಸಂಗ ದಲ್ಲಿ ಗುಣಾಕಾರದೊಡನೆಯೇ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪವನ್ನು ಕೊಡುವ ರೂಢಿಯಿದೆ

ಒಟ್ಟಿನಮೇಲಿಂದ ನೋಡಲಾಗಿ ಅ ಗಳ ಗುಣಾಕಾರದಲ್ಲಿ ಗುಣ್ಯ ಗುಣಕಗಳ ಅಂಶಗಳ ಗುಣಾಕಾರವನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ, ಛೇದಗಳ ಗುಣಾಕಾರವನ್ನು ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಇಡಬೇಕು ಇದೇ ಉತ್ತರ

೩/೪ ದ ೫/೬ ಭಾಗ = ೩/೪ × ೫/೬ = (ಅಂಶ, ಅಂಶಗಳ ಗುಣಾಕಾರ)/(ಛೇದ, ಛೇದಗಳ ಗುಣಾಕಾರ) = ೧೫/೨೪ ಉ

ಇನ್ನು ಉತ್ತರ ೧೫/೨೪ ಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು

೧೫/೨೪ = (೧೫ — ೩)/(೨೪ — ೩) = ೫/೮ ಎಂದು ಉತ್ತರವನ್ನಿಡಬೇಕು ಇದನ್ನೆ ಗುಣಾಕಾರದೊಡನೆ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಕಡಿತ ಹೊಡದು ತೆಗೆಯುವರು

೩/೪ × ೫/೬ = ೩^೧/೪ × ೫/೬_೨ = (೧ × ೫)/(೪ × ೨) = ೫/೮ ಇಲ್ಲಿ ಮೂಲೆಯ ಮೇಲಿರುವ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಿಗೆ ಸಾಧಾರಣವಾದ ಅವಯವದಿಂದ ಕಡಿತ ಹೊಡೆದಿದೆ (ಭಾಗಿಸಿದೆ) ೩, ೬ ಗಳ ಸಾಧಾರಣ ಅವಯವವಾದ ೩ ರಿಂದ ಎರಡಕ್ಕೂ ಕಡಿತ ಹೊಡದಿದೆ

ಉದಾ — (೧) ೭/೯ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ೩/೫ ಭಾಗವನ್ನು ಕರವಸ್ತ್ರಕ್ಕಾಗಿ ತಕ್ಕೊಂಡಿದೆ ಅಂದರೆ ಎಷ್ಟು ವಾರ ಅರಿವೆಯನ್ನು ತಕ್ಕೊಂಡಂತಾಯಿತು ?

ಇಲ್ಲಿ ೭/೯, ೩/೫ ಗಳನ್ನು ಗುಣಿಸಬೇಕಾಗಿದೆ

ತಕ್ಕೊಂಡ ಅರಿವೆ = ೭/೯_೩ × ೩^೧/೫ ವಾರ

= (೭ × ೧)/(೩ × ೫) ವಾರ

= ೭/೧೫ ವಾರ ಉತ್ತರ

ವಿವರಣೆ — ಮೂಲೆಯ ಮೇಲಿರುವ ಅಂಶ, ಛೇದಗಳಾದ ೩, ೯ ಗಳಿಗೆ ೩ ರಿಂದ ಕಡಿತ ಹೊಡದಿದೆ

ಗುಣ್ಯ ಗುಣಕಗಳು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಾಗಿದ್ದರೆ ಮೊದಲು ಅವುಗಳಿಗೆ ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು, ಆಮೇಲೆ ಗುಣಿಸಬೇಕು

ಉದಾ — (೨) ೪ ೧/೨ ರೂ ಗಳ ೧ ೩/೪ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ? ಇಲ್ಲಿ ಗುಣ್ಯ ಗುಣಕಗಳೆರಡೂ ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಾಗಿವೆ

∴ ೪ ೧/೨ ದ ೩/೪ ಪಟ್ಟು = ೪ ೧/೨ × ೧ ೩/೪ ರೂ (ಇಲ್ಲಿ ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು)

$= \frac{\overset{೫}{\cancel{೨೫}}}{\underset{೨}{\cancel{೪}}} \times \frac{\overset{೩}{\cancel{೬}}}{\underset{೧}{\cancel{೫}}}$ [ಎರಡೂ ಮೂಲೆಗಳ ಮೇಲೆ ಕಡಿತ ಹೊಡೆದದೆ]

$= \frac{೫ \times ೩}{೨ \times ೧}$ ರೂ

$= \frac{೧೫}{೨}$ ರೂ [ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅ ದ ರೂಪಕೊಟ್ಟಿದೆ]

$= ೭\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ನಿಯಮ — (೧) ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಗುಣಿಸುವದಾದಲ್ಲಿ ಗುಣ್ಯ ಗುಣಕಗಳ, ಅಂಶಗಳ ಗುಣಾಕಾರವನ್ನು ಅಂಶಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಛೇದಗಳ ಗುಣಾಕಾರವನ್ನು ಛೇದಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಯೂ ಇಡಲು ಉತ್ತರ ಪದವು ಬರುವದು (೨) ಉತ್ತರಕ್ಕೆ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡುವದಾದಲ್ಲಿ ಗುಣಾಕಾರದೊಡನೆಯೇ ಮೂಲೆಗಳಮೇಲೆ ಕಡಿತ ಹೊಡೆದು ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು (೩) ಉತ್ತರವನ್ನು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಮಿಶ್ರಸಂಖ್ಯೆಯ ಸ್ಥಾಗಿ ಇಡಬೇಕು (೪) ಗುಣ್ಯ ಗುಣಕಗಳು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಇದ್ದರೆ ಅವುಗಳಿಗೆ ಮೊದಲು ವಿಷಮ ಅ ಗಳ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಗುಣಿಸಬೇಕು

ನೆನಪಿಡಿರಿ:— "ಷಷ್ಠಿಯ ಸಂಬಂಧ" ವನ್ನು ತೋರಿಸುವ '**ದ, ರ, ಗಳ**' ಪದಗಳು ಎರಡು ಸಂಖ್ಯಾ ಪದಗಳ ನಡುವೆ ಬಂದರೆ ಅವುಗಳ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಗುಣಾಕಾರ ಚಿನ್ಹವನ್ನು ಇಡಬೇಕೆಂದು ತಿಳಿಯಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೩)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೨ರಿಂದ ೫)

ಕೆಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಆಕೃತಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಸಿದ್ಧಮಾಡಿರಿ

(೧) $\frac{೧}{೨}$ ದ $\frac{೨}{೩}$ = $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೫}{೮}$ ದ $\frac{೪}{೫}$ = $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೪}{೫}$ ದ $\frac{೧}{೩}$ = $\frac{೪}{೧೫}$,

(೨) $\frac{೨}{೮}$ ರೂ ಯ $\frac{೭}{೮}$, $\frac{೨}{೩}$ ಫೂ ನ $\frac{೧}{೨}$, ಇವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

(೩) $\frac{೪}{೫}$ ದ $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೨}{೬}$ ದ $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೬}{೭}$ ದ $\frac{೭}{೧೨}$, $\frac{೫}{೧೨}$ ದ $\frac{೨}{೫}$,

(೪) $\frac{೨}{೮}$ ದ $\frac{೪}{೫}$, $\frac{೨}{೬}$ × $\frac{೧೬}{೨೭}$, $\frac{೫}{೭}$ ದ $\frac{೪}{೧೫}$, $\frac{೨}{೩}$ ದ $\frac{೯}{೧೦}$,

(೫) $\frac{೪}{೫}$ × $\frac{೫}{೭}$, $\frac{೫}{೭}$ × $\frac{೨}{೫}$, $\frac{೮}{೧೫}$ × $\frac{೨}{೮}$, $೧\frac{೧}{೫}$ × $೧\frac{೧}{೮}$,

(೬) $೧\frac{೨}{೮}$ ದ $\frac{೮}{೨೧}$, $೬\frac{೧}{೯}$ × $೧\frac{೨}{೩}$, $೧೬\frac{೧}{೮}$ × $\frac{೨}{೧೩}$,

(೭) $\frac{೪}{೫}$ ದ $\frac{೫}{೬}$ × $\frac{೨}{೩}$, $೮\frac{೧}{೩}$ ದ $೧\frac{೧}{೬}$ × $೧\frac{೧}{೫}$,

[ಮೂರು ಅಂಗಲಿದ್ದಲ್ಲಿ ಮೊದಲಿನ ಎರಡು ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ ಆ ಮೇಲೆ ೩ನೆಯದ್ದನ್ನು ಗುಣಿಸಬೇಕು, ಅಥವಾ ಮೂರು ಪದಗಳಲ್ಲಿ ಮೂಲೆಗಳ ಮೇಲೆ ಒಮ್ಮೆಲೆ ಕಡಿತ ಹೊಡದು ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಬಿಡಿಸಬೇಕು]

(೮) $\frac{೫}{೬} \times \frac{೪}{೫} \times ೫\frac{೮}{೧೫}$, $೬\frac{೪}{೫} \times ೧\frac{೩}{೧೭} \times ೧\frac{೧}{೧೭}$, $೩\frac{೪}{೫} \times ೧\frac{೩}{೫} \times \frac{೬}{೧೨}$,

(೯) ಒಬ್ಬನು ತಾಸಿಗೆ $೪\frac{೨}{೮}$ ಮೈಲಿನಂತೆ $೧\frac{೨}{೯}$ ತಾಸಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ನಡೆಯುವನು ?

(೧೦) ೧ ವಾರಕ್ಕೆ $೧\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಆದರೆ $೪\frac{೪}{೭}$ ವಾರ ಅರಿವೆಗೇನು ?

(೧೧) ೧ ತೊಲಿಗೆ $೯೦\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಆದರೆ $೧\frac{೨}{೯}$ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರಕ್ಕೇನು ?

(೧೨) ಒಂದು ಹೌದಿನಲ್ಲಿ $\frac{೬}{೮}$ ಭಾಗ ನೀರಿದೆ ಅದರ $\frac{೪}{೭}$ ಭಾಗ ನೀರನ್ನು ಹೊರಗೆ ತೆಗೆದರೆ ಆ ಹೌದಿನ ಎಷ್ಟು ಭಾಗ ನೀರನ್ನು ತೆಗೆದಂತಾಯಿತು ?

(೧೩) ಒಬ್ಬನು $೨೪೫\frac{೫}{೧೭}$ ರೂ ಪಗಾರದಲ್ಲಿ $\frac{೩}{೫}$ ಭಾಗವನ್ನು ಧಾನ್ಯಕ್ಕೆ, $\frac{೧}{೧೫}$ ಭಾಗವನ್ನು ಹೈನಕ್ಕೆ, $\frac{೨}{೧೯}$ ಭಾಗವನ್ನು ಬಾಡಿಗಗ ಕೊಟ್ಟರೆ ಉಳಿದಹಣವೆಷ್ಟು?

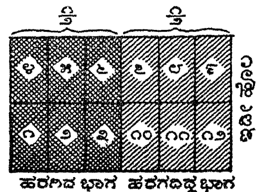
(೧೪) ಒಬ್ಬ ಅಂಗಡಿಕಾರನ ತಿಂಗಳ ಉತ್ಪನ್ನವು ೪೦೦ ರೂ ಇದ ಆದರ $\frac{೩}{೫}$ ಭಾಗ ಅಂಗಡಿಯ ಖರ್ಚೂ ಆ ಖರ್ಚಿನ $\frac{೩}{೮}$ ಭಾಗ ಆಳುಗಳ ಖರ್ಚ್ಚು ಇದೆ ಇದೆಲ್ಲ ಹೋಗಲಾಗಿ ಅವನ ಹತ್ತರ ಉಳಿದ ಹಣವೆಷ್ಟು ?

(೧೫) ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸು $೪೦\frac{೧}{೨}$ ವರ್ಷ, ತಾಯಿಯ ವಯಸ್ಸು ತಂದೆಯ ವಯಸ್ಸಿನ $\frac{೫}{೬}$ ದಷ್ಟು, ಮಗನ ವಯಸ್ಸು ತಾಯಿಯ ವಯಸ್ಸಿನ $\frac{೪}{೯}$ ದಷ್ಟಿದ್ದರೆ ಮಗನ ವಯಸ್ಸೆಷ್ಟು ?

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಭಾಗಾಕಾರ

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಭಾಗಿಸುವದು

ಉದಾ — ಗುರುಬಸಪ್ಪನು $\frac{೧}{೨}$ ಹೊಲವನ್ನು ೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಹರಗುತ್ತಾನೆ • ಆದರೆ ೧ ದಿನಕ್ಕೆಷ್ಟು ಹೊಲ ಹರಗಿದಂತಾಯಿತು ?



ವಿವರಣೆ — (೧) ೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೧}{೨}$ ಹೊಲ ಹರಗುವದರಿಂದ ೧ ದಿನಕ್ಕೆ ಹರಗತಕ್ಕ ಹೊಲದ $\frac{೧}{೨}$ದಲ್ಲಿ ೬ ಭಾಗ ಮಾಡಿದಷ್ಟು, ಅಂದರೆ $\frac{೧}{೨}$—೬ ಹೊಲ ಇನ್ನು $\frac{೧}{೨}$—೬ ಅಂದರೆಷ್ಟು ? $\frac{೧}{೨}$ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೬ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಉಂಟಾಗುವ ಒಂದು

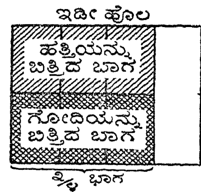
ಸಣ್ಣ ಭಾಗ (ಹೆಚ್ಚು ಕಪ್ಪುಳ್ಳ ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಉಳಿದ ಹೊಲವೂ ೧/೨ ಇರುವದರಿಂದ ಅದರಲ್ಲಿಯೂ ೬ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಆಗುವ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳು ಹರಗಿದ ಹೊಲದಲ್ಲಿಯ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಿಗೆ ಸರಿಯಿರಲೇಬೇಕು ಇಡೀ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೨ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದಂತಾಗಿ ೧ ಸಣ್ಣ ಭಾಗವನ್ನು ೧ ದಿನಕ್ಕೆ ಹರಗುತ್ತಾನೆಂದಂತಾಯಿತು. ಆದರೆ ಅಂಥ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೧/೧೨ ಹೊಲವಲ್ಲವೇ?

೧/೨ — ೬ ಹೊ = ೧/೧೨ ಹೊ

ವಿವರಣೆ:— (೨) ೧/೨ ಹೊಲವನ್ನು ಅಂದರೆ ಅರ್ಧ ಹೊಲವನ್ನು ೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಹರಗುತ್ತಾನಾದ್ದರಿಂದ ಇಡೀ ಹೊಲವನ್ನು ಹರಗಲಿಕ್ಕೆ ೧೨ ದಿನಗಳು ಬೇಕು ಇಡೀ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೧೨ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಲು ಆಗುವ ಒಂದು ಸಣ್ಣ ಭಾಗವನ್ನು ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ಹರಗುತ್ತಾನೆಂದಂತಾಯಿತು. ಅಂದರೆ ೧/೧೨ ಹೊಲವನ್ನು ಹರಗುತ್ತಾನೆ

೧/೨ — ೬ ಹೊಲ = ೧/೧೨ ಹೊಲ

ಉದಾ — ಬಸಪ್ಪನು ತನ್ನ ಹೊಲದ ೩/೪ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗೋದಿಯನ್ನೂ ಹತ್ತಿಯನ್ನೂ ಸರಿಯಾಗಿ ಬಿತ್ತಿದರೆ ಗೋದಿಯನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ ಹೊಲವೆಷ್ಟು?



ವಿವರಣೆ — ಗೋದಿ, ಹತ್ತಿಗಳನ್ನು ಸರಿಯಾಗಿ ಬಿತ್ತಿದ್ದರಿಂದ ೩/೪ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೨ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಒಂದು ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗೋದಿಯನ್ನೂ ಮತ್ತೊಂದರಲ್ಲಿ ಹತ್ತಿಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದ್ದಾನೆ ಗೋದಿಯನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ ಭಾಗವೆಂದರೆ ೩/೪ ಹೊ — ೨ (ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಇದು ಇಡೀ ಹೊಲದ ಆಕೃತಿಯಾಗಿದೆ ಆದರ ೩/೪ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಗೋದಿ ಮತ್ತು ಹತ್ತಿಗಳನ್ನು ಬಿತ್ತಿದೆಯೆಂಬದನ್ನು ಗುರ್ತು ಮಾಡಿದ ಭಾಗಗಳಿಂದ ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಬಹುದು ಇಡೀ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ೮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ೩ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಹತ್ತಿಯನ್ನೂ ೩ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ಗೋದಿಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದೆ

ಇನ್ನು ಒಂದು ಭಾಗವೆಂದರೆ ಆ ಹೊಲದ ೧/೮ ಭಾಗವೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದ ಗೋದಿಯನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ ಭಾಗವಂದರೆ ೩/೮ ಹೊಲ

. $\frac{೩}{೪}$ — ೨ = $\frac{೩}{೮}$ ಹೊಲ $\frac{೩}{೪}$ ದಿಂದ ಉತ್ತರಪದವಾದ $\frac{೩}{೮}$ ವು ಹೇಗೆ ಉಂಟಾಯಿತು ? ನೋಡಿರಿ ಇಲ್ಲಿ ಅಂಶಗಳಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚುಕಡಿಮೆಯೇನೂ ಕಂಡು ಬರುವದಿಲ್ಲ ಆದರೆ ಛೇದ ೪ ರ ಬದಲು ೮ ಉಂಟಾಗಿದೆ ಮತ್ತು ೮ = ೪ × ೨ ಎಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ $\frac{೩}{೪}$ — ೨ = $\frac{೩}{೪\times೨}$ = $\frac{೩}{೪}$ × $\frac{೧}{೨}$ ಎಂಬದು ಸಿದ್ಧವಾಯಿತು ಇಲ್ಲಿ (— ೨) ಬದಲಿಸಿ (× $\frac{೧}{೨}$) ಆಗಿರುವದೆಂಬದನ್ನು ನೆನಪಿಡಿರಿ

ಇದನ್ನೇ ಬೇರೊಂದು ಬಗೆಯಿಂದಲೂ ಹೇಳಬಹುದು

$\frac{೩}{೪}$ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ಅರ್ಧ ಗೋದಿಯನ್ನೂ ಅರ್ಧ ಹತ್ತಿಯನ್ನೂ ಬಿತ್ತಿದೆ ಯಾದ್ದರಿಂದ ಗೋದಿ ಅಥವಾ ಹತ್ತಿಯನ್ನು ಬಿತ್ತಿದ ಭಾಗವೆಂದರೆ $\frac{೩}{೪}$ ಹೊಲದ ಅರ್ಧ ಭಾಗ = $\frac{೩}{೪}$ ಹೊಲದ $\frac{೧}{೨}$ ಭಾ = $\frac{೩}{೪}$ × $\frac{೧}{೨}$ ಎಂಬದು ಸಿದ್ಧ

$\frac{೩}{೪}$ — ೨ = $\frac{೩}{೪}$ ದ ಅರ್ಧ = $\frac{೩}{೪}$ ದ $\frac{೧}{೨}$ = $\frac{೩}{೪}$ × $\frac{೧}{೨}$ = $\frac{೩}{೮}$ ಹೊಲ ಉತ್ತರ

ಇಲ್ಲಿಯಾದರೂ ಭಾಗಿಲೇ ಚಿನ್ಹವು ಬದಲಿಸಿ ಗುಣಿಲೇ ಹೇಗೆ ಆಗಿದೆ ಎಂಬದನ್ನು ಲಕ್ಷಗೊಟ್ಟು ನೋಡಿರಿ ಅಂದರೆ (— ೨) ವು ಬದಲಿಸಿ (= $\frac{೧}{೨}$) ಆಗಿದೆ ಎಂಬದನ್ನು ಕಾಣಿರಿ

ನಿಯಮ —ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗೆ ಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಭಾಗಿಸುವದಾದಲ್ಲಿ ಭಾಗಿಸತಕ್ಕ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯನ್ನು ೧ ಛೇದವುಳ್ಳದ್ದನ್ನು ತಿರುವುಮುರುವು ಮಾಡಿಟ್ಟು ಭಾಜ್ಯವಾದ ಅ ಕ್ಕ ಗುಣಿಸಬೇಕು

ಮಾದರಿ ಉದಾ — $\frac{೧}{೪}$ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರದಲ್ಲಿ ೧೦ ಗುಂಡುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಸಿದರೆ ಒಂದು ಗುಂಡಿನಲ್ಲಿಯ ಬಂಗಾರದ ತೂಕವೆಷ್ಟು ?

ಒಂದು ಗುಂಡಿನ ತೂಕನೆಂದರೆ $\frac{೧}{೪}$ ತೊ —೧೦ = $\frac{೧}{೪}$ ತೊಲಿಯ $\frac{೧}{೧೦}$ = $\frac{೧}{೪}$ × $\frac{೧}{೧೦}$ ತೊ

ಒಂದು ಗುಂಡಿನ ತೂಕ = $\frac{೧}{೪}$ × $\frac{೧}{೧೦}$ = $\frac{೧}{೪೦}$ ತೊಲಿ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೬)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೨—೩)

(೧) ಆಕೃತಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಕಳಗಿನವುಗಳನ್ನು ಸಿದ್ಧಮಾಡಿರಿ

$\frac{೨}{೩}$ — ೪ = $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೨}$ — ೨ = $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೩}{೪}$ — ೪ = $\frac{೩}{೧೬}$,

(೨) $\frac{೪}{೫}$ — ೮, $\frac{೫}{೬}$ — ೪, $\frac{೨}{೩}$ — ೪, $\frac{೩}{೪}$ — ೯,

(೩) $\frac{೧೪}{೧೫}$ — ೭, $\frac{೬}{೭}$ — ೨, $\frac{೧}{೧೦}$ — ೬, $\frac{೨೪}{೨೫}$ — ೬,

(೪) $\frac{೯}{೧೦}$—೧೨, ೧$\frac{೫}{೭}$—೯, ೩$\frac{೧}{೮}$—೧೫, ೬$\frac{೩}{೫}$—೧೦,

(೫) ೬ ವಾರಕ್ಕೆ ೮$\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಗಳಾದರೆ ೧ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆಏನು ?

(೬) ೮ ಧಡಗೆ ೯$\frac{೧}{೭}$ ರೂಪಾಯಿ ಆದರೆ ೧ ಧಡ ಬಟಾಟಿಗೇನು ?

(೭) ೬ ದೀಪಗಳು ೧ ದಿವಸ ಉರಿದರೆ ೫$\frac{೧}{೪}$ ಸೇರು ಎಣ್ಣೆ ಬೇಕು ಆದರೆ ೧ ದೀಪ ೧ ದಿವಸ ಉರಿದರೆ ಎಷ್ಟು ಸೇರು ಎಣ್ಣೆ ಬೇಕು ?

(೮) ೭ ಡಝನ ಮಾವಿನಹಣ್ಣುಗಳಿಗೆ ೧೨$\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಗಳು ಆದರೆ ೧ ಡಝನ ಹಣ್ಣುಗಳಿಗೇನು ?

(೯) ೧೨ ಹುಡುಗರಲ್ಲಿ ೭$\frac{೧}{೫}$ ಸೇರು ಮಿಠಾಯಿ ಹಂಚಿದರೆ ಒಬ್ಬೊಬ್ಬನಿಗೆಷ್ಟು ಸೇರು ಮಿಠಾಯಿ ದೊರೆಯುವದು ?

(೧೦) ೯ ಸೇರಿಗೆ ೧೫$\frac{೩}{೪}$ ಆ ಗಳಾದರೆ ೧ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೧) ಬೀರನು ೬ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೧೯$\frac{೧}{೩}$ ಮೈಲು ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ಅವನ ತಾಸಿನ ವೇಗವೆಷ್ಟು ?

(೧೨) ಒಬ್ಬ ಉಪ್ಪಾರನು ೮ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ೧೮$\frac{೧}{೩}$ ರೂ ಗಳನ್ನು ಗಳಿಸುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ಅವನ ದಿನಗೂಲಿ ಎಷ್ಟು ?

(೧೩) $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೧}{೪}$ ಗಳ ಜೇರೀಜಕ್ಕೆ ೫ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿರಿ,

(೧೪) ೩$\frac{೧}{೩}$ – ೧$\frac{೧}{೪}$ ಇದಕ್ಕೆ ೧೨ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿರಿ,

(೧೫) $\frac{೧}{೩}$ + ೨$\frac{೫}{೬}$ – $\frac{೧}{೨}$ ಇದಕ್ಕೆ ೮ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಿರಿ,

ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದಿಂದ ಭಾಗಿಸುವದು

ಉದಾ — (೧) $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗೆ ಒಂದು ಪೌಂಡು ಮೆಣಶಿನಕಾಯಿ ಆದರೆ ೫ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಪೌಂಡು ಮೆಣಶಿನಕಾಯಿ ದೊರೆಯುತ್ತವೆ ?

ವಿವರಣೆ — ೫ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ದಂಥ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಯೋ ಅಷ್ಟು ಪೌಂಡು ಮೆಣಶಿನಕಾಯಿ ಬರುವವು

೫ ರೂಪಾಯಿಗೆ ಸಿಗುವ ಮೆಣಶಿನಕಾಯಿಯೆಂದರೆ ೫ ರೂ —$\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗಳಷ್ಟು ಪೌಂಡು ಇನ್ನು $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಯೆಂದರೆ ೫ ಚವಲಿಗಳು ೫ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ೫ ಚವಲಿಗಳ ಎಷ್ಟು ಗುಂಪುಗಳಾಗುವವು ? ಎಂಬದನ್ನು ನೋಡುವಾ

· ೫ ರೂ = ೫ × ೮ = ೪೦ ಚವಲಿಗಳು ೪೦ ಚವಲಿಗಳಲ್ಲಿ ೫ ಚವಲಿಗಳ ೪೦—೫ ಅಥವಾ ೪೦ರ $\frac{೧}{೫}$=೪೦ × $\frac{೧}{೫}$=೮ ಗುಂಪುಗಳು

∴ ೫ ರೂ —$\frac{೫}{೮}$=$\frac{೪೦}{೧}$—$\frac{೫}{೧}$=$\frac{೪೦}{೧}$ × $\frac{೧}{೫}$ =$\frac{೫×೮}{೧}$ × $\frac{೧}{೫}$

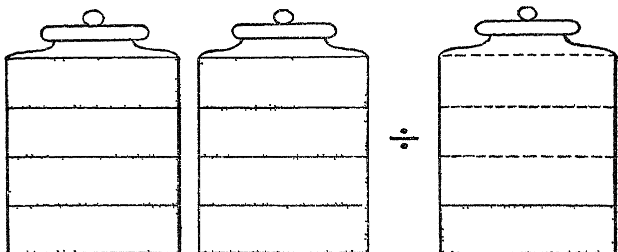
∴ ೫/೧ ರೂ. ÷ ೫/೮ = ೫/೧ × ೮/೫ = ೮ ಗುಂಪುಗಳು ∴ ೮ ಪೌಂ ಮೆಣಸಿನಕಾಯಿ ಉತ್ತರ

ಇಲ್ಲಿ ಭಾಗಿಲೆ ಚಿನ್ಹವು ಹೋಗಿ ಗುಣಿಲೆ ಬಂದದ್ದನ್ನು ನೋಡಿರಿ.

ಭಾಗಿಲೆ ಚಿನ್ಹವು ಬದಲಾಗಿ ಗುಣಿಲೆ ಆಗಬೇಕಾದರೆ ಭಾಜಕವನ್ನು ತಿರುವುಮುರುವು ಮಾಡಿ ಇಡಬೇಕು (—೫/೮ ವನ್ನು ×೮/೫ ವೆಂದು ಇಡಬೇಕು)

ಉದಾ — (೨) ಪ್ರತಿದಿನವೂ ೧/೪ ಸೇರಿನಂತ ಖರ್ಚು ಮಾಡಲು ೨ ಸೇರು ತುಪ್ಪವು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳವರೆಗೆ ಸಾಲುವದು ?

ವಿವರಣೆ — ೨ ಸೇರು ತುಪ್ಪದಲ್ಲಿ ೧/೪ ಸೇರಿನಂಥ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಯೋ ಅಷ್ಟು ದಿವಸಗಳವರೆಗೆ ಸಾಲುವದು ದಿವಸಗಳು = ೨ ಸೇ



— ೧/೪ ಸೇರು ಇನ್ನು ೨ ಸೇರಿನಲ್ಲಿ ೧/೪ ಸೇರಿನಂಥ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಂಬದನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ

(ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಒಂದೊಂದು ಸೇರಿನ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ ೧/೪ ಸೇರಿನ ಭಾಗದಂಥ ೪ ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ೨ ಸೇರುಗಳಲ್ಲಿ ೧/೪ ಸೇರಿನಂಥ (೨ × ೪ =) ೮ ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಂಬದೂ ಸ್ಪಷ್ಟ

∴ ೨ ಸೇ — ೧/೪ ಸೇ = ೨/೧ × ೪/೧ = ೮ ದಿವಸಗಳು ಉತ್ತರ

ಇಲ್ಲಿಯೂ ಭಾಗಾಕಾರದ ಚಿನ್ಹವು ಗುಣಾಕಾರದ ಚಿನ್ಹವಾಗಿದೆ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೫) (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೨ರಿಂದ ೪)

(೧) ಆಕೃತಿಯ ಸಹಾಯದಿಂದ ಬಿಡಿಸಿರಿ
೩ — ೧/೨, ೫ — ೫/೬, ೩ — ೧ ೧/೨,

(೨) ೯ — ೧ ೪/೫ ೧೨ — ೬/೭, ೧೮ — ೨ ೧/೪,

(೩) ೩೫ — ೨ ೧/೨, ೧೪ — ೧ ೩/೪, ೨೨ — ೨ ೧/೫,

(೪) ೩೬ — ೩ ೩/೫, ೪೨ — ೨ ೫/೮, ೪೯ — ೪ ೨/೩,

(೫) ೯ — ೧ ೧/೫, ೧೮ — ೨ ೨/೫, ೧೨ — ೧ ೧/೮,

(೬) ೧ ೨/೩ ಮಣ ಹಿಡಿಯುವ ಎಷ್ಟು ಡಬ್ಬಿಗಳಲ್ಲಿ ೪ ಮಣ ಸಕ್ಕರೆಯನ್ನು ಹಾಕಬಹುದು ?

(೮) ತಾಸಿಗೆ ೪ ಮೈಲಿನಂತೆ ನಡೆಯುವ ಮನುಷ್ಯನಿಗೆ ೧ ೧/೨ ಮೈಲು ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹತ್ತುವದು ?

(೯) ೨೪ ಫೂಟ ಉದ್ದವಿರುವ ಹಲಗೆಯಲ್ಲಿ ೨ ೨/೫ ಫೂಟಿನ ತುಂಡುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು ?

(೧೦) ದಿನಾಲು ೧ ೧/೪ ರೂ ಕೂಲಿಯನ್ನು ದೊರಕಿಸುವ ನೇಕಾರನು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ೨೨ ರೂ ಕೂಲಿಯನ್ನು ಗಳಿಸುವನು ?

(೧೧) ೨/೫ ರೂಗೆ ೧ ವಾರಿನಂತೆ ೮ ರೂಗಳ ಅರಿವೆಯನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟುವಾರ ಅರಿವೆ ದೊರೆಯುವದು ?

(೧೨) ಯಾವ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೩ ೧/೮ ದಿಂದ ಗುಣಿಸಿದರೆ ಗುಣಾಕಾರವು ೧೫ ಬರುವದು ?

(೧೩) ೧೫ ಫೂಟು ಉದ್ದವಾದ ದಾರದಲ್ಲಿ ೧ ೧/೪ ಫೂಟಿನ ತುಂಡುಗಳು ಎಷ್ಟು ಆಗುವವು ?

(೧೪) ೩ ೧/೨ ಮಿನಿಟುಗಳಲ್ಲಿ ರಂಗನು ಒಂದು ಪುಸ್ತಕದ ೧ ಪುಟವನ್ನು ಒದುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಪುಟಗಳನ್ನು ಓದಬಹುದು ?

(೧೫) ಒಬ್ಬ ಉಪ್ಪಾರನು ದಿನಕ್ಕೆ ೫ ೧/೨ ಫೂಟು ಉದ್ದವಾದ ಗೋಡೆಯನ್ನು ಕಟ್ಟುತ್ತಾನ ೨೪ ಫೂಟು ಉದ್ದವಾದ ಗೋಡೆಯನ್ನು ಕಟ್ಟಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳು ಬೇಕು

(೧೬) ೧ ೨/೩ × ? = ೨೫, ? × ೨ ೧/೫ = ೮೦ ಬಿಟ್ಟ ಸ್ಥಳಗಳ ಬೆಲೆಗಳನ್ನು ತೆಗಯಿರಿ

(ಭಾಗ ೩)

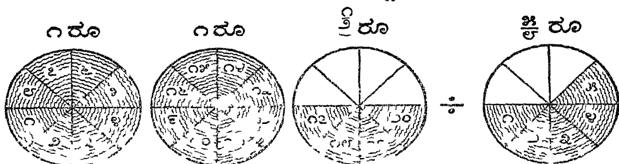
ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳಿಗೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳಿಂದ ಭಾಗಿಸುವದು

ಉದಾ — (೧) $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗೊಂದು ಪೌಂಡಿನಂತೆ $೨\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ?

ವಿವರಣೆ.— $೨\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ದಂಥ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಯೋ ಅಷ್ಟು ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ

∴ ಪೌಂಡುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $=$ $೨\frac{೧}{೨}$ ರೂ $-$ $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಅಂದರೆ $\frac{೫}{೨}$ ರೂ $-$ $\frac{೫}{೮}$ ರೂ

ಇನ್ನು $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಯೆಂದರೆ ೫ ಚವಲಿಗಳು ಮತ್ತು $೨\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ೨೦ ಚವಲಿಗಳಾಗುತ್ತವೆ ೨೦ ಚವಲಿಗಳಲ್ಲಿ ೫ ಚವಲಿಗಳ ($\frac{೨೦}{೫}=$) ೪ ಗುಂಪುಗಳಾಗುತ್ತವೆ ೪ ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾ ದೊರೆಯುತ್ತದ



ಮೇಲಿನ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ — ಚಿನ್ಹದ ಎಡಗಡೆಗೆ $೨\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಗಳು ಇವೆ ಒಂದೊಂದರಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ೮ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಅವೆಲ್ಲವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ೨೦ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ ($೨\frac{೧}{೨}=\frac{೨೦}{೮}$) ಬಲಗಡೆಗೆ $\frac{೫}{೮}$ ಭಾಗವಿದೆ ಇದರಲ್ಲಿ ಅಂಥವೇ ೫ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಾಗಿವೆ ಇಂಥ ೫ ಭಾಗಗಳ ಗುಂಪು ಎಡಗಡೆಯ ೨೦ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ೨೦ — ೫ = ೪ ಆಗುವವು

• $೨\frac{೧}{೨} = \frac{೫}{೨} = \frac{೨೦}{೮}$ (ಛೇದ ೮ ಬರುವಂತೆ ಬರೆದಿದೆ) ಇದು $\frac{೫}{೮}$ ಛೇದದಷ್ಟು

• $೨\frac{೧}{೨} - \frac{೫}{೮} = \frac{೨೦}{೮} - \frac{೫}{೮}$ (ಸಮುಚ್ಛೇದ ಕೊಟ್ಟಂತಿದೆ) $=$ ೨೦ — ೫ $=$ ೪

• ೪ ಪೌಂಡು ಡಾಲ್ಡಾ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ

ಮೇಲೆ ಅನುಸರಿಸಿದ ಕ್ರಮವನ್ನು ವಿಮರ್ಶಿಸುವಾ.

(೧) ೧ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ೮ರಂತೆ ೨$\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿಯೂ $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಯಲ್ಲಿಯೂ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದೆವು, ೨$\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ೨೨ ಅಂದರೆ ರೂ ಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಗೆ ೮ರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾದವು ಮತ್ತು $\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ೫ ಆದವು

(೨) ಈ ೨೨ ಸಣ್ಣ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿ ೫ ಭಾಗಗಳಂತಹ ಎಷ್ಟು ಗುಂಪುಗಳಾದವೆಂಬದನ್ನು ನೋಡಲಾಗಿದೆ ಅಂದರೆ ೨೨ — ೫ ಇದರಿಂದ ನಮಗೆ ಉತ್ತರ ದೊರೆತಿದೆ ಇನ್ನು ಮೊದಲನೆಯ ಆಕೃತಿಯಲ್ಲಿ ೧ ರೂ ಯಲ್ಲಿ ೮ ಸಮ ಭಾಗಗಳಾಗುವಂತೆ ಮಾಡಿದೆ ಆ '೮' ಎಲ್ಲಿಯದು? ಅದು ಭಾಜ್ಯವಾದ $\frac{೫}{೮}$ ದ ಛೇದವು, ೨ನೆಯ ಕೃತಿಯಲ್ಲಿ ೫ರ ಗುಂಪುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿದೆ ಆ '೫' ಎಲ್ಲಿಯದು? ಅದು ಭಾಜ್ಯವಾದ $\frac{೫}{೮}$ದ ಅಂಶವಲ್ಲವೇ? ಇವೆರಡೂ ಕೃತಿಗಳನ್ನು ಒನ್ಮೆಲೇ ಮಾಡಿ ಉತ್ತರವನ್ನು ತೆಗೆಯಬಹುದೇ? ನೋಡುವಾ

೧ನೆಯ ಕೃತಿಯಿಂದ (೨$\frac{೩}{೪}$=) $\frac{೧೧}{೪}$ × ೮. (=೨೨,

೨ನೆಯದ್ದರಿಂದ ೨೨—೫ ಅಂದರೆ $\frac{೧೧}{೪}$ × ೮—೫ ಅಥವಾ $\frac{೧೧}{೪}$ × ೮ × $\frac{೧}{೫}$

$\frac{೧೧}{೪}$ — $\frac{೫}{೮}$ = $\frac{೧೧}{೪}$ × $\frac{೮}{೫}$ ಎಂದು ಒನ್ಮೆಲೆ ಬರೆಯಬಹುದು ಏಕೆ?

ಈ ಮೆಟ್ಟಲಿನಲ್ಲಿ ಆಗುವ ಚಿನ್ಹದ ಬದಲನ್ನು ಲಕ್ಷಿಸಿರಿ [೮ × $\frac{೧}{೫}$ = $\frac{೮}{೫}$ ಎಂದು] ಹಿಂದೆ ಕಲಿತ ನಿಯಮದಂತೆ ಇಲ್ಲಿಯೂ (— $\frac{೫}{೮}$) ದರ ಬದಲು (× $\frac{೮}{೫}$) ಆಗಿದೆ ಅಂದರೆ ಭಾಜಕವಾದ $\frac{೫}{೮}$ ವನ್ನು ತಿರುವುಮುರುವು ಇಟ್ಟು ಗುಣಿಸಬೇಕೆಂದು ಹೇಳುತ್ತದಲ್ಲವೇ?

ನಿಯಮ — ಯಾವದೊಂದು ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಕ್ಕೆ ಇನ್ನೊಂದು ಅ ದಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕಾದಲ್ಲಿ ಮೊದಲು ಅವುಗಳಿಗೆ ವಿಕ ಪ ಅ ಗಳರೂಪ ಕೊಡುವದು (ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ) ಆ ಮೇಲೆ ಭಾಜಕವಾದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ತಿರುವುಮುರುವು ಮಾಡಿಟ್ಟು ಭಾಜಕಕ್ಕೆ ಗುಣಿಸುವದು

ಉದಾ — (೨) $\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಗೆ ಸೇರಿನಂತೆ ೧$\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಸೇರು ಸಕ್ಕರೆ ದೊರೆಯುತ್ತದ?

ರೀತಿಃ— ೧$\frac{೫}{೮}$ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ $\frac{೩}{೪}$ ರೂ ದಂಥ ಎಷ್ಟು ಭಾಗಗಳಾಗುತ್ತವೆಯೋ ಅಷ್ಟು ಸೇರು ಸಕ್ಕರೆ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ ಅಂದರ ೧$\frac{೫}{೮}$ ರೂ — $\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಇಚ್ಛಿತ ಸೇರು ಇನ್ನು ೧$\frac{೫}{೮}$ ರೂ = $\frac{೧೩}{೮}$ ರೂ ಅಂದರೆ ೧೩ ಚವಲಿಗಳು

ಮತ್ತು ೧/೪ ರೂ = ೧ ಪಾವಲಿ = ೨ ಚವಲಿ ೧೩ ಚವಲಿಗಳಲ್ಲಿ ೨ ಚವಲಿಗಳ ಗುಂಪುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು ?

೧೩ ÷ ೨ ಗುಂಪುಗಳು ಇಷ್ಟೇ ನೇರು ಸಕ್ಕರೆ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ

೧ ೫/೮ ರೂ ÷ ೧/೪ ರೂ = ೧೩/೮ ರೂ ÷ ೧/೪ ರೂ

= ೧೩/೮ ÷ ೨/೮ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟದ್ದು

= ೧೩ ÷ ೨ ಅಂಶಕ್ಕೆ ಅಂಶದಿಂದ ಭಾಗಿಸಿದಂತಿದೆ

= ೧೩/೨ = ೬ ೧/೨ ನೇರು

೨ನೆಯ ರೀತಿ — ೧ ೫/೮ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ೧/೪ ರೂ ದಂಥ ಎಷ್ಟು ಗುಂಪುಗಳಾಗುತ್ತವೆಂಬದನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ ಇಲ್ಲಿ ೧/೪ ರೂ = ೧ ಪಾವಲಿ, ಅಂದರೆ ೧ ರೂ ಗೆ ೪ ಪಾವಲಿಗಳು ೧ ೫/೮ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಪಾವಲಿಗಳು ? ರೂ ಗಳ ೪ ಪಟ್ಟು ಪಾವಲಿಗಳು

೧ ೫/೮ × ೪ = ೧೩/೮ × ೪ ಇಷ್ಟು ಪಾವಲಿಗಳು . ಇಷ್ಟೇ ನೇರು ಸಕ್ಕರೆ

∴ ೧ ೫/೮ ರೂ ÷ ೧/೪ = ೧೩/೮ ÷ ೧/೪ = ೧೩/೮ × ೪/೧

ಇಲ್ಲಿಯಾದರೂ ಚಿನ್ಹದ ಬದಲಾವಣೆಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ (÷ ೧/೪) ಬದಲಾಗಿ (× ೪/೧) ಆಗಿದೆ ∴ ಮೇಲಿನ ನಿಯಮವು ಸಿದ್ಧವಾದಂತಾಯಿತು

ನಿಯಮ — (೧) ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳ ಭಾಗಾಕಾರದಲ್ಲಿ ಎರಡೂ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ಸಮಚ್ಛೇದರೂಪ ಕೊಟ್ಟು, ಅಂಶಕ್ಕೆ ಅಂಶದಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕು.

ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮ — (೧) ಭಾಜ್ಯ, ಭಾಜಕಗಳಾದ ಎರಡೂ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕದ ರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು (೨) ಭಾಜಕವಾದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವನ್ನು ತಿರುವುವುರುವು ಮಾಡಿಟ್ಟು ಭಾಜ್ಯಕ್ಕೆ ಗುಣಿಸಬೇಕು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಇಡಬೇಕು ಮತ್ತು ಸಾಧ್ಯವಿದ್ದಲ್ಲಿ ಉತ್ತರವನ್ನು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಇಡಬೇಕು

ಮಾ ಲೆಕ್ಕ — ೧ ರೂ ಗೆ ೧ ೧/೩ ವಾರ ರೇಶಿಮೆಯ ಅರಿವೆ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೧/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

ರೀತಿ — ೧/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯಲ್ಲಿ ೧ ೧/೩ ವಾರಿನಂತಹ ಎಷ್ಟು ತುಂಡುಗಳಾಗುತ್ತವೋ ಅಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ∴ ೧/೪ ವಾರ ÷ ೧ ೧/೩ ವಾ = ೧/೪ ವಾ ÷ ೪/೩ ವಾ

∴ ೧/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ = ೧/೪ ÷ ೩/೨ ರೂ

= ೧/೪ × ೨/೩ ರೂ. ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೂಪ ಕೊಡಲು

= ೧/೬ ರೂ

೧/೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ೧/೬ ರೂ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೬)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೨ರಿಂದ ೫)

(೧) ಆಕೃತಿಗಳ ಸಹಾಯದಿಂದ ಬಿಡಿಸಿರಿ

೧ ೧/೨ — ೧/೨ = ೩, ೧ ೧/೩ — ೧/೩ = ೪, ೧/೨ — ೪/೧ = ೧/೯,

(೨) ೪/೩ — ೨/೩, ೩/೪ — ೨/೩, ೪/೭ — ೩/೭,

(೩) ೧/೨ — ೨/೩, ೪/೯ — ೧ ೨/೭, ೭/೮ — ೩/೪,

(೪) ೧/೪ — ೩/೪, ೭/೧೦ — ೧ ೪/೫, ೫/೮ — ೫/೬,

(೫) ೩೫/೨೬ — ೭/೬, ೨೮/೨೩ — ೭/೧೧, ೧೧/೧೧ — ೨೫/೪೪,

(೬) ೧೧೭/೧೧೯ — ೨೬/೫೧, ೧೫೬/೨೧೭ — ೩೬/೩೧, ೧೬/೨೧ — ೨೮/೧೪೭

(೭) ೪ ೫/೭ — ೧ ೧/೪, ೧ ೧/೪ — ೫/೨೮, ೧ ೭/೮ — ೩/೪

(೮) ೩ ೪/೫ — ೫ ೭/೧೦, ೨ ೩/೫ — ೨ ೧/೬, ೩ ೭/೮ — ೧ ೫/೧೬

(೯) ೧೨ ೧/೨ — ೧೮ ೩/೪, ೧೮ ೧/೫ — ೧ ೩/೧೦, ೮ ೪/೯ — ೩ ೧/೬

(೧೦) ೫ ೧೫/೧೬ — ೪ ೩/೪, ೧೬ ೨/೩ — ೧೨ ೧/೨, ೫ ೫/೬ — ೧ ೫/೯

(೧೧) ೧ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆಗೆ ೧೨ ೧/೨ ಆಣೆ ಆದರೆ ೬ ೧/೪ ಆಣೆಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಬೆಣ್ಣೆ ಬರುವದು ?

(೧೨) ೧ ಡಝನ್ ಮಾವಿನಹಣ್ಣುಗಳಿಗೆ ೧ ೧/೨ ಆಣೆ ಆದರೆ ೪ ೧/೨ ರೂಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಡಝನ ಹಣ್ಣುಗಳು ದೊರೆಯುತ್ತವೆ ?

(೧೩) ೩ ೧/೨ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಪೆಂಟಿಯ ಬೆಲೆ ೨೮ ೧/೪ ರೂ ಆದರೆ ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೪) ೨೨ ೧/೪ ಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟರಿಂದ ಗುಣಿಸಿದರ ಗುಣಾಕಾರವು ೧೩ ೧/೨ ಬರುವದು ?

(೧೫) ೧ ೩/೪ ರೂ ಗೆ ಒಂದು ತೊಲಿಯಂತೆ ೭ ೩/೫ ರೂ ಗಳ ಬೆಳ್ಳಿಯನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟು ತೊಲಿ ಬರುವದು ?

(೧೬) ೧/೩ ೭/೯ ರೂ ಗೆ ೧ ದಸ್ತಿನಂತೆ ೧೧ ೧/೩ ರೂ ಗಳ ಹಾಳಿಗಳನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟು ದಸ್ತು ದೊರೆಯುವವು ?

(೧೭) ೬ ೧/೯ ಸೇರು ಹತ್ತಿಯಿಂದ ೩ ೧/೮ ಸೇರು ಅರಳೆಯು ಹೊರಡುತ್ತದೆ. ಆದರೆ ೧ ಸೇರು ಹತ್ತಿಯಿಂದ ಎಷ್ಟು ಸೇರು ಅರಳೆ ಹೊರಡುತ್ತದೆ ?

(೧೮) ಒಬ್ಬನು ೩ ೭/೮—೧ ೬/೮ ಇದರ ಉತ್ತರವನ್ನು ೨ ೩/೪ ಎಂದು ಇಟ್ಟಿದ್ದಾನೆ ಆದರೆ ನಿಜವಾದ ಉತ್ತರಕ್ಕೂ ತಪ್ಪು ಉತ್ತರಕ್ಕೂ ಅಂತರವೇನು ?

ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಪದಾವಳಿಯ ಸರಳರೂಪ

ನಿಯಮಗಳು — (೧) **ದ, ರ, ಗಳ** ಇತ್ಯಾದಿಗಳಿಂದ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಪದಗಳಲ್ಲಿ, **ದ, ರ, ಗಳ** ಇವುಗಳ ಬದಲು ಗುಣಾಕಾರ ಚಿನ್ಹವಿರುವದೆಂಬ ದನ್ನು ಈ ಮೊದಲೇ ಹೇಳಿದೆಯಲ್ಲವೇ ? ಹಾಗಾದರೆ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಪದಾವಳಿಯನ್ನು ಬಿಡಿಸುವಾಗ್ಗೆ ತೀರ ಮೊದಲು 'ದ' (ಅಥವಾ ರ, ಗಳ,) ದಿಂದ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಎರಡು ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ ಒಂದು ಪದವನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಬೇಕು ಆಮೇಲೆ ಕ್ರಮದಿಂದ —, × ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿ ಅವುಗಳ ಸ್ಥಳಗಳಲ್ಲಿಟ್ಟು + – ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಬೇಕು

ಕಂಸಗಳು

(೨) ( ), { }, [ ] ಇವುಗಳಿಗೆ ದುಂಡು, ಮೀಸಿ, ಚೌಕ ಕಂಸಗಳೆನ್ನುವರು ಮತ್ತು ಅವುಗಳನ್ನುಮೊದಲು ಬಿಡಿಸಿ ಅವುಗಳ ಸ್ಥಳಗಳಲ್ಲಿ ಅವುಗಳ ಉತ್ತರಗಳನ್ನು ಬರೆಯಬೇಕು

(೩) ಒಂದುವೇಳೆ ಒಂದರೊಳಗೊಂದು ಕಂಸಗಳಿದ್ದರೆ ಕ್ರಮದಿಂದ ತೀರ ಒಳಗಿನ ಕಂಸನ್ನು ಬಿಡಿಸುತ್ತ ಕೊನೆಗೆ ಹೊರಗಿನ ಕಂಸನ್ನುಬಿಡಿಸಬೇಕು

ಮಾ ಲೆಕ್ಕ — ೫ ೨/೩ ದ ೧ ೨/೫ — (೩/೪ ದ ೧ ೩/೫ + ೧ ೨/೫) – ೧ ೫/೬ ಇದಕ್ಕೆ ಸರಳರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

ಮೊದಲು ಕಂಸ, ಮತ್ತು 'ದ' ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಬೇಕು ∴ ಕಂಸದಲ್ಲಿ ಪದಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವಾಗ ಕಂಸದಲ್ಲಿ 'ದ' ಮೊದಲು ಬಿಡಿಸಬೇಕು

(೧) ಕಂಸಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವದು —

೩/೪ ದ ೧ ೩/೫ = ೩/೪ × ೮/೫ = ೬/೫,

∴ ೩/೪ ದ ೧ ೩/೫ + ೧ ೨/೫ = ೬/೫ + ೭/೫ = ೧೩/೫ (ಅ)

(೨) ಹೊರಗಿನ 'ದ' ಪದವನ್ನು ಬಿಡಿಸುವದು

$೫\frac{೨}{೩}$ ದ $೧\frac{೧}{೫} = \frac{೧೭}{೩} \times \frac{೬}{೫} = \frac{೩೪}{೫}$ (ಆ)

ಬಿಡಿಸಿದ, (ಅ)(ಆ) ಪದಗಳನ್ನು, ಅವುಗಳ ಸ್ಥಳದಲ್ಲಿಟ್ಟು — ಪದವನ್ನು ಬಿಡಿಸಬೇಕು

$\frac{೩೪}{೫} — \frac{೧೨}{೫} = \frac{೩೪}{೫} \times \frac{೫}{೧೨} = \frac{೧೭}{೬}$. (ಇ)

ಕೊನೆಗೆ '−' ಪದವನ್ನು ಬಿಡಿಸುವದು

(೩) ∴ $\frac{೧೭}{೬} - ೧\frac{೫}{೬} = \frac{೧೭}{೬} - \frac{೧೧}{೬} = \frac{೬}{೬} = ೧$ ∴ ೧ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೭)

ಕೆಳಗಿನ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಗಳಿಗೆ ಸರಳರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೧) $\frac{೪}{೫} + \frac{೭}{೮}$ ದ $\frac{೪}{೩} - ೧\frac{೪}{೫}$, $೧\frac{೧}{೬} \times \frac{೨}{೫}$ ದ $೧\frac{೧}{೪} - \frac{೫}{೧೪}$

(೨) $\frac{೨}{೧೦} + \frac{೧}{೯} - \frac{೨}{೫}$ ದ $೧\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧೮}{೯೫}$ ದ $\frac{೫}{೬} \times \frac{೫}{೩} + ೧$

(೩) $\frac{೨}{೧೫}$ ದ $\frac{೨}{೪} \times \frac{೧೨}{೯೫}$ ದ $\frac{೫}{೬}$, $೩\frac{೧}{೯} + ೪\frac{೨}{೩} \times \frac{೬}{೫} \times — \frac{೨}{೫}$

(೪) $\frac{೧೫}{೧೬} — \frac{೨}{೪}$ ದ $\frac{೨}{೩} - \frac{೭}{೮}$, $೪\frac{೨}{೪} + \frac{೧}{೮}$ ದ $\frac{೨}{೩} \times \frac{೨}{೯} - \frac{೧}{೧೬}$

(೫) $\frac{೭}{೮} - \{\frac{೧}{೩} + \frac{೨}{೪}$ ದ $\frac{೨}{೩}\}$, (೬) $\frac{೮}{೧೧} — \frac{೪}{೭}$ ದ $\frac{೧}{೧೧} - (೧೪\frac{೭}{೮} - ೧೩\frac{೨}{೪})$

(೭) $\frac{೪}{೫}$ ದ $\frac{೫}{೬} — (೧\frac{೭}{೮} + \frac{೫}{೮})$ (೮) $\{೪\frac{೫}{೬}$ ದ $\frac{೨}{೯೭} + (\frac{೧}{೩} - \frac{೧}{೪})\} - \frac{೨}{೪}$

(೯) $\frac{೪}{೫} - (\frac{೭}{೫}$ ದ $\frac{೧}{೩}) + \frac{೧}{೯}$ (೧೦) $(೧೧\frac{೧}{೪} \times ೧\frac{೬}{೭} - ೨\frac{೨}{೪}) \times ೨\frac{೨}{೩}$

(೧೧) $(\frac{೧}{೯} - \frac{೧}{೩})$ ದ $\{\frac{೧}{೬} + ೪\frac{೧}{೪}\}$ (೧೨) $\{\frac{೧೦}{೧೧} — ೫\frac{೧}{೯}\} - (೨\frac{೪}{೫} — ೧\frac{೨}{೬})$

(೧೩) $೨\frac{೭}{೮}$ ದ $೧\frac{೧}{೫} - (\frac{೨}{೬} + \frac{೧}{೩})$ (೧೪) $೯\frac{೧}{೪} - \{\frac{೫}{೬}$ ದ $\frac{೨}{೪} \times \frac{೪}{೫} - \frac{೨}{೪}$ ದ $\frac{೧}{೬} - \frac{೧}{೬}\}$

ವಿವಿಧ ಪರಿಮಾಣಗಳ ರೂಪಾಂತರ

ಇಳಿಕೆಯ ರೂಪಾಂತರ

ಉದಾಃ— (೧) $೩\frac{೨}{೫}$ ರೂ ಗಳಿಗ ರೂ ಆ ಪೈಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

$೩\frac{೨}{೫}$ ಇದು ಪೂರ್ಣಾಂಕಯುಕ್ತ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಇರುವದರಿಂದ $೩\frac{೨}{೫}$ ರೂ $=$ ೩ ರೂ $+ \frac{೨}{೫}$ ರೂ ಎಂದು ಹೇಳಿದಂತಾಯಿತು ಅಂದರೆ $೩\frac{೨}{೫}$ ದಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣಾಂಕವಾದ ೩, ಪೂರ್ಣ ರೂ ಗಳು, (೧) ಮತ್ತು ಹೆಚ್ಚಾಗಿದ್ದ ಭಾಗ $\frac{೨}{೫}$ ರೂ ಇದಕ್ಕೆ ಆ ಪೈಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು [೧೬ ಆ $=$ ೧ ರೂ]

$೧/೩$ ರೂ $=$ $೧/೩$ ರೂ $\times$ ೧೬ ಆಣೆ

$=$ $೧/೩ \times ೧೬/೧$ ಆಣೆ

$=$ $೧೬/೩$ ಆಣೆ

∴ $೧/೩$ ರೂ $=$ ೫$೧/೩$ ಆಣೆ ಇದರಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಯಾದ ೫, ಪೂರ್ಣ ಆಣೆಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಹೇಳುತ್ತದೆ

೫ ಆಣೆಗಳು . (೨)

ಇನ್ನು ಉಳಿದ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕ ಭಾಗ $೧/೩$ ಆ ಗೆ ಪೈ ರೂಪ ಕೊಡುವದು

$೧/೩$ ಆ $=$ $೧/೩ \times$ ೧೨ ಪೈ [೧೨ ಪೈ $=$ ೧ ಆಣೆ]

$೧/೩$ ಆ $=$ ೪ ಪೈ . (೩)

೩$೧/೩$ ರೂ ಗಳೆಂದರೆ ೩ ರೂ, ೫ ಆ, ೪ ಪೈಗಳು ಉತ್ತರ

ಉದಾಃ— (೨) ೧$೧/೮$ ತೊಲಿಯಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಗುಂಜಿಗಳಾಗುವವು ? ಮತ್ತು ೨ ಗುಂಜಿಗಳಿಗೊಂದರಂತೆ ಗುಂಡುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು ?

ರೀತಿಃ— ಮೊದಲು ತೊಲಿಗೆ ಮಾಸಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಕೊಂಡು ಆ ಮೇಲೆ ಆ ಮಾಸಿಗಳಿಗೆ ಗುಂಜಿಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವೆಂಬದನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕು

೧$೧/೮$ ತೊ $=$ $೯/೮$ ತೊ ವಿಷಮ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕರೂಪ [೧೨ ಮಾ $=$ ೧ ತೊ

$=$ $೯/೮ \times ೧೨/೧$ ಮಾಸಿಗಳು ೮ ಗುಂ $=$ ೧ ಮಾ]

$=$ $೨೭/೨$ ಮಾಸಿಗಳು . (೧)

ಇನ್ನು ಮಾಸಿಗೆ ಗುಂಜಿಗಳನ್ನು ಮಾಡುವದು

$=$ $೨೭/೨ \times$ ೮ ಗುಂಜಿಗಳು

∴ ೧$೧/೮$ ತೊ $=$ ೧೦೮ ಗುಂಜಿಗಳು .... (೨) ಉತ್ತರ

∵ ೧$೧/೮$ ತೊಲಿಯಲ್ಲಿ ೧೦೮ ಗುಂಜಿಗಳಾಗುತ್ತವೆ ಇನ್ನು ೨ ಗುಂಜಿಗಳಿಗೆ ಒಂದರಂತೆ ಗುಂಡುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು ? ∴ ಗುಂಜಿಗಳಿಗೆ ೨ರಿಂದ ಭಾಗಿಸಬೇಕಾಗುವದು ಗುಂಡುಗಳ ಸಂಖ್ಯೆ $=$ ೧೦೮ ಗುಂ $\div$ ೨ $=$ ೫೪ ಗುಂಡುಗಳು

೧$೧/೮$ ತೊಲಿಯಲ್ಲಿ ೫೪ ಗುಂಡುಗಳಾಗುತ್ತವೆ . .. (೩) ಉತ್ತರ

ನಿಯಮ — ಇಳಿಕೆಯ ರೂಪಾಂತರದಲ್ಲಿ ದೊಡ್ಡ ಪರಿಮಾಣವನ್ನು ಸಣ್ಣ ಪರಿಮಾಣಕ್ಕೆ ತರುವದಾಗಿರುತ್ತದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಕ್ರಮದಿಂದ ದೊಡ್ಡ

ಪರಿಮಾಣವನ್ನು ಅದಕ್ಕೂ ಸಣ್ಣದು, ಆ ಸಣ್ಣದಕ್ಕಿಂತ ತೀರ ಸಣ್ಣದು ಪರಿಮಾಣಗಳು ಆಗುವಂತೆ ಕೋಷ್ಟಕದಂತೆ ಗುಣಿಸುತ್ತ ಹೋಗಬೇಕು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೮)

(೧) ೯/೧೬, ೩/೪, ೭/೮, ೫/೬ ಮತ್ತು ೨ ೧/೪ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಆಣೆ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೨) ೭/೮, ೫/೧೨, ೨ ೩/೪, ೧ ೫/೧೬ ತೊಲಿಗಳಿಗೆ ಮಾಸಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರಿ ಮತ್ತು ಅವುಗಳಿಗೆ ಗುಂಜಿಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರಿ

(೩) ೩/೪, ೫/೮, ೫/೬, ೨ ೧/೩ ಮತ್ತು ೫ ೧/೩ ದಿ ಗಳಿಗೆ ತಾಸುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರಿ

(೪) ೨/೩ ೫/೮, ೧/೮, ೩ ೧/೨, ೨ ೧/೩ ಯಾರ್ಡುಗಳಿಗೆ ಇಂಚುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರಿ

(೫) ೩/೫, ೫/೯, ೧ ೩/೫, ೩ ೧/೨, ೭ ೧/೨ ವರ್ಷಗಳಿಗೆ ತಿಂಗಳುಗಳನ್ನು ಮಾಡಿರಿ.

(೬) ೨/೩, ೧/೨, ೩/೪, ೫/೮, ೧ ೫/೧೨ ಮಣಗಳಿಗೆ ಸೇರಿನ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ (೪೮ ಸೇ = ೧ ಮಣ)

(೭) ೩ ಆಣೆಗಳಿಗೊಂದು ಪೆನ್ಸಿಲ್‌ದಂತೆ ೨ ೫/೮ ರೂಪಾಯಿಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಪೆನ್ಸಿಲುಗಳು?

(೮) ೨ ಬಿಲ್ಲಿಗೊಂದರಂತೆ ೧ ೩/೧೬ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಲಿಂಬೀಹಣ್ಣುಗಳು?

(೯) ೧ ಆ ಗೆ, ೧ ಸೇ ಬದನೇಕಾಯಿ ಆದರೆ ೧ ೩/೧೬ ರೂ ಗೆಷ್ಟು ಸೇರು?

(೧೦) ೧ ಮಿನಿಟಿಗೆ ೩ ಕೊಡಗಳಂತೆ ನಳದಿಂದ ನೀರು ಬರುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೩/೫ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಕೊಡ ನೀರು ಬರುವದು?

(೧೧) ೩ ೨/೩ ಯಾರ್ಡು ಉದ್ದವಾದ ಒಂದು ಕಬ್ಬಿಣ ಸಳಿಯಲ್ಲಿ ೩ ಇಂಚು ಉದ್ದವಾದ ತುಂಡುಗಳೆಷ್ಟಾಗುವವು?

(೧೨) ೨ ೩/೪ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರದಲ್ಲಿ ೧ ಮಾಸಿ ತೂಕದ ಪದಕಗಳು ಎಷ್ಟಾಗುವವು?

(೧೩) ೧೮ ೩/೪ ಮೈಲು ಉದ್ದವಾದ ತಾರಿನ ತಂತಿಯು ೧/೨ ಫರ್ಲಾಂಗು ಅಂತರಕ್ಕೊಂದರಂತೆ ನಿಲ್ಲಿಸಿದ ಎಷ್ಟು ತಾರಕಂಬಗಳಮೇಲೆ ಹಾಯುವದು?

(೧೪) ೫ ೧/೨ ಮೈ ಎತ್ತರವಾಗಿ ವಿಮಾನಗಳು ಹಾರಬಲ್ಲವು ಅವುಗಳಿಂದ ೨೯೦೦೨ ಫೂ ಎತ್ತರವಾದ ಗೌರೀಶಂಕರಶಿಖರವನ್ನು ಮುಟ್ಟಬಹುದೇ?

(೧೫) ೩ ಮಿನಿಟಿಗೆ ೧ ಪುಟವನ್ನು ಓದಬಲ್ಲೆನು ಆದರೆ ಒಂದು ಕತೆ ಪುಸ್ತಕವನ್ನ ೨ ೫/೬ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಮುಗಿಸಿದರೆ ಆ ಪುಸ್ತಕದಲ್ಲಿದ್ದ ಪುಟಗಳೆಷ್ಟು?

ಏರಿಕೆಯ ರೂಪಾಂತರ

ಉದಾ — ೨ ಆ ೮ ಪೈಗಳಿಗೆ ರೂಪಾಯಿಯ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

ರೀತಿ — ಪೈಗಳಿಗೆ ಆಣೆಯ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಬಂದದ್ದನ್ನು ಹೇಳಿದ ಆಣೆಗಳಲ್ಲಿ ಕೂಡಿಸಿ ಬಂದ ಬೇರೀಜಕ್ಕೆ ರೂಪಾಯಿಯ ರೂಪ ಕೊಡಬೇಕು

೮ ಪೈ = ೮ — ೧೨ ಆ [೧೨ ಪೈ = ೧ ಆ ೧೬ ಆ = ೧ ರೂ]

$= \frac{\cancel{೮}^{೨}}{\cancel{೧೨}_{೩}}$ [ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ]

೨ ಆ ೮ ಪೈ = ೨ ಆ + $\frac{೨}{೩}$ ಆ

= ೨$\frac{೨}{೩}$ ಆ

= $\frac{೮}{೩}$ ಆ

= $\frac{೮}{೩}$ — ೧೬ ರೂ

= $\frac{೮}{೩} \times \frac{೧}{೧೬} = \frac{೧}{೬}$ ರೂ $\frac{೧}{೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಉದಾ — ಒಂದು ಕರವಸ್ತ್ರಕ್ಕೆ ೫ ಆ ೯ ಪೈ ಆದರೆ ೧೨ ಕರವಸ್ತ್ರಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ?

ರೀತಿ — ಮೊದಲು ೫ ಆ ೯ ಪೈಗಳಿಗೆ ರೂ ಯ ರೂಪ ಕೊಟ್ಟು ಆ ಮೇಲೆ ೧೨ ಕರವಸ್ತ್ರಗಳ ಬೆಲೆ ತೆಗೆಯುವದು

೯ ಪೈ = ೯ — ೧೨ ಆ (೧೨ ಪೈ = ೧ ಆ ೧೬ ಆ = ೧ ರೂ)

= $\frac{೯}{೧೨} = \frac{೩}{೪}$ ಆ (ಸಂಕ್ಷೇಪರೂಪ)

. ೫ ಆ ೯ ಪೈ = ೫ ಆ + $\frac{೩}{೪}$ ಆ

= ೫$\frac{೩}{೪}$ ಆ

= $\frac{೨೩}{೪}$ ಆ

= $\frac{೨೩}{೪}$ — ೧೬

= $\frac{೨೩}{೪} \times \frac{೧}{೧೬} = \frac{೨೩}{೬೪}$ ರೂ.

ಒಂದು ಕರವಸ್ತ್ರದ ಬೆಲೆ $\frac{೨೩}{೬೪}$ ರೂ ೧೨ ವಸ್ತ್ರಗಳ ಯೆಂದರೆ ಒಂದು ವಸ್ತ್ರದ ಬೆಲೆಗೆ ೧೨ ರಿಂದ ಗುಣಿಸುವದು

೧೨ ವಸ್ತ್ರಗಳ ಬೆಲೆ = $\frac{೨೩}{೬೪}$ ರೂ $\times \frac{೧೨}{೧}$

= $\frac{೬೯}{೧೬}$ ರೂ

೧೨ ವಸ್ತ್ರಗಳ ಬೆಲೆ = ೪$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ೪$\frac{೫}{೧೬}$ ರೂ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೯)

(೧) ೨, ೩, ೪, ೬, ೮, ೧೦ ಪೈಗಳಿಗೆ ಆಣೆ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೨) ೨, ೩, ೪, ಇತ್ಯಾದಿ ೧೫ರ ವರೆಗೆ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ರೂ ಗಳ ರೂಪಕೊಡಿರಿ

(೩) ೧, ೨, ೩ ಇತ್ಯಾದಿ ೧೧ ಮಾಸಿಗಳಿಗೆ ತೊಲಿ ರೂಪಕೊಡಿರಿ

(೪) ೨, ೩, ೪, ೫, ೬ ಗುಂಜಿಗಳಿಗೆ ಮಾಸಿಯ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೫) ೫, ೬, ೧೦, ೧೨, ೧೫, ೨೪, ೩೦, ೩೬, ೪೦, ೪೫ ಮಿನಿಟು ಗಳಿಗೆ ತಾಸುಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೬) ೨, ೩, ೪, ೬, ೮, ೯ ಇಂಚುಗಳಿಗೆ ಫೂಟುಗಳ ಮತ್ತು ಯಾರ್ಡಿನ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೭) ೨, ೩, ೫, ೬,೧೨,೧೫,೨೪ ದಿವಸಗಳಿಗೆ ತಿಂಗಳ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೮) ೨, ೩, ೪, ೬, ೮, ೧೨ ೨೪, ೩೦, ೩೬, ೪೨ ಸೇರುಗಳಿಗೆ ಮಣದ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ (೪೮ ಸೇರು=೧ ಮಣ)

(೯) ೧, ೨, ೩, ೪, ೬ ಫರ್ಲಾಂಗುಗಳಿಗೆ ಮೈಲಿನ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ

(೧೦) ೬, ೮, ೧೨, ೧೬, ೧೮, ೨೦ ಹಾಳಿಗಳಿಗೆ ದಸ್ತಿನ ರೂಪ ಕೊಡಿರಿ (೨೪ ಹಾಳಿ=೧ ದಸ್ತು)

(೧೧) ೧ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೆ ೧ ಆ ೬ ಪೈ ಆದರೆ ೨೪ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು? ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ ಹೇಳಿರಿ

(೧೨) ೧ ವಾರ ಕೋಟಿನ ಅರಿವೆಗೆ ೧ ರೂ ೨ ಆ ೮ ಪೈ ಆದರೆ ೪ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೧೩) ೨ ಮಿನಿಟುಗಳಿಗೆ ೧ ಹಂಜಿಯಂತೆ ೨೦೦ ಹಂಜಿಗಳನ್ನು ನೂಲ ಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹತ್ತುವದು?

(೧೪) ೧ ಆ ೬ ಪೈಗಳಿಗೆ ಒಂದರಂತೆ ೪ತ್ತಿ ಡಝನ್ ಮಾವಿನ ಹಣ್ಣುಗಳನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳು ಬೇಕಾಗುವವು?

(೧೫) ದಿನಕ್ಕ ⅔ ಸೇರಿನಂತೆ ಒಬ್ಬ ಗೌಳಿಗನಲ್ಲಿ ೪೨ ಸೇರು ಹಾಲು ಕೊಂಡಿದ್ದೆವು. ಆದರೆ ಎಷ್ಟು ತಿಂಗಳ ಹಾಲು ಕೊಂಡಿರಬೇಕು? ಮತ್ತು ೧ ಸೇರಿಗೆ ೯ ಆಣೆಯಂತೆ ಆ ಹಾಲಿನ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಆಗುವದು?

ವ್ಯವಹಾರದಲ್ಲಿ ಪಟ್ಟು ಪಾಲುಗಳ ಕಲ್ಪನೆ

ಭಾಗ ೩

ಉದಾ (೧) — ೧ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿಗೆ ೪ ಆಣೆಗಳಾದರೆ ೩ ಟೆಂಗಿನ ಕಾಯಿಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

ವಸ್ತು ವಸ್ತು + + = ೩ ಗಳು

ಬೆಲೆ ೪ ಆಣೆ ಬೆಲೆ ೪ ಆ + ೪ ಆ + ೪ ಆ = ೩ × ೪ ಆ ಗಳು = ೧೨ ಆ ಗಳು

ವಿವರಣೆ — ಇಲ್ಲಿ ೩ ಟೆಂ ಕಾಯಿ ೧ ಕಾಯಿಯ ೩ ಪಟ್ಟು (೩—೧ = ೩ ಪ) ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಯಾದರೂ ೧ ಕಾಯಿಯ ಬೆಲೆಯ ೩ ಪಟ್ಟು

ಉದಾ (೨) — ೨ ರೂ ಗಳಿಗೊಂದರಂತೆ ೮ ರೂ ಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಕಂಪಾಸ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳು ಬರುವವು ?

ಬೆಲೆ [೨ ರೂ] ನೋಟು ಬೆಲೆ [೨ ರೂ] + [೨ ರೂ] + [೨ ರೂ] + [೨ ರೂ] = ೪ [೨ ರೂ] ಗಳಿಗೆ

ವಸ್ತು [ಕಂ] ಪೆಟ್ಟಿಗೆ ವಸ್ತು [ಕಂ] + [ಕಂ] + [ಕಂ] + [ಕಂ] = ೪ [ಕಂ] ಗಳು

ವಿವರಣೆ — ಇಲ್ಲಿ ೮ ರೂ ೨ ರೂ ಗಳ ೪ ಪಟ್ಟು ಏಕೆ ? ೮ ರೂ— ೨ ರೂ = ೪ ಪಟ್ಟು ∴ ೮ ರೂ ಗೆ ಸಿಗುವ ಕಂಪಾಸು ೨ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಸಿಗುವ ಕಂಪಾಸಪೆಟ್ಟಿಗೆಯ ೪ ಪಟ್ಟು

ಉದಾ:—(೩) ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೆ ೪ ರೂ.ಗಳಾದರ ೧/೨ ಮಣಕ್ಕೇನು ? ಮತ್ತು ೨೧/೨ ಮಣಗಳಿಗೆಷ್ಟು ?

(೧)

ವಸ್ತು [೧ ಮ] ವಸ್ತು [೧/೨ ಮ] ಅಂದರೆ ೧/೨ ಮಣ ಬೆಲ್ಲ

ಬೆಲೆ ೪ ರೂ ಬೆಲೆ ೨ ರೂ = ೧/೨ × ೪ ರೂ

(೨) ಮತ್ತು

ವಸ್ತು [೧ ಮ] + [೧ ಮ] + [೧/೨ ಮ] = ೨೧/೨ [೧ ಮ] ಬೆಲ್ಲ

ಬೆಲೆ: ೪ ರೂ + ೪ ರೂ. + ೨ ರೂ = ೨೧/೨ × ೪ ರೂ = ೧೦ ರೂ

ವಿವರಣೆ — ಮೊದಲನೆಯ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೩/೪ ಮಣ ಬೆಲ್ಲ, ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ೩/೪ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ೩/೪ ಭಾಗ (೩/೪ ಮಣ — ೧ ಮಣ = ೩/೪ ಪಟ್ಟು)

೩/೪ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆಯು ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆಯ ೩/೪ ಭಾಗ ಅಂದರೆ ೪/೧ × ೩/೪ = ೩ ರೂ

ಎರಡನೆಯ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ೨ ೩/೪ ಮಣ ಬೆಲ್ಲವು ೧ ಮ ಬೆಲ್ಲದ ೨ ೩/೪ ಪಟ್ಟು (= ೨ ೩/೪ ಮಣ — ೧ ಮ)

೨ ೩/೪ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆಯು ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲದ ಬೆಲೆಯ ೨ ೩/೪ ಪಟ್ಟು ಅಂದರೆ ೨ ೩/೪ ಪಟ್ಟು × ೪ ರೂ = ೧೧/೪ ಪ × ೪ = ೧೧ ರೂ ಗಳು ಎಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ

ಉದಾ — (೪) ನಾನು ೪ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೧೨ ಮೈಲು ನಡೆದರೆ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ನಡದಂತಾಯಿತು ?

ವಿವರಣೆ — ಹೇಳಿದ ಕಾಲ ಪರಿಮಾಣವು ೪ ತಾಸು, ಕೇಳಿದ್ದು ೧ ತಾಸು ೧ ತಾಸು ೪ ತಾಸುಗಳ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ? ೧ ತಾ — ೪ ತಾ = ೧/೪ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ಪಾಲು ಅಲ್ಲವೇ ? ಕ್ರಮಿಸಿದ ಮಾರ್ಗವಾದರೂ ಆ ಮಾರ್ಗದ ೧/೪ ಪಟ್ಟು ಇರಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಅಂದರೆ ೧೨ ಮೈಲುಗಳ ೧/೪ ಪಟ್ಟು ∴ ೧೨/೧ ಮೈ × ೧/೪ = ೩ ಮೈ, ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೩ ಮೈ ನಡದಂತಾಯಿತು

ಈ ಎಲ್ಲ ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದ ನಮಗೆ ತಿಳಿಯುವದೇನೆಂದರೆ —

(೧) ಒಂದು ಪರಿಮಾಣವು ಮತ್ತೊಂದರ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ಪಾಲು ಎಂಬದನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳಬೇಕಾದರೆ **ಎರಡೂ ಪರಿಮಾಣಗಳು ಒಂದೇ ಜಾತಿಯು ಮತ್ತು ಒಂದೇ ಹೆಸರಿನವಿರಬೇಕು** (೨) ಒಂದರಿಂದ ಮತ್ತೊಂದಕ್ಕೆ ಭಾಗಿಸಲು ಬರುವ ಭಾಗಾಕಾರವೇ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ಪಾಲು ಆಗುವದು ಅದಕ್ಕೆ ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ "ಪಟ್ಟು" ಎಂಬ ಹೆಸರನ್ನು ಉಪಯೋಗಿಸುವದುಂಟು (೩) ಅದು ಯಾವಾಗಲೂ ಪೂರ್ಣಾಂಕವೇ ಆಗಿರಬೇಕೆಂಬ ನಿಯಮವಿಲ್ಲ ಅದು ಕೇವಲ ಅಂಕೆಯೇ ಹೊರತು ಯಾವದೊಂದು ವಸ್ತು ಪರಿಮಾಣವನ್ನು ಹೇಳುವದಲ್ಲ, ಇನ್ನೊಂದು ಮಹತ್ವದ ಸಂಗತಿಯೆಂದರೆ — (೪) **ಕೇಳಿದ ವಸ್ತು ಅಥವಾ ಬೆಲೆಗಳು ಹೇಳಿದ ವಸ್ತು ಅಥವಾ ಬೆಲೆಗಳ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟಿರುತ್ತವೆಯೋ, ಅವುಗಳ ಬೆಲೆ ಅಥವಾ ವಸ್ತುಗಳಾದರೂ ಅದೇ ಪಟ್ಟಿನಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ ಅದ್ದರಿಂದ** ಮೇಲಿನಂಥ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿ

ಕೇಳಿದ ವಸ್ತು ಅಥವಾ ಬೆಲೆಗಳು, ಹೇಳಿದ ವಸ್ತು ಅಥವಾ ಬೆಲೆಗಳ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ಎಂಬದನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವದೇ ಮಹತ್ವದ್ದಾಗಿದೆ.

ಮೇಲಿನಂಥ ಬೇರೆ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಬೇಗನೆ ಬಿಡಿಸಲು ಸುಲಭವಾಗುವದಕ್ಕಾಗಿ ಕೆಲವು ಪಟ್ಟುಗಳನ್ನು ಕೆಳಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದೆ

(೧)	(೨)
೪ ರೂ ಗಳು ೧ ರೂ ಯ ೪ ಪ	೧ ರೂ ಯು ೪ ರೂ ಗಳ ೧/೪ ಪಟ್ಟು (ಅಥವಾ) ಭಾಗ
೬ ರೂ ಗಳು ೧ ರೂ ಯ ೬ ಪ	೧ ರೂ ಯು ೬ ರೂ ಗಳ ೧/೬ ಪಟ್ಟು (ಅಥವಾ) ಭಾಗ
೮ ತಾ ಗಳು ೧ ತಾಸಿನ ೮ ಪ	೧ ತಾಸು ೮ ತಾಸುಗಳ, ೧/೮ ಪಟ್ಟು (ಅಥವಾ) ಭಾಗ
ಅದರಂತೆ	ಅದರಂತೆ
೧/೪ ರೂ ೧ ರೂ ಯ ೧/೪ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ಪಾಲು	೧ ರೂ ೧/೪ ರೂ ಯ ೪ ಪಟ್ಟು
೧/೧೨ ಫೂ ೧ ಫೂಟಿನ ೧/೧೨ ಪಟ್ಟು ಅಥವಾ ಪಾಲು	೧ ಫೂ ೧/೧೨ ಫೂಟಿನ ೧೨ ಪಟ್ಟು
ಇತ್ಯಾದಿ	ಇತ್ಯಾದಿ

ಈ ಎರಡೂ ಪಟ್ಟುಗಳಿಂದ ನಮಗೆ ತಿಳಿಯತಕ್ಕದ್ದೇನಂದರೆ —,

ಯಾವದೊಂದು ಸಂಖ್ಯೆಯು, ಪೂರ್ಣಾಂಕವಾಗಿರಲಿ ಅಪೂರ್ಣಾಂಕವಾಗಿರಲಿ, ಎಷ್ಟು ಇರುವದೋ ಅಷ್ಟೇ ೧ರ ಪಟ್ಟು ಇರುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ೧, ಆ ಸಂಖ್ಯೆಯ ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮಪಟ್ಟಿರುತ್ತದೆ

ನಮಗೆ ದೊರೆತಿರುವ ಪಟ್ಟುಗಳ ಕಲ್ಪನೆಯಿಂದ ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿಯ ಪ್ರಸ್ತಾವನೆಯ ರೂಪವಾಗಿ ಸುಲಭವಾದ ಕೆಲವು ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವಾ

ಒಂದರ ಮೇಲಿಂದ ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಂಡುಹಿಡಿಯುವದು

ಉದಾ — (೧) ಒಂದು ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗೆ ೩ ರೂಪಾಯಿಗಳಾದರೆ ೪ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

ಇಂಥ ಲೆಕ್ಕಗಳ ಉತ್ತರಗಳು ಸುಲಭವಾಗಿ ಹೊರಡುತ್ತಿದ್ದರೂ ವ್ಯವಸ್ಥಿತ ಕ್ರಮದಿಂದ ಹೇಗ ಬಿಡಿಸಬಹುದೆಂಬದನ್ನು ಕಲಿಯುವಾ

ರೀತಿ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಯ ಬೆಲೆ ೩/೪ ರೂ ೪ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ೩ ರೂ ೩ ರೂ ಗಳು ಉತ್ತರ	೪ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಳು ೧ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಯ (೪—೧=) ೪ ಪಟ್ಟು ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಯಾದರೂ ೪ ಪಟ್ಟು ಬೆಲೆ = ೩/೪ ರೂ × ೪/೧ ಪ = ೩ ರೂ ಗಳು

ಉದಾ — ಒಬ್ಬನು ೧ ತಾಸಿಗೆ ೪ ಮೈಲು ನಡದರೆ ೨೧/೨ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ನಡೆಯುವನು ?

ರೀತಿ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೪ ಮೈ ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ ೨೧/೨ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೧೦ ಮೈಲು ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ ∴ ೧೦ ಮೈಲು ಉತ್ತರ	೨೧/೨ ತಾಸುಗಳು ೧ ತಾಸಿನ ೨೧/೨ ಪಟ್ಟು ನಡೆಯುವ ಹಾದಿಯೂ ೨೧/೨ ಪಟ್ಟು ಹಾದಿ = ೪ ಮೈ × ೨೧/೨ ಪ = ೪ × ೫/೨ ಹಾದಿ = ೧೦ ಮೈಲು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೦)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ರಿಂದ ೧೦)

(೧) ೧ ರೂಪಾಯಿಯು ೧ ಆಣೆಯ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೨) ೩/೪ ರೂಪಾಯಿ ೧ ರೂಪಾಯಿಯ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೩) ೧ ಡಝನ ಹಣ್ಣುಗಳು ೧ ಹಣ್ಣಿನ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೪) ೧೧/೨ ವರ್ಷಗಳು ೧ ತಿಂಗಳ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೫) ೧/೪ ಸೇರು ೧ ಸೇರಿನ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೬) ೬೧/೨ ವಾರ ಅರಿವೆಯು ೧ ವಾರಿನ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೭) ೨/೩ ತಾಸು ೧ ತಾಸಿನ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೮) ೧ ಆಣೆಗೆ ೨ ಲಿಂಬೀಹಣ್ಣುಗಳು ಆದರೆ ೧ ರೂ ಗೆ ಎಷ್ಟು ಲಿಂಬೀಹಣ್ಣುಗಳು ?

(೯) ೧ ರೂ ಗೆ ೨ ಸೇರು ಅಕ್ಕಿ ಆದರೆ ೩/೪ ರೂ ಗೆ ಎಷ್ಟು ಸೇ ಅಕ್ಕಿ ?

(೧೦) ೧ ಮಾವಿನಹಣ್ಣಿಗೆ ೧೧/೨ ಆ ಯಂತೆ ೧೧/೨ ಡಝನ ಮಾವಿನ ಹಣ್ಣುಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೧) ಒಂದು ಮನೆತನದ ೧ ತಿಂಗಳ ಖರ್ಚು ೮೫ ರೂ ಇದ್ದರೆ ೧½ ವರ್ಷಗಳ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು ಎಷ್ಟು ?

(೧೨) ಒಬ್ಬ ಬಡಿಗನ ೧ ದಿನದ ಕೂಲಿ ೨½ ರೂ ಆದರೆ ಅವನ ೧ ವಾರದ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು ?

(೧೩) ೧ ಜೋಡು ದೋತರ ಬೆಲೆ ೧೦½ ರೂ ಆದರೆ ೨೪ ಜೋಡ ದೋತರ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೪) ೧ ಸೇರ ಯಾಲಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆ ೫ ರೂಪಾಯಿಗಳು ಆದರೆ ¼ ಸೇರು ಯಾಲಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

(೧೫) ೧ ವಾರ ಅರಿವೆಗೆ ⅞ ರೂ ಆದರೆ ೬½ ವಾರದ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

(೧೬) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನು ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೬ ಪುಟಗಳನ್ನು ಬರೆದರೆ ೨ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಪುಟಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವನು ?

(೧೭) ೧ ಸೇರಿಗೆ ೧೦ ಆಣೆಗಳಾದರೆ ೧¼ ಸೇರು ಹಾಲಿನ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೮) ೧ ಢಡ ಬದನೆಕಾಯಿಗಳ ಬೆಲೆ ೬ ಆಣೆಗಳಾದರೆ ೧½ ವ.ಣ ಬದನೇಕಾಯಿಗೇನು ಕೊಡಬೇಕಾಗುವದು ?

(೧೯) ೧ ಸೇರು ಹಂಜಿಯ ಬೆಲೆ ೧೦½ ಆ ಅದರೆ ೨½ ಸೇರು ಹಂಜಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೨೦) ೧ ತಾಸಿಗೆ ೩೦ ಮೈಲು ವೇಗವುಳ್ಳ ಮೋಟಾರು ೩½ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ಹಾದಿಯನ್ನು ಕ್ರಮಿಸಬಲ್ಲದು ?

ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯಿಂದ ೧ ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

ಉದಾ - (೧) ೧೦ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧೫೦ ಮಾವಿನಹಣ್ಣುಗಳು ಆದರೆ ೧ ರೂ ಗೆಷ್ಟು ಹಣ್ಣುಗಳು ?

ರೀತಿ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧೦ ರೂ ಗೆ ೧೫೦ ಮಾ ಹಣ್ಣುಗಳು ೧ ರೂ ಗೆ ೧೫ ,, ೧೫ ಹಣ್ಣುಗಳು ಉತ್ತರ	೧ ರೂ ಯು ೧೦ ರೂ ಗಳ (೧ — ೧೦ =) ೧/೧೦ ಪಟ್ಟು ಹಣ್ಣುಗಳು = ೧೫೦/೧ × ೧/೧೦ = ೧೫

ಉದಾ — (೨) ೧/೪ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೧ ಮೋಟಾರು ೮ ಮೈಲು ಹೋದರೆ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ಓಡುವದು ?

ರೀತಿ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧/೪ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೮ ಮೈಲು ಓಡುತ್ತದೆ ೧ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೩೨ ಮೈ ಒಡುವದು ∴ ೩೨ ಮೈಲು ಉತ್ತರ	೧ ತಾ ೧/೪ ತಾಸಿನ (೧—೧/೪=) ೪ ಪ ಕ್ರಮಿಸಿದ ಅಂತರವೂ ೪ ಪಟ್ಟು ∴ ಕ್ರಮಿಸಿದ ಅಂತರ=೮×೪ ಪ =೩೨ ಮೈಲು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೧)

(೧) ೧ ರೂ ಯು ೬ ರೂ ಗಳ ಎಷ್ಟು ಪಟ್ಟು ?

(೨) ೧ ಮೈಲು ೧೦ ಮೈಲುಗಳ ಎಷ್ಟನೆಯ ಭಾಗ

(೩) ೧ ಮಿನಿಟು ೧/೩ ತಾಸಿನ ಎಷ್ಟನೆಯ ಭಾಗ

(೪) ೧ ಹಾಳಿಯು ೧ ದಸ್ತಿನ ಎಷ್ಟನೆಯ ಭಾಗ

(೫) ೧ ವಾರು ೧ ಥಾನಿನ ಎಷ್ಟನೆಯ ಭಾಗ (೧ಥಾನು= ೨೪ವಾರ)

(೬) ೬ ರೂ ಗೆ ೧೩ ೧/೩ ನೇರು ಅಕ್ಕಿ ಆದರೆ ೧ ರೂ ಗೆಷ್ಟು ನೇರು ?

(೭) ೪ ವಾರ ಕೋಟಿನ ಅರಿವೆಯನ್ನು ೧೫ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡನು ಆದರೆ ೧ ವಾರದ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೮) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನ ೧ ತಿಂಗಳ ಪಗಾರವು ೧೩೫ ರೂ ಗಳಾದರೆ ದಿನಕ್ಕೆಷ್ಟು ?

(೯) ೧ ಧಡ ಹುಣಸಿಹಣ್ಣನ್ನು ೧ ರೂ ೨ ಆ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡೆನು ಆದರೆ ೧ ನೇರಿಗೇನು ? (೧ ಧಡ=೧೨ ನೇರು)

(೧೦) ೨ ಡಝನ ವಾಟಿಗಳನ್ನು ಒಬ್ಬ ಅಂಗಡಿಕಾರನು ೯ ರೂ ಗೆ ಕೊಂಡನು ಆದರೆ ೧ ವಾಟಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೧) ಒಬ್ಬನು ೧ ೧/೩ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ೧೦ ಮೈ ನಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ಹೋಗುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೧ ಮೈಲು ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹಿಡಿಯುವದು ?

(೧೨) ೧/೩ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಒಂದು ನಳದಿಂದ ೭೫ ಕೊಡ ನೀರು ಬರುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೧ ಮಿನಿಟಿನಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಕೊಡ ನೀರು ಬಂದಂತ ಯಿತು

(೧೩) ೧ ದಸ್ತ ಹಾಳಿಗೆ ೯ ಆಣೆ ಆದರೆ ೧ ಹಾಳಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು?

(೧೪) ೧ ಥಾನು ಶರ್ಟಿನ ಅರಿವೆಗೆ ೧೮ ರೂ ಗಳಾದರೆ ೧ ವಾರ ಅರಿವೆಯ ದರವೇನು? (೧ ಥಾನು = ೨೪ ವಾರಗಳು)

(೧೫) ೧ ಮಣ ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೆ ೪$\frac{೧}{೨}$ ರೂ. ಗಳು ಆದರೆ ೧ ಧಡ ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೇನು?

(೧೬) ೧೦೦ ಪಾಕೀಟುಗಳಿಗೆ ೬ ರೂ ೪ ಆ ಆದರೆ ೧ ಪಾಕೀಟಿಗೇನು?

(೧೭) ಒಬ್ಬ ಹುಡುಗನು ೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ೩೦೦ ಪುಟಗಳನ್ನು ಓದುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೧ ದಿನಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಪುಟಗಳನ್ನು ಓದಿದಂತಾಯಿತು?

(೧೮) ಒಬ್ಬ ಒಕ್ಕಲಿಗನು ೮ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ೧೨ ಎಕರೆ ಹೊಲವನ್ನು ಹರಗುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಎಕರೆ ಹರಗಿದಂತಾಯಿತು?

(೧೯) ಒಂದು ಚೀಲ ಜೋಳದ $\frac{೩}{೪}$ ಭಾಗವು ನಮಗೆ $\frac{೧}{೨}$ ತಿಂಗಳ ಸಾಲುವದು ಆದರೆ ಇಡೀ ಚೀಲ ಜೋಳವು ಎಷ್ಟು ದಿವಸ ಸಾಲುವದು?

(೨೦) ೧೦ ನೂರು ಹಂಚುಗಳಿಗೆ ೨೫ ರೂ ಗಳಾದರೆ ೧ ನೂರು ಹಂಚುಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು?

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ

ಉದಾ (೧) — ೧೦ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿಗಳಿಗೆ ೨$\frac{೧}{೨}$ ರೂ ಆದರೆ ೧೩ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿಗಳ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು?

ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯಿಂದ ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದಕ್ಕಾಗಲಿ, ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯಿಂದ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದಕ್ಕಾಗಲಿ ಹೇಳಿಲ್ಲ, ಆದ್ದರಿಂದ ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಿದಂತೆ ಒಮ್ಮೆಲೆ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಹೊರಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ಬರಲಾರದು

ಆದ್ದರಿಂದ ಮೊದಲು ೧ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿಯ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆದು ಆ ಬೆಲೆಯಿಂದ ೧೩ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯಬಹುದು ಇಂಥ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸತಕ್ಕ ವಿಧಾನವೆಂದರೆ ಈ ಮೊದಲೇ ತೋರಿಸಿದ ಎರಡೂ ವಿಧಾನಗಳ ಜೋಡಣೆಯೇ ಆಗಿದೆ ಅದು ಕೆಳಗಿನಂತಿದೆ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧೦ ಟೆಂ ಗಳ ಬೆಲೆ ೨$\frac{೧}{೨}$ ರೂ	೧ ಟೆಂ ಯು ೧೦ ಟೆಂ ಗಳ $\frac{೧}{೧೦}$ ವ
∴ ೧ ಟೆಂ ಯ ಬೆಲೆ $\frac{೧}{೪}$ ರೂ	ಬೆಲೆ = ೨$\frac{೧}{೨}$ × $\frac{೧}{೧೦}$ = $\frac{೫}{೨}$ × $\frac{೧}{೧೦}$ = $\frac{೧}{೪}$ ರೂ
೧೩ ಟೆಂ ಗಳ ಬೆಲೆ ೩$\frac{೧}{೪}$ ರೂ	೧೩ ಟೆಂ ಗಳು ೧ ಟೆಂ ಯ ೧೩ ಪಟ್ಟು
೩$\frac{೧}{೪}$ ರೂ ಉತ್ತರ	ಬೆಲೆ = $\frac{೧}{೪}$ × ೧೩ = $\frac{೧೩}{೪}$ = ೩$\frac{೧}{೪}$ ರೂ

ಉದಾ (೨) — ೭ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೮ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ ಆದರೆ ೮ ರೂ ೧೨ ಆ ಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಸೇರು?

ರೀತಿ — ಮೊದಲು ೧ ರೂ. ಗೆ ಬರುವ ಬೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ತೆಗೆದು ಅದರ ಮೇಲಿಂದ ೮ ರೂ ೧೨ ಆ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ ಸಿಗುತ್ತದೆಂಬದನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕು ೮ ರೂ ೧೨ ಆ = ೮ ರೂ + ೧೨/೧೬ ರೂ = ೮ ೩/೪ = ೩೫/೪ ರೂ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೭ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೮ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ	೧ ರೂ ಯು ೭ ರೂ ಗಳ ೧/೭ ವ
೧ ರೂ ಗೆ ೮/೭ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ	೧ ರೂ = ೮ ಸೇ × ೧/೭ = ೮/೭ ಸೇ
೩೫/೪ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧೦ ಸೇ ಬೆ	೩೫/೪ ರೂ ಗಳು ೧ ರೂ ಯ ೩೫/೪ ವ
೧೦ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ ಉತ್ತರ	ಬೆಣ್ಣೆ = ೮/೭ × ೩೫/೪ = ೧೦ ಸೇರು

ಈ ಎರಡೂ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿದ ರೀತಿಗಳನ್ನು ನೋಡಲು ನಮಗೆ ಕಂಡುಬರುವದೇನೆಂದರೆ — **ಹೇಳಿದ ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯಿಂದ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆದು ಆಮೇಲೆ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನ ಬೆಲೆಯಿಂದ ಹೇಳಿದ ಅನೇಕ ವಸ್ತುಗಳ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು.** ಈ ಎರಡೂ ವಿಧಾನಗಳು ಇಂಥ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸತಕ್ಕ ರೀತಿಯ ಮುಖ್ಯಾಂಗಗಳು ಈ ಪದ್ಧತಿಗೆ **ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ**'ಯೆನ್ನುವರು

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೨)

(೧) ೬ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೧೬ ಲಿಂಬೇಹಣ್ಣುಗಳಾದರೆ ೧೫ ಆಣೆಗಳಿಗೆಷ್ಟು?

(೨) ೨ ೧/೨ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೫೦ ವೀಳ್ಯದೆಲೆಗಳಾದರೆ, ೮ ಆಣೆಗಳಿಗೆಷ್ಟು?

(೩) ೨೦ ಕನ್ನಡಿಗಳಿಗೆ ೧೨ ೧/೨ ರೂ ಆದರೆ ೩ ಕನ್ನಡಿಗಳಿಗೆಷ್ಟು ರೂಪಾಯಿ?

(೪) ೨೦ ಮೈಲು ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ೧ ಮೋಟಾರಕ್ಕೆ ೩/೪ ತಾಸು ಹತ್ತಿದರೆ ೧೫ ಮೈಲು ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹಿಡಿಯುವದು?

(೫) ೩/೪ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರಕ್ಕೆ ೭೨ ರೂ ಗಳಾದರೆ ೧೧ ೧/೨ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು?

(೬) ೩/೫ ತಾಸಿನಲ್ಲಿ ಒಬ್ಬ ಹುಡುಗನು ೧೦ ಪುಟಗಳನ್ನು ಬರೆದರೆ ೩ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಪುಟಗಳನ್ನು ಬರೆಯಬಲ್ಲನು?

(೭) ೬ ಮಣ ಕಟ್ಟಿಗೆಗೆ ೩ ರೂ ೧ ಆ ಆದರೆ ೨೦ ಮಣಕ್ಕೆಷ್ಟು ?

(೮) ೧ ರೂ ೧೧ ಆ ಗಳಿಗೆ ೬ ನೇರು ಸಕ್ಕರೆಯಾದರೆ, ೧೩ತ್ರಿ ನೇ ಸಕ್ಕರೆಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೯) ೧ ಗ್ರೋಸ ಕಡ್ಡೀ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳಿಗೆ ೬ ರೂ ೧೨ ಆ ಗಳಾದರೆ ೧೫ ಪೆಟ್ಟಿಗೆಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೦) ೧೧ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೪ ಪೌಂಡು ಚಹಾ ಪುಡಿದೊರೆಯುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೧೫ ಪೌಂಡು ಚಹಾ ಕೊಂಡರೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳನ್ನು ಕೊಡಬೇಕು ?

ಪಟ್ಟು ಮತ್ತು ಪ್ರಮಾಣ

(ಭಾಗ ೨)

ಪಟ್ಟು, ಪಾಲುಗಳ ವ್ಯಾವಹಾರಿಕ ಕಲ್ಪನೆ ನಮಗೆ ನಾಕಷ್ಟು ಆಗಿದೆ ಇನ್ನು ಪಟ್ಟುಗಳ ವಿಶೇಷ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ಕುರಿತು ವಿಚಾರಿಸುವಾ

ಉದಾ — (೧) ೧ ನೇರು ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೆ ೩ ಆ ಗಳು ಆದರೆ ೫ ನೇರು ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೇನು ?

“೫ ನೇರು ಬೆಲ್ಲಕ್ಕೆ ೧೫ ಆಣೆಗಳು” ಎಂದು ಒಮ್ಮೆಲೆ ಹೇಳಬಹುದು ಆದರೆ ಇಲ್ಲಿ ಬಂದಿರತಕ್ಕ ಪದಗಳ ಸಂಬಂಧವನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವಾ

ಲಕ್ಷ್ಯಗೊಡಿರಿ — ೫ ನೇರು ಬೆಲ್ಲ, ೧ ನೇರು ಬೆಲ್ಲದ ೫ ಪಟ್ಟು ಮತ್ತು ೧೫ ಆಣೆಗಳು ೩ ಆಣೆಗಳ ೫ ಪಟ್ಟು

ನೇರು ನೇರುಗಳೂ, ಅವುಗಳ ಬೆಲೆಗಳಾದ ಆಣೆ, ಆಣೆಗಳೂ ಒಂದೇ ಪಟ್ಟಿನಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ ಈ ಸಂಗತಿಯನ್ನು ಬರೆಯುವ ಕ್ರಮವನ್ನು ಲಕ್ಷಿಸಿರಿ

೫ ನೇರು ೧ ನೇರು ಅಂದರೆ $\frac{\text{೫ ನೇರು}}{\text{೧ ನೇರು}}$ = ೫ ಪಟ್ಟು ಅದರಂತೆ

೧೫ ಆಣೆಗಳು ೩ ಆ ಗಳು ಅಂದರೆ $\frac{\text{೧೫ ಆಣೆಗಳು}}{\text{೩ ಆಣೆಗಳ}}$ = ೫ ಪಟ್ಟು

೫ ನೇರು ೧ ನೇರು = ೧೫ ಆಣೆಗಳು ೩ ಆಣೆಗಳು ಅಥವಾ

೫ ನೇರು ೧ ನೇರು ೧೫ ಆಣೆಗಳು ೩ ಆಣೆಗಳು

ಇದೇ ಪದಗಳನ್ನು ಬದಲಿಸಿಯೂ ಬರೆಯಬಹುದು

೧ ನೇರು ೫ ನೇರು ೩ ಆಣೆಗಳು ೧೫ ಆಣೆಗಳು

ಉದಾ: - (೨) ೨ ನೇರು ಅಕ್ಕಿಗೆ ೧ ರೂಪಾಯಿ ಬೆಲೆ, ಆದರೆ ೧೬ ನೇರು ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

೧೬ ನೇರು ಅಕ್ಕಿಯ ಬೆಲೆ, ೮ ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲವೇ ?

ಲಕ್ಷ್ಯಗೊಡಿರಿ—೧೬ ನೇರುಗಳು ೨ ನೇರುಗಳ ೮ ಪಟ್ಟು ಮತ್ತು ಅವು ಗಳ ಬೆಲೆ ೮ ರೂಪಾಯಿಯು ೧ ರೂಪಾಯಿಯ ೮ ಪಟ್ಟು

ನೇರು, ನೇರುಗಳೂ ಮತ್ತು ರೂಪಾಯಿ, ರೂಪಾಯಿಗಳೂ ಒಂದೇ ಪಟ್ಟಿನಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ, ಈ ವಿಷಯುವನ್ನು ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಿದ ಕ್ರಮು ದಂತೆ ಬರೆದರೆ ೧೬ ನೇರು ೨ ನೇರು= ೮ ರೂ · ೧ ರೂ ಅಥವಾ ೧೬ ನೇರು ೨ ನೇರು ೮ ರೂ ೧ ರೂ ಈ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಬದಲಿಸಿದರೆ ೨ ನೇರು ೧೬ ನೇರು ೧ ರೂ ೮ ರೂ ಆಗುವದು

ಉದಾ:— (೩) ೧೨ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೧ ನೇರು ಅಡಿಕೆ ಆದರೆ ೩ ಆ ಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ನೇರು ಅಡಿಕೆ ?

೩ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೧ ಪಾವುನೇರು = ¼ ನೇರು ಅಡಿಕೆ ಸಿಗುತ್ತದೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ

ಲಕ್ಷ್ಯಗೊಡತಕ್ಕದ್ದು:— ೩ ಆಣೆಗಳು, ೧೨ ಆ ಗಳ ¼ ಪಟ್ಟು, ಮತ್ತು ¼ ನೇರು ಅಡಿಕೆ ೧ ನೇರು ಅಡಿಕೆಯ ¼ ಪಟ್ಟು

ಆಣೆ, ಆಣೆ ಮತ್ತು ನೇರು ನೇರುಗಳು ಒಂದೇ ಪಟ್ಟಿನವಾಗಿವೆ. ೩ ಆ ೧೨ ಆ =¼ ನೇ ೧ ನೇ ಅಥವಾ ೩ ಆ ೧೨ ಆ ¼ ನೇ ೧ ನೇ ಬದಲಿಸಿದರೆ ೧೨ ಆ ೩ ಆ ೧ ನೇರು ¼ ನೇ

ಈ ಎಲ್ಲ ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದ ನಮಗೆ ತಿಳಿದುಬರುವ ವಿಷಯುವೆಂದರೆ ಒಂದು ಜಾತಿಯ ಪರಿಮಾಣಗಳ ಪಟ್ಟು ಮತ್ತೊಂದು ಜಾತಿಯ ಪರಿಮಾಣ ಗಳ ಪಟ್ಟಿಗೆ ಸರಿಯಾಗಿರುತ್ತದೆ

ಉದಾ — ೧ ನ್ನು ನೋಡಿರಿ ನೇರು, ನೇರುಗಳ ಒಂದು ಜಾತಿಯುವು

ಅದರಂತೆ ಆಣೆ, ಆಣೆಗಳು ಮತ್ತೊಂದು ಜಾತಿಯುವು ಮತ್ತು ನೇರು, ನೇರುಗಳ ಪಟ್ಟಿಗೆ ಆಣೆ, ಆಣೆಗಳ ಪಟ್ಟು ಸರಿ ಇತ್ಯಾದಿ ಇದರಂತೆಯೇ ೨ನೆಯ ೩ನೆಯ ಉದಾಹರಣೆಗಳನ್ನು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ ಎರಡು ಸಜಾತಿಯ ಪರಿ ಮಾಣಗಳ ಪಟ್ಟುಗಳ ಸಮತ್ವಕ್ಕೆ ಪ್ರಮಾಣವೆನ್ನುವರು.

ಪ್ರಮಾಣಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡು ಪ್ರಕಾರಗಳು (೧) ಸಮಪ್ರಮಾಣ, (೨) ವ್ಯಸ್ತಪ್ರಮಾಣ ಇವುಗಳ ವಿಷಯವನ್ನು ಮುಂದಿನ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಚರ್ಚಿಸುವಾ

ಇನ್ನು ಒಂದು ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿಯ ೪ ಪದಗಳಲ್ಲಿ ಬೇಕಾದ ೩ ಪದಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟು ಉಳಿದ ೪ನೆಯ ಪದವನ್ನು ಕೇಳುವ ಲೆಕ್ಕಗಳೆಲ್ಲ "ತ್ರೈರಾಸಿಕ" (ತ್ರಿರಾಸಿ ಅಂದರೆ ಮೂರು ರಾಸಿ ಅಥವಾ ಪದ) ಲೆಕ್ಕಗಳೆನ್ನಿಸುವವು ಇಂಥ ಲೆಕ್ಕಗಳು ಎರಡು ವಿಧವಾದವುಗಳು (೧) ಸಮತ್ರೈರಾಸಿಕ, (೨) ವ್ಯಸ್ತ ತ್ರೈರಾಸಿಕಗಳು ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವದೆಂದರೆ ಉಳಿದ ಇಚ್ಛಿತ ನಾಲ್ಕನೆಯ ಪದವನ್ನು ತೆಗೆಯುವದೇ ಆಗಿದೆ

ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದಂಥ ಎಲ್ಲ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಪ್ರಮಾಣಪದ್ಧತಿಯಂತೆ ಬರೆದು ತೋರಿಸಬಹುದು ಮೇಲಿನ ೧ನೆಯ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಮತ್ತೊಮ್ಮೆ ನೋಡಿರಿ

೧ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲ ೫ ಸೇರು ೩ ಆಣೆಗಳು ? (ಬೇಕಾದ ೪ನೆಯ ಪದ)

ಇಲ್ಲಿ ಬರೆದಿರುವ ೧, ೨, ೩ ಪದಗಳನ್ನು ನೋಡಿರಿ ಇದರಿಂದ ಇಚ್ಛಿತ ೪ನೆಯ ಪದವು ೩ನೆಯ ಪದದ ಜಾತಿಯದು ಅಂದರೆ ಆಣೆಗಳ ಜಾತಿಯದೆಂದು ಸಹಜವಾಗಿ ತಿಳಿಯುತ್ತದೆ ಆ ಪದದ ಬೆಲೆ ೧೫ ಆ ಗಳು

ಇನ್ನು ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಮೇಲೆ ತೋರಿಸಿದಂತೆ ಬರೆಯುವ ಕ್ರಮವು ಮನದಟ್ಟಾಗಲೆಂದು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಬರೆದು ನನಪಿಡಿರಿ

೧ನೇ ಉದಾ — ೧ನೇ ಪದ, ೨ನೇ ಪದ, ೩ನೇ ಪದ, ೪ನೇ ಪದ

೧ಸೇರು ಬೆಲ್ಲ ೫ಸೇರು ಬೆಲ್ಲ ೩ ಆಣೆ ?(ಇಚ್ಛಿತಪದ)

ಈ ನಾಲ್ಕು ಪದಗಳು ಒಂದು ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆಂದು ಈ ಮೊದಲೆ ಹೇಳಿದೆ.

೨ನೇ, ೧ನೇ ಪದಗಳ ಪಟ್ಟು ೪ನೇ, ೩ನೇ ಪದಗಳ ಪಟ್ಟಿಗೆ ಸರಿ

$\frac{\text{೪ನೇ ಪದ}}{\text{೩ನೇ ಪದ}} = \frac{\text{೨ನೇ ಪದ}}{\text{೧ನೇ ಪದ}}$ ಪಟ್ಟುಗಳ ಈ ಸಮತ್ವದಿಂದ ೪ನೇ ಪದದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯಬಹುದು

∴ ಇಚ್ಛಿತ ೪ನೇ ಪದ $= \frac{\text{೨ನೇ ಪದ}}{\text{೧ನೇ ಪದ}} \times \frac{\text{೩ನೇ ಪದ}}{\text{೧}}$ ಇದೊಂದು ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತವೂ ಮಹತ್ವವೂ ಆದ ನಿಯಮವಾಗಿದೆ [ಶಿಕ್ಷಕರು ಉದಾಹರಣೆ

ಗಳಿಂದ ಈ ನಿಯಮವನ್ನು ತಿಳಿಸಿಕೊಡಬೇಕು] ಈ ನಿಯಮದಂತೆ ಮೇಲೆ ಹೇಳಿದಂಥ ಬೇಕಾದ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನಾದರೂ ಬಿಡಿಸಬಹುದು ಮೇಲಿನ ೧ನೇ ಉದಾ ಬಿಡಿಸುವಾ

೧ನೇ ಪ	೨ನೇ ಪ	೩ನೇ ಪ	೪ನೇ ಪ (ಉತ್ತರ)
೧ನೇ ಬೆಲ್ಲ	೫ ನೇ ಬೆಲ್ಲ	೩ ಆ ಗಳು	? (ಇಚ್ಛಿತಪದ)

• ಇಚ್ಛಿತ ೪ನೇ ಪದ $= \frac{\text{೫ ನೇ (೨ನೇ ಪದ)}}{\text{೧ ನೇ (೧ನೇ ಪದ)}} \times \frac{\text{೩ ಆ (೩ನೇ ಪದ)}}{\text{೧}} =$ ೧೫ಆ

ಇಂಥ ಪದ್ಧತಿಗೆ "ತ್ರೈರಾಶಿಕ" ಪದ್ಧತಿಯೆನ್ನುತ್ತಾರೆ

ತ್ರೈರಾಶಿಕ ಪದ್ಧತಿಯ ವಿವರಣ — ಒಂದು ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿ ೪ ಪದಗಳಿರುತ್ತವಲ್ಲವೇ ? ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಎರಡು ಒಂದು ಜಾತಿಯವು, ಉಳಿದೆರಡು ಮತ್ತೊಂದು ಜಾತಿಯವೆಂಬದು ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಿದೆ ಯಾವದೊಂದು ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ೩ ಪದಗಳಿರುತ್ತವೆ ಅವುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಪದಗಳು ೧ನೇ ೨ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿರಬೇಕು, ಉಳಿದ ಒಂದೇ ಪದವನ್ನು ೩ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಟ್ಟು ಅದಕ್ಕೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಪದವನ್ನು (ಒಂದೇ ಜಾತಿಯ ಜೋಡಿಯ ಪದಗಳಲ್ಲಿದ್ದದ್ದು) ೧ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿಡಬೇಕು ಮೇಲಿನ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ೩ ಆ ಯು ೩ನೇ ಪದದಲ್ಲಿದೆ. ಈ ೩ ಆ. ಗಳಿಗೆ ಸಂಬಂಧಿಸಿದ ಪದವೆಂದರೆ '೧ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲ' ಅದು ೧ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ, ಅದರ ಜೋಡಿಯ ಮತ್ತೊಂದು ಪದವನ್ನು ಅಂದರೆ '೫ ಸೇರು ಬೆಲ್ಲ' ವನ್ನು ೨ನೇ ಸ್ಥಾನದಲ್ಲಿ ಬರೆದಿದೆ ಆಮೇಲೆ ಮೇಲಿನ ನಿಯಮದಂತೆ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಬಿಡಿಸುವದು

ಇನ್ನು ಇಂಥ ೩ ಪದಗಳುಳ್ಳ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು (ತ್ರೈರಾಶಿಕಗಳನ್ನು) ಬಿಡಿಸುವ ಪದ್ಧತಿಗಳು ಮೂರು

(೧) ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ (೨) ತ್ರೈರಾಶಿಕಪದ್ಧತಿ (೩) ಪಟ್ಟುಪದ್ಧತಿ ಇವುಗಳಲ್ಲಿ ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ, ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿಗಳಿಂದ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸುವ ಕ್ರಮಗಳು ನಿಮಗೆ ಗೊತ್ತಾಗಿರುತ್ತವೆ ೩ನೇ ಪದ್ಧತಿಯನ್ನು ಮುಂದಿನ ವರ್ಗದಲ್ಲಿ ಕಲಿಯುವಿರಿ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ — ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನ ೧ ತಿಂಗಳ ಪಗಾರವು ೧೦೮ ರೂ ೧೨ ಆ ಇದೆ ಅವನು ಒಂದು ತಿಂಗಳಲ್ಲಿ ೧೪ ದಿನ ಮಾತ್ರ ಕೆಲಸ ಮಾಡಿದ್ದರೆ ಅವನಿಗೆ ದೊರೆಯುವ ಪಗಾರವೆಷ್ಟು (೧ ತಿ = ೩೦ ದಿನಗಳು)

೧೦೮ ರೂ ೧೨ ಆ = ೧೦೮ $\frac{೩}{೪}$ ರೂ = $\frac{೪೩೫}{೪}$ ರೂ

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೩೦ ದಿ ಗಳಿಗೆ $\frac{೪೩೫}{೪}$ ರೂ ಪಗಾರ	೧ ದಿನದ ಪಗಾರವಾದರೂ $\frac{೧}{೩೦}$ ಪ
೧ ದಿ ಕ್ಕೆ $\frac{೨೯}{೮}$ ರೂ ಪಗಾರ	ಪಗಾರ $= \frac{೪೩೫}{೪} \times \frac{೧}{೩೦} = \frac{೨೯}{೮}$ ರೂ
∴ ೧೪ ದಿನಗಳಿಗೆ ೫೦$\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಪ	೧೪ ದಿನಗಳು ೧ ದಿನದ ೧೪ ಪಟ್ಟು
೫೦$\frac{೩}{೪}$ ರೂ ಅಂದರೆ	ಪಗಾರ $= \frac{೨೯}{೮} \times \frac{೧೪}{೧}$ ಪ $= \frac{೨೦೩}{೪}$
೫೦ ರೂ ೧೨ಆ ಪಗಾರ ಉತ್ತರ	$=$ ೫೦$\frac{೩}{೪}$ ರೂ

ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿ

೧ನೇ ಪದ, ೨ನೇ ಪದ ೩ನೇ ಪದ

೩೦ ದಿವಸ ೧೪ ದಿವಸ $\frac{೪೩೫}{೪}$ ರೂ ಪಗಾರ

೪ನೇ ಇಚ್ಛಿತಪದ $= \frac{\text{೧೪ ದಿ (೨ನೇ ಪದ)}}{\text{೩೦ ದಿ (೧ನೇ ಪದ)}} \times \frac{೪೩೫}{೪}$ (೩ನೇ ಪದ)

$= \frac{೨೦೩}{೪}$ ರೂ $=$ ೫೦$\frac{೩}{೪}$ರೂ ೫೦ರೂ ೧೨ಆ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೩)

ಏಕಮಾನ ಮತ್ತು ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿಗಳಿಂದ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಬಿಡಿಸಿರಿ

(೧) ಒಬ್ಬನು ನಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ೪ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೩೩ ಮೈ ಹೋಗುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೭೫ ಮೈಲು ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸು ಹಿಡಿಯುವವು ?

(೨) ಒಬ್ಬನು ೧೨ ವಾರ ಅರಿವೆಯನ್ನು ೧೬ ರೂ ೮ ಆ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡರೆ ೨೫ ವಾರ ಅರಿವೆಯನ್ನು ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳಿಗೆ ಕೊಳ್ಳಬೇಕು

(೩) ೧೪ ಸೇರು ಮೆಣಸಿನಕಾಯಿಗೆ ೩ ರೂ ೧ ಆ ಆದರೆ ೨೪ ಪೌಂಡು ಮೆಣಸಿನಕಾಯಿಯ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೪) ೬ ಸೇರು ಒಳ್ಳೆಯಣ್ಣೆಗೆ ೧ ರೂ ೧೫ ಆ ೬ ಪೈ ಆದರೆ ೧ ಮಣಕ್ಕೇನು ? (೧ ಮ = ೪೦ ಸೇರು)

ಸಮಪ್ರಮಾಣ

ಉದಾ (೧):— ಮಲ್ಲಪ್ಪನು ೨ ಎಕರೆ ಹೊಲವನ್ನು ೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ನೇಗಿಲಹೊಡೆದರೆ ೮ ಎಕರೆಯನ್ನು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಹೊಡೆಯುವನು ?

ವಿವರಣೆ — ೮ ಎಕರೆ ಹೊಲದಲ್ಲಿ ೨ ಎಕರೆಯು ೪ ತುಂಡುಗಳಾಗುತ್ತವೆ (೮—೨=೪) ಒಂದೊಂದು ತುಂಡು ಹೊಲವನ್ನು ೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ನೇಗಿಲ ಹೊಡಯುವನು

೪ ದಿ × ೪=೧೬ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ೮ ಎಕರೆ ಹೊಲವನ್ನು ನೇಗಿಲ ಹೊಡಯುವನು

ಈ ವಿವರಣೆಯ ಮುಖ್ಯಾಂಶವೇನು ? (೧) ೮ ಎಕರೆಗಳು ೨ ಎಕರೆಗಳಿಗಿಂತ **ಹೆಚ್ಚಿಗಿದ್ದು** ೮ ಎಕರೆ ನೇಗಿಲ ಹೊಡಯಲಿಕ್ಕೆ ಬೇಕಾಗುವ ದಿವಸಗಳು ೨ ಎಕರೆ ಹೊಲ ನೇಗಿಲ ಹೊಡಯಲಿಕ್ಕೆ ಬೇಕಾಗುವ ದಿವಸಗಳಿಗಿಂತ **ಹೆಚ್ಚು** ಇಷ್ಟೇ ಅಲ್ಲದೆ (೨) ೮ ಎಕರೆಗಳು ೨ ಎಕರೆಗಳ ೪ ಪಟ್ಟು ಇದ್ದು ಅದಕ್ಕ ಬೇಕಾಗುವ ದಿವಸಗಳಾದರೂ ೪ ಪಟ್ಟು ಇರುತ್ತವೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ಅಂದರೆ ೮ ಎಕರೆ ೨ ಎಕರೆ=೧೬ ದಿ ೪ ದಿ=೪ ಪಟ್ಟು

ಉದಾ (೨) — ಕಮಲೇಶನು ೪ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೬೦ ಪುಟಗಳನ್ನು ಓದುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೨ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಪುಟಗಳನ್ನು ಓದುವನು ?

ಉತ್ತರಃ— ೩೦ ಪುಟ ಓದುವನೆಂದು ಒಮ್ಮೆಲೆ ಹೇಳಬಹುದು

ವಿವರಣೆ — (೧) ೪ ತಾಸುಗಳಿಗಿಂತ ೨ ತಾಸುಗಳು **ಕಡಿಮೆಯಿರುವದರಿಂದ** ಓದತಕ್ಕ ಪುಟಗಳಾದರೂ ೬೦ ಪುಟಗಳಿಗಿಂತ **ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತವೆಂಬದು** ಸಹಜವಾಗಿ ತಿಳಿಯುವದು ಇಷ್ಟೇ ಅಲ್ಲದೆ (೨) ೨ ತಾಸುಗಳು, ೪ ತಾಸುಗಳ ಅರ್ಧವಿದ್ದು ೨ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಒದತಕ್ಕ ಪುಟಗಳಾದರೂ ೬೦ ಪುಟಗಳ ಅರ್ಧ ಇರಲಿಕ್ಕೇಬೇಕು

ಅಂದರೆ ೨ ತಾ ೪ ತಾ =೩೦ ಪು ೬೦ ಪು =$\frac{೧}{೨}$ ಪಟ್ಟು

ಈ ಎರಡೂ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿ ಉಂಟಾಗತಕ್ಕ ಪ್ರಮಾಣಕ್ಕೆ ಸಮಪ್ರಮಾಣವೆನ್ನುವರು

ಸ್ಥೂಲವಾಗಿ ಸಮಪ್ರಮಾಣದ ಲಕ್ಷಣ ಹೇಳುವದಾದರೆ, **ಹೇಳಿದ ಪ್ರಮಾಣಪದಕ್ಕಿಂತ ಕೇಳಿದ ಪ್ರಮಾಣಪದವು ಹೆಚ್ಚು ಅಥವಾ ಕಡಿಮೆ ಇದ್ದಂತೆ ಉತ್ತರಪದವಾದರೂ ಆ ಸಂಬಂಧದ ಪದಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಅಥವಾ ಕಡಿಮೆಯಿರುತ್ತದೆ** ಇಂಥ ಪ್ರಮಾಣಗಳ ಮೂರು ಪದಗಳಿಂದ ಉಂಟಾದ ತ್ರೈರಾಸಿ ಲೆಕ್ಕಗಳಿಗೆ 'ಸಮತ್ರೈರಾಸಿ'ಗಳೆನ್ನುವರು

ಈವರೆಗೆ ಹೇಳಿದ ಲೆಕ್ಕಗಳೆಲ್ಲ ಸಮಪ್ರಮಾಣದ ಲೆಕ್ಕಗಳಾಗಿರುತ್ತವೆ

ಮಾದರಿ ಲೆಕ್ಕ — ಒಬ್ಬ ಕುರುಬನು ೧೯೨ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧೨ ಕುರಿಗಳನ್ನು ಕೊಳ್ಳುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೨೦ ಕುರಿಗಳನ್ನು ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳಿಗೆ ಕೊಳ್ಳಬಹುದು ?

ರೀತಿ — ೨೦ ಕುರಿಗಳು ೧೨ ಕುರಿಗಳಿಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಆದ್ದರಿಂದ ೨೦ ಕುರಿಗಳ ಬೆಲೆಯಾದರೂ ೧೯೨ ರೂ ಗಳಿಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಆದ್ದರಿಂದ ಇದು ಸಮತ್ರೈರಾಸಿಕವು

ಏಕಮಾನಪದ್ಧತಿಯಿಂದ ಬಿಡಿಸುವದು

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧೨ ಕುರಿಗಳಿಗೆ ೧೯೨ ರೂ ಗಳು	೧ ಕುರಿಯು ೧೨ ಕುರಿಗಳ $\frac{೧}{೧೨}$ ಪಟ್ಟು
೧ ಕುರಿಗೆ ೧೬ ರೂ ಗಳು	ಬೆಲೆ $=$ ೧೯೨ $\times \frac{೧}{೧೨} =$ ೧೬ ರೂ
∴ ೨೦ ಕುರಿಗಳಿಗೆ ೩೨೦ ರೂ	೨೦ ಕುರಿಗಳು ೧ ಕುರಿಯ ೨೦ ಪಟ್ಟು
∴ ೩೨೦ ರೂ ಗಳು ಉತ್ತರ	ಬೆಲೆ $=$ ೧೬ $\times$ ೨೦ಪ $=$ ೩೨೦ರೂ

ತ್ರೈರಾಶಿಕ ರೀತಿಯಿಂದ ಬಿಡಿಸುವದು

	೧ನೇ ಪದ	೨ನೇ ಪದ	೩ನೇ ಪದ
ಸಮಪ್ರಮಾಣ	೧೨ ಕು	೨೦ ಕು	೧೯೨ ರೂ

೪ನೇ (ಇಚ್ಛಿತ) ಪದ $= \frac{೨೦}{೧೨} \times \frac{೧೯೨}{೧} =$ ೩೨೦ ರೂ ಗಳು

∴ ೩೨೦ ರೂ ಗಳು ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೪)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೧೦)

(೧) ಒಬ್ಬನು ೪ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ೧೨ ಮೈಲು ನಡೆಯುತ್ತಾನೆ ಆದರೆ ೬ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೈಲು ನಡೆಯುವನು ?

(೨) ೮ ವಸ್ತ್ರಗಳಿಗೆ ೩ ರೂ ಆದರೆ ೭೨ ವಸ್ತ್ರಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಕೊಡಬೇಕು ?

(೩) ಒಂದು ಧಡೆ ಸೀಗೀಕಾಯಿಗೆ ೨ ರೂ ೮ ಆ ಆದರೆ ೫ ಸೇರು ಸೀಗೀಕಾಯಿಗಳಿಗೇನು ? (೧ ಧ = ೧೨ ಸೇರು)

(೪) ಒಬ್ಬನ ೧ ವಾರದ ಕೂಲಿ ೧೦ ರೂ ೮ ಆ ಆದರೆ ೪ ದಿನಗಳ ಕೂಲಿ ಏನು ?

(೫) ೧ ಡಝನ ಮೋಸಂಬಿ ಹಣ್ಣುಗಳಿಗೆ ೧ ರೂ. ೮ ಆ ಆದರೆ ೧೦ ಹಣ್ಣುಗಳಿಗೇನು ?

(೬) ೪ ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ೩ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡರೆ ೫ ರೂ ೪ ಆ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೆ ?

(೭) ಅರ್ಧ ಖಂಡಿ ಕಟ್ಟಿಗೆಗೆ ೫ ರೂ ೮ ಆ ಆದರೆ ೩ ಖಂಡಿಗೆಷ್ಟು ?

(೮) ೮ ವಾರ ಅಂಗೀ ಅರಿವೆಗೆ ೯ ರೂ ಬಿದ್ದರೆ ೧೩ ರೂ ೮ ಆ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು ವಾರ ಬರುವದು ?

(೯) ೬ ಸೇರು ಪೇಡೆಗೆ ೫ ರೂ ೪ ಆ ಆದರೆ ೮ ಸೇರು ಪೇಡೆಕ್ಕೆಷ್ಟು?

(೧೦) ೮ ಸೇರು ತೊಗರಿಯಿಂದ ೬ ಸೇರು ಬೇಳೆಯಾದರೆ ೧೫ ಸೇರು ಬೇಳೆಯಾಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಸೇರು ತೊಗರಿ ಬೇಕು ?

(೧೧) ೧೦ ಆಣೆಗೆ ೪ ಕ್ಯಾಬೀಜ ಗಡ್ಡೆಗಳಾದರೆ ೧೫ ರೂ ಗಳಿಗೆಷ್ಟು?

(೧೨) ೭ ರೂ ೧೪ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೧೨ ಪುಸ್ತಕಗಳು ಆದರೆ ೨೮ ಪುಸ್ತಕಗಳ ಬೆಲೆ ಏನು ?

(೧೩) ೪ ಆಕಳುಗಳ ೧ ತಿಂಗಳ ಖರ್ಚು, ೯ ರೂ ಗಳು ಆದರೆ ೧೫ ಆಕಳುಗಳ ೧ ತಿಂಗಳ ಖರ್ಚೆಷ್ಟು ?

(೧೪) ೮ ಅಂಗಿಗಳ ಹೊಲಿಗೆಯ ಕೂಲಿ ೩ ರೂ ೮ ಆಣೆ ಆದರೆ ೧೫ ಅಂಗಿಗಳನ್ನು ಹೊಲಿಸಿದರೆ ಕೂಲಿ ಎಷ್ಟು ?

(೧೫) ೧೨ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗೆ ೧೬ ರೂ ೮ ಆ ಆದರೆ ೯ ಟೊಪ್ಪಿಗೆಗಳಿಗೇನು ?

(೧೬) ಒಬ್ಬ ಕಾರಕೂನನ ೧ ತಿಂಗಳ ಪಗಾರವು ೯೫ ರೂ ೧೦ ಆಣೆ ಇದೆ ಆದರೆ ಅವನ ೧೯ ದಿನಗಳ ಪಗಾರವೆಷ್ಟು ?

(೧೭) ಒಬ್ಬ ಮಾರವಾಡಿಯು ಒಂದು ದಿನ ಮುಂಜಾನೆ ೨೫ ದೋತರಗಳನ್ನು ೧೩೭ ರೂ. ೮ ಆ ಗಳಿಗೆ ಮಾರಿದನು ಸಂಜೆಗೆ ಅದೇ ದರದ ೨೩ ದೋತರಗಳನ್ನು ಮಾರಿದರೆ ಆ ದಿನದ ಮಾರಾಟದ ಹಣವೆಷ್ಟು ?

(೧೮) ೫ ಜಮಖಾನಿಗಳನ್ನು ೨೨ ರೂ ೮ ಆಣೆಗೆ, ೩ ಜಮಖಾನಿಗಳನ್ನು ೧೨ ರೂ ೧೨ ಆ ಗೆ ಕೊಂಡರೆ ಯಾವದು ತುಟ್ಟಿ ಬಿತ್ತು ?

(೧೯) ೨೫ ಚೀಲ ಜೋಳದ ರಾಸಿಯು ಬೆಲೆ ೮೦೦ ರೂ ಗಳಾದರೆ ೪೮ ಚೀಲ ಜೋಳದ ಬೆಲೆ ಎಷ್ಟು ?

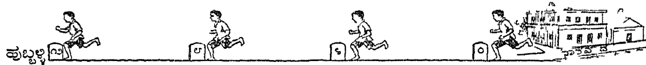
(೨೦) ೪ ಎಕರೆ ಭೂಮಿಯ ನಟ್ಟು ಕಡಿಸಲಿಕ್ಕೆ ೨೫ ರೂ ಗಳು ಹತ್ತುತ್ತವ ಆದರ ೧೩$\frac{1}{3}$ ಎಕರೆ ಭೂಮಿಯ ನಟ್ಟು ತಗೆಸಲಿಕ್ಕ ಎಷ್ಟು ರೂ. ಗಳು ಬೇಕಾಗುವವು ?

ವ್ಯಸ್ತಪ್ರಮಾಣ

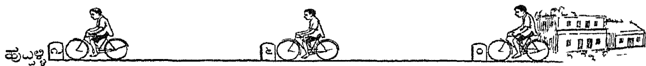
ವಿವರಣೆ:— (೧) ೧ನೆಯ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಬಸವಂತನು ಧಾರವಾಡದಿಂದ ಹೊರಟು ತಾಸಿಗೆ ೩ ಮೈ ಗಳಂತೆ ನಡೆದು ೪ ತಾ ಗಳಲ್ಲಿ ಹುಬ್ಬಳ್ಳಿಗೆ ಮುಟ್ಟಿದ್ದಾನೆ ಅವನು (೩ಮೈ × ೪ =)೧೨ ಮೈ ಕ್ರಮಿಸಿದಂತಾಯಿತಲ್ಲವೇ ?



೨ನೆಯ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಅವನು ತಾಸಿಗೆ ೪ ಮೈ ಗಳಂತೆ ಓಡಿ ೩ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಹುಬ್ಬಳ್ಳಿಗೆ ಮುಟ್ಟಿದ್ದಾನಲ್ಲವೇ ? (ಏಕೆ $\frac{೧೨}{೪}$ ಮೈ = ೩ ತಾ)



೩ನೆಯ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಅವನು ತಾಸಿಗೆ ೬ ಮೈಲುಗಳಂತೆ ಸಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ೨ ತಾ ಗಳಲ್ಲಿ ಹುಬ್ಬಳ್ಳಿಗೆ ಮುಟ್ಟಿದ್ದಾನೆಂದು ತಿಳಿಯುತ್ತದೆ (ಏಕೆ ? $\frac{೧೨}{೬}$ ಮೈ = ೨) ಹಾಗಾದರ ತಾಸಿಗೆ ೨ ಮೈಲುಗಳಂತೆ ನಡೆದರೆ ಎಷ್ಟು ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಮುಟ್ಟುತ್ತಿದ್ದನು ? ೬ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಅಲ್ಲವೇ ? ($\frac{೧೨}{೨}$ = ೬ ತಾ)



ಈ ವಿವರಣೆಯಿಂದ ನೀವು ಏನನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಂಡಿರಿ ?

೧೨ ಮೈಲು ಅಂತರ ಕ್ರಮಿಸಬೇಕಾದರೆ —

(೧) ವೇಗವು ೩ ಮೈಲಿನಿಂದ ೪ ಮತ್ತು ೬ ಮೈಲಿನಂತೆ ಹೆಚ್ಚುತ್ತ ಹೋದಂತೆ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆಯು ಕ್ರಮವಾಗಿ ೪ ತಾಸುಗಳಿಂದ ೩ ಮತ್ತು ೨ ತಾ ಗಳಂತೆ ಕಡಿಮೆಯಾಗುತ್ತ ಬಂದಿದೆ ಅದರಂತೆ

ವೇಗವು ೩ ಮೈಲಿನ ಬದಲು ೨ ಮೈ ಗಳಿದ್ದರೆ ೪ ತಾಸುಗಳ ಬದಲು ೬ ತಾಸುಗಳು ಹತ್ತುವವು

ಒಟ್ಟಿನಮೇಲೆ ನೋಡಲು, **ವೇಗವು ಹೆಚ್ಚು ಅಥವಾ ಕಡಿಮೆ ಯಾದಂತೆ, ಮಾರ್ಗ ಕ್ರಮಣಕ್ಕೆ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆಯು ಕಡಿಮೆ ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತ ಹೋಗುವದು.**

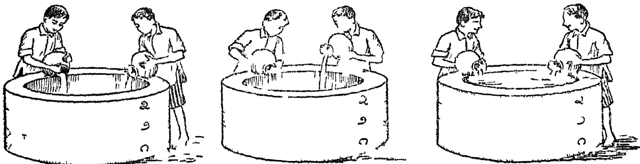
(೨) ಇದಲ್ಲದೆ ವೇಗವು ೩ರಿಂದ ೪ ಮೈ ಅಂದರೆ ೪/೩ ಪಟ್ಟು ಆದಾಗ್ಗೆ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆಯು ೪ರಿಂದ ೩ ತಾಸು ಅಂದರೆ ೩/೪ ಪಟ್ಟು [೪/೩, ೩/೪ ಇವು ಒಂದ ಕ್ಕೊಂದು ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ] ವೇಗವು ೩ರಿಂದ ೬ ಮೈ ಅಂದರೆ (೬/೩=) ೨ ಪಟ್ಟು ಆದಾಗ್ಗೆ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆ ೪ ರಿಂದ ೨ ತಾಸು ಅಂದರ (೨/೪=) ೧/೨ ಪ [೨, ೧/೨ ಇವು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ] ವೇಗವು ೩ ರಿಂದ ೨ ಮೈ ಅಂದರ ೨/೩ ಪ ಆದಾಗ್ಗೆ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆ ೪ರಿಂದ ೬ ತಾ ಅಂದರೆ (೬/೪=) ೩/೨ ಪ ಆಗುವದು [೨/೩, ೩/೨ ಇವು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ] ಒಟ್ಟಿನ ಮೇಲೆ ಹೇಳುವದಾ ದರೆ **ವೇಗವು ಯಾವ ಪಟ್ಟಿನಿಂದ ಬದಲಾಗುವದೋ ಹತ್ತುವ ವೇಳೆಯೂ ಅದರ ವ್ಯುತ್ಕ್ರಮ ಪಟ್ಟಿನಿಂದ ಬದಲಾಗುತ್ತದೆ.**

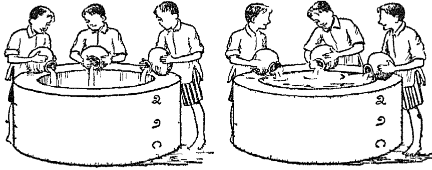
'ತಾಸಿಗೆ ೩ ಮೈಲುಗಳಂತೆ ಹೋದರೆ ೪ ತಾ, ೬ ಮೈ ಗಳಂತೆ ಹೋದರೆ ೨ ತಾಸು ಹತ್ತುತ್ತವೆ' ಎಂಬ ಮಾತನ್ನು ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿ ಬರೆ ಯುವದಾದರೆ

ವ್ಯಸ್ತ ೬ ಮೈ ೩ ಮೈ ೨ ತಾ ೪ ತಾ ಅಥವಾ,

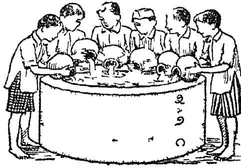
೬/೩ ಮೈ = ೪/೨ ತಾ ಎಂದೂ ಬರೆಯುಬಹುದು

ವಿವರಣೆ — ಕೆಳಗಿನ ೧ನೆಯ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ಇಬ್ಬರು ಒಂದು ಹೌದನ್ನು ನೀರಿನಿಂದ ತುಂಬುತ್ತಿರುವರಲ್ಲವೇ? ಅವರು ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ೧/೩ ಹೌದನ್ನೂ ೨ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ೨/೩ ಹೌದನ್ನೂ ೩ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣ ಹೌದನ್ನೂ ತುಂಬಿದ್ದಾರೆ ಅಂದರೆ ಇಬ್ಬರು ಅದನ್ನು ೩ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬಿದಂತಾಯಿತು





ಮೇಲಿನ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ೩ ಜನರು ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ೧/೩ ಹೌದನ್ನೂ ೨ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಪೂರ್ಣ ಹೌದನ್ನೂ ತುಂಬಿದ್ದಾರಲ್ಲವೇ ?



ಇನ್ನು ಬದಿಯ ಚಿತ್ರದಲ್ಲಿ ೬ ಜನರು ಒಂದೇ ದಿನದಲ್ಲಿ ಆ ಹೌದನ್ನು ತುಂಬಿದ್ದಾರೆ ಹಾಗಾದರೆ ಒಬ್ಬನೇ ಅದನ್ನು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬುತ್ತಾನೆ ? ೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಅಲ್ಲವೇ ? ಇದರಿಂದ ನಿಮಗೇನು ತಿಳಿಯಿತು ?

ಹೌದನ್ನು ತುಂಬತಕ್ಕ ಜನರು ೨ರಿಂದ ೩, ೬ ರಂತೆ ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತ ಹೋದಂತೆ ತುಂಬಲಿಕ್ಕೆ ಹತ್ತುವ ದಿನಗಳು ೩ರಿಂದ ೨, ೧ರಂತೆ ಕಡಿಮೆ ಯಾಗುತ್ತ ಹೋಗುತ್ತವೆ ಅದರಂತೆ ಜನರು ಇಬ್ಬರಿಂದ ಕಡಿಮೆಯಾಗಿ ಒಬ್ಬನಾದಾಗ್ಗೆ ಹೌದನ್ನು ತುಂಬಲಿಕ್ಕೆ ಬೇಕಾಗುವ ದಿವಸಗಳು ೩ರಿಂದ ಹೆಚ್ಚಾಗಿ ೬ ದಿನಗಳು ಆಗುತ್ತವೆ ಒಟ್ಟಿನಮೇಲಿಂದ ನೋಡಲು, **ಜನರು ಹೆಚ್ಚು ಅಥವಾ ಕಡಿಮೆಯಾದಂತೆ ಹೌದನ್ನು ತುಂಬಲಿಕ್ಕೆ ಹತ್ತುವ ದಿನಗಳು ಕಡಿಮೆ ಅಥವಾ ಹೆಚ್ಚಾಗುತ್ತ ಹೋಗುವವು**

(ಈ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಜನರ ಹಾಗು ದಿನಗಳ ಪಟ್ಟುಗಳು ವ್ಯಸ್ತ ಪ್ರಮಾಣ ದಲ್ಲಿರುವವೆಂಬದನ್ನು ೧ನೆಯ ಉದಾಹರಣೆಯಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟಂತೆ ಶಿಕ್ಷಕರು ಹೇಳಿ ಕೊಡಬೇಕು)

"ಇಬ್ಬರು ಒಂದು ಹೌದನ್ನು ೩ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬುತ್ತಾರೆ ಮೂರು ಜನರು ೨ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ತುಂಬುತ್ತಾರೆ"ಂಬ ಪ್ರಮಾಣವನ್ನು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಬರೆದು ತೋರಿಸಬಹುದು

ವ್ಯಸ್ತ ೩ ಜನರು ೨ ಜನರು ೨ ದಿವಸ ೩ ದಿವಸ ಅಥವಾ ೩/೨ ಜ. = ೩/೨ ದಿ ಇಂಥ ಪ್ರಮಾಣಕ್ಕ ವ್ಯಸ್ತಪ್ರಮಾಣ ವೆನ್ನುವರು

ಉದಾ: — (೧) ಒಂದು ಬಣಿವೆಯು ೨ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೬ ತಿಂಗಳು ಸಾಲುವದು ಆದರೆ ಅದು ೬ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ದಿವಸ ಸಾಲುವದು ?

ರೀತಿ:—೨ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೬ ತಿಂಗಳು ಸಾಲುವ ಬಣಿವೆಯು ೬ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೬ ತಿಂಗಳಿಗಿಂತ ಕಡಿಮೆ ದಿವಸ ಸಾಲುತ್ತದೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವಿದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಇದು ವ್ಯಸ್ತಪ್ರಮಾಣವು

• **ತಿನ್ನತಕ್ಕ ಆಕಳುಗಳು ಹೆಚ್ಚಾಗಲು ಸಾಲತಕ್ಕ ದಿವಸಗಳು ಕಡಿಮೆಯಾಗುವವು. ಒಂದು ವೇಳೆ ಆಕಳುಗಳು ಕಡಿಮೆಯಾಗಿದ್ದರೆ ಸಾಲುವ ದಿವಸಗಳು ಹೆಚ್ಚು ಆಗುತ್ತಿದ್ದವು**

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿಯಿಂದ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೨ ಆಕಳು ೬ ತಿಂ ತಿನ್ನುತ್ತವೆ ೬ ಆಕಳು ಅದೇ ಹುಲ್ಲನ್ನು ೨ ತಿಂಗಳುಗಳಲ್ಲಿ ತಿನ್ನುತ್ತವೆ ೨ ತಿಂಗಳುಗಳಲ್ಲಿ ತಿನ್ನುತ್ತವೆ ಉತ್ತರ	೬ ಆಕಳು ೨ ಆಕಳುಗಳ ($\frac{೬}{೨}$=)೩ ಪ ಸಾಲುವ ದಿವಸಗಳು ವ್ಯಸ್ತ ಪ್ರಮಾಣದಿಂದ $\frac{೧}{೩}$ ಪಟ್ಟಿನಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ ಸಾಲುವ ದಿವಸಗಳು = ೬ ತಿಂ × $\frac{೧}{೩}$ ಪ = ೨ ತಿಂಗಳು

ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿಯಿಂದ

	೧ನೇ ಪದ	೨ನೇ ಪದ	೩ ನೇ ಪದ
ವ್ಯಸ್ತ	೨ ಆ ಗಳಿಗೆ	೬ ಆ ಗಳಿಗೆ	೬ ತಿಂಗಳು

$$\text{ಇಚ್ಛಿತ (೪ನೇ) ಪದ} = \frac{\text{೨ ಆ. (೧ನೇ ಪದ)}}{\text{೬ ಆ (೨ನೇ ಪದ)}} \times \text{೬ ತಿ (೩ನೇ ಪ)}$$

= ೨ ತಿಂಗಳು ೨ ತಿಂಗಳು ಉತ್ತರ

ಸೂಚನೆ — ಈ ರೀತಿಯಲ್ಲಿ ಸಮತ್ರೈರಾಸಿಕದಂತೆ “$\frac{\text{೨ನೇ ಪದ}}{\text{೧ನೇ ಪದ}}$ × ೩ನೇ ಪದ” ಇದರ ಬದಲು “$\frac{\text{೧ನೇ ಪದ}}{\text{೨ನೇ ಪದ}}$ × ೩ನೇ ಪದ” ವನ್ನು ಇಟ್ಟಿದೆ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೫)

ವ್ಯಸ್ತತ್ರೈರಾಸಿಕ (ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ ರಿಂದ ೮)

(೧) ೧ ಕೆಲಸವನ್ನು ೪ ಜನರು ೩ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುತ್ತಾರೆ, ಇಬ್ಬರೇ ಆ ಕೆಲಸವನ್ನು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುವರು ?

(೨) ಧಾರವಾಡದಿಂದ ಬೆಳಗಾವಿಗೆ ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ೨೪ ಮೈಲು ವೇಗದ ಒಂದು ಮೋಟಾರಕ್ಕೆ ೨ ತಾಸುಗಳು ಬೇಕು ಆದರೆ ೬ ಮೈಲು ವೇಗದಿಂದ ಹೋಗುವ ನಾಯಕಲ್ಲಿಗೆಷ್ಟು ತಾಸುಗಳು ಬೇಕು ?

(೩) ಒಂದು ಹೊಲದ ನಟ್ಟು ಕಡಿಯಲಿಕ್ಕೆ ೮ ಜನರಿಗೆ ೬ ದಿನಗಳು ಬೇಕು ಆದರೆ ಅದನ್ನೇ ೧೬ ಜನರು ಎಷ್ಟು ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಕಡಿಯುವರು ?

(೪) ೩ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೨ ತಿಂಗಳ ನಾಲುವಷ್ಟು ಮೇವು ಒಂದೇ ಆಕಳಿಗೆ ಎಷ್ಟು ತಿಂಗಳ ನಾಲುವದು ?

(೫) ಒಬ್ಬ ಉಪ್ಪಾರನು ೧ ಗೋಡೆಯನ್ನು ೨೦ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಕಟ್ಟುತ್ತಾನೆ ಅದನ್ನೇ ೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಕಟ್ಟಬೇಕಾದರೆ ಎಷ್ಟು ಜನ ಉಪ್ಪಾರರು ಬೇಕು ?

(೬) ೮ ಜನರು ಒಂದು ಬಾವಿಯ ನೀರನ್ನು ೨೪ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಬರಿದು ಮಾಡುತ್ತಾರೆ ಆದರೆ ೬ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿಯೇ ಬರಿದು ಮಾಡಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಜನರನ್ನು ಹಚ್ಚಬೇಕು

(೭) ೧೨ ಜನ ಹೆಂಗಸರು ೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಹೊಲದ ಕಳೆ ತೆಗೆಯುತ್ತಾರೆ ಆದರೆ ೨ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿಯೇ ಆ ಕಳೆತೆಗೆಯಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಜನ ಹಂಗಸರನ್ನು ಹಚ್ಚಬೇಕು ?

(೮) ೧ ಪುಟಕ್ಕೆ ೨೮ ಸಾಲುಗಳಂತೆ ಹಾಕಿದರೆ ಒಂದು ಪುಸ್ತಕವು ೧೦೪ ಪುಟದ್ದಾಗುವದು ಆದರೆ ಪುಟಕ್ಕೆ ೨೬ ಸಾಲುಗಳಂತೆ ಹಾಕಿದರೆ ಎಷ್ಟು ಪುಟದ್ದಾಗುವದು ?

(೯) ದಿನಾಲು ೨೦ ಕೊಡಗಳಂತೆ ಬಳಿಸಿದರೆ ಒಂದು ಹೌದಿನೊಳಗಿನ ನೀರು ೧೫ ದಿನ ನಾಲುವದು ಅದೇ ನೀರು ೨೫ ದಿನ ಸಾಲಬೇಕಾದರೆ ದಿನಾಲು ಎಷ್ಟು ಕೊಡ ನೀರನ್ನು ಬಳಿಸಬೇಕು ?

(೧೦) ೮ ಮಂದಿ ೧೫ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಒಡ್ಡನ್ನು ಹಾಕುತ್ತಾರೆ, ಆದರೆ ಅದನ್ನೇ ೧೨ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಸಬೇಕಾದರೆ ಎಷ್ಟು ಜನರು ಬೇಕು ?

(೧೧) ಒಂದು ಗುಂಡಿಯಲ್ಲಿರುವ ಗೊಬ್ಬರವನ್ನು ೪ ಚಕ್ಕಡಿಗಳು ೧೫ ಸಾರೆ ಒಯ್ಯುತ್ತವೆ ಆದರೆ ೫ ಚಕ್ಕಡಿಗಳು ಅದೇ ಗೊಬ್ಬರವನ್ನು ಎಷ್ಟು ಸಾರೆ ಒಯ್ಯಬಹುದು ?

(೧೨) ಒಂದು ಮನೆಯಲ್ಲಿ ೧೨ ಜನರಿಗೆ ೨ ತಿಂಗಳ ಸಾಲುವಷ್ಟು ಅಕ್ಕಿಯಿದೆ ೩ ಜನರು ಹೆಚ್ಚಿಗಿದ್ದರೆ ಆ ಅಕ್ಕಿ ಎಷ್ಟು ದಿವಸ ಸಾಲುವದು ?

(೧೩) ಒಂದು ದಂಡಿನಲ್ಲಿಯ ೧೨೦೦ ಜನರಿಗೆ ೬೦ ದಿನ ಸಾಲುವಷ್ಟು ಅನ್ನವಿದೆ ಆರಂಭದಲ್ಲಿಯೇ ೨೦೦ ಜನರನ್ನು ಹೊರಗೆ ಕಳಿಸಲು ಉಳಿದವರಿಗೆ ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು ದಿವಸ ಸಾಲುವದು ?

(೧೪) ಒಂದು ಮನೆಯನ್ನು ೧೦ ಜನರು ೪೫ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಕಟ್ಟುತ್ತಾರೆ ಅದನ್ನು ೩೦ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿಯೇ ಮುಗಿಸಬೇಕಾದರೆ ಎಷ್ಟು ಜನರನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಹಚ್ಚಬೇಕು ?

(೧೫) ೧೫ ಜನರಿಗ ೪ ತಿಂಗಳ ಸಾಲುವಷ್ಟು ಧಾನ್ಯವಿದೆ ೧ ತಿಂಗಳ ಮೇಲೆ ೧೦ ಜನರು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಬಂದರೆ ಅದು ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟುದಿವಸ ಸಾಲುವದು?

(೧೬) ಒಂದು ಹೊಲದ ಜೋಳವನ್ನು ೧೨ ಜನರು ೮ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಕೊಯ್ಯುತ್ತಾರೆ ಅವರು ೩ ದಿವಸ ಕೊಯ್ದುಬಳಿಕ ಇಬ್ಬರು ಬಿಟ್ಟುಹೋದರೆ ಅದು ಆರಂಭದಿಂದ ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ವಂಗಿಯುವದು ?

(೧೭) ೧೨೦ ಜನರು ಒಂದು ರಸ್ತೆಯನ್ನು ೬೦ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ತಯಾರಿಸುವರು ⅔ ಕೆಲಸವಾದಬಳಿಕ ೪೦ ಜನರನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಹಚ್ಚಿದರೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಆ ರಸ್ತೆಯು ತಯಾರಾಗುವದು ?

(೧೮) ಒಂದು ಕೆಲಸವನ್ನು ೬೦ ಜನರು ೪೦ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುತ್ತಾರೆ ಅರ್ಧ ಕೆಲಸ ಆದಬಳಿಕ ೧೦ ಜನರು ಬಿಟ್ಟು ಹೋದರೆ ಆ ಕೆಲಸ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಯುವದು ? ಮತ್ತು ಎಷ್ಟು ಹೆಚ್ಚು ದಿವಸ ಹಿಡಿದಂತಾಗುವದು ?

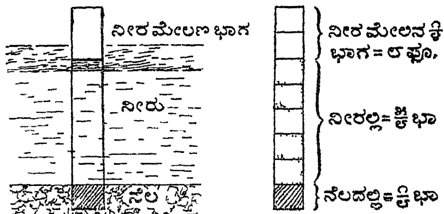
(೧೯) ನಾನು ಸಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ತಾಸಿಗೆ ೮ ಮೈಲಿನಂತೆ ಹೋದರೆ ೬ ತಾಸುಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಊರನ್ನು ಮುಟ್ಟುತ್ತೇನೆ ಆದರೆ ಅರ್ಧ ಹಾದಿ ಹೋದಬಳಿಕ ಸಾಯಕಲ್ಲಿನ ವೇಗವು ೧ ಮೈಲಿನಂತೆ ಕಡಿಮೆಯಾದರೆ ಆ ಊರಿಗೆ ಹೋಗಲಿಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ತಡವಾಗುವದು ?

(೨೦) ಕಲವು ಜನರು ಒಂದು ಕಲಸವನ್ನು ೨೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುತ್ತಾರೆ ಅವರು ⅙ ಕೆಲಸವನ್ನು ಮಾಡಿದಬಳಿಕ ಅವರ ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಅವರ

ಅರ್ಧದಷ್ಟು ಜನರು ಬರಲು ಆ ಕೆಲಸವು ಆರಂಭದಿಂದ ಎಷ್ಟು ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಯುವದು ? [ಜನರ ಸಂಖ್ಯೆಯನ್ನು ಕಲ್ಪಿಸಿಕೊಳ್ಳಿರಿ]

ಮಿಶ್ರ ಲೆಕ್ಕಗಳು

ಮಾದರಿಯ ಲೆಕ್ಕ (೧) — ಕೆರೆಯಲ್ಲಿ ನಿಲ್ಲಿಸಿದ ಒಂದು ಕಂಬದ ೧/೮ ಭಾಗವು ನೆಲದಲ್ಲಿ, ೫/೮ ಭಾಗವು ನೀರಲ್ಲಿ, ಉಳಿದ ಭಾಗವು ನೀರ ಮೇಲಿದ ಮೇಲಿದ್ದ ಭಾಗವು ೮ ಫೂಟು ಉದ್ದವಿದ್ದರೆ, ಕೆರೆಯ ನೀರಿನ ಆಳವೆಷ್ಟು ?



ರೀತಿಃ— (ಆಕೃತಿ ನೋಡಿರಿ) ಒಂದು ಕಂಬದಲ್ಲಿ ೧/೮ ಭಾಗ ನೆಲದಲ್ಲಿ, ೫/೮ ಭಾಗ ನೀರಲ್ಲಿ, ಉಳಿದದ್ದು ನೀರಮೇಲೆ ಅದೆ

ನೀರಮೇಲಿನ ಭಾಗ = ೧ − ೧/೮ − ೫/೮ = ೨/೮ = ೧/೪ ಭಾಗ

ಈ ೧/೪ ಭಾಗದ ಉದ್ದಳತೆಯೆಂದರೆ ೮ ಫೂಟು ಎಂದು ಹೇಳಿದೆ

ನೀರಲ್ಲಿದ್ದ ಭಾಗದ ಉದ್ದಳತೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	**ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ**
೧/೪ ಭಾಗದ ಉದ್ದಳತೆ ೮ ಫೂ	೧ ಭಾಗವು ೧/೪ ಭಾಗದ ೪ ಪಟ್ಟು
೧ ಭಾಗ = ೩೨ ಫೂ	ಇಡೀ ಭಾಗ = ೮ × ೪ = ೩೨ ಫೂ
· ೫/೮ ಭಾಗ = ೨೦ ಫೂ	೫/೮ ಭಾಗ = ೩೨ × ೫/೮ = ೨೦ ಫೂ

ಅಂದರೆ ನೀರಿನ ಆಳ ೨೦ ಫೂಟು ಉತ್ತರ

ತ್ರೈರಾಶಿಕ ಪದ್ಧತಿ

ಮೇಲಿನ ವಿವರಣೆಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟ ಬಳಿಕ

ಸ ೧/೪ ಭಾ ೫/೮ ಭಾ ೮ ಫೂ.

ಇ ವ = ೫/೮ × ೪/೧ × ೮/೧ = ೨೦ ಫೂ . ನೀರಿನ ಆಳ ೨೦ ಫೂ ಉ.

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೬)

(೧) ಒಬ್ಬನು ತನ್ನ ಆಸ್ತಿಯ ೩/೮ ಭಾಗವನ್ನು ಮಗನಿಗೆ, ಉಳಿದದ್ದನ್ನು ಮಗಳಿಗೆ ಕೊಟ್ಟನು ಮಗಳಿಗೆ ೬೦೦೦ ರೂ ಗಳು ಬಂದರೆ ಮಗನಿಗೆ ಬಂದ ಆಸ್ತಿ ಎಷ್ಟು ?

(೨) ಒಂದು ಕಬ್ಬಿನ ೮/೨೧ ಭಾಗ ನೋಗೆಯೂ, ೪/೭ ಭಾಗ ಗಣಿಕೆಯೂ ಇದ್ದು ಉಳಿದದ್ದು ಬೇರಿನ ಭಾಗವಾಗಿದೆ ಬೇರಿನ ಭಾಗವು ೨/೩ ಫೂ ಇದ್ದರೆ ತಿನ್ನತಕ್ಕ ಗಣಿಕೆಯ ಭಾಗವೆಷ್ಟು? ಮತ್ತು ಇಡೀ ಕಬ್ಬಿನ ಉದ್ದಳತೆಯೆಷ್ಟು?

(೩) ಒಂದು ಹಳ್ಳಿಯಲ್ಲಿದ್ದ ಜನರ ೨/೫ ಒಕ್ಕಲಿಗರು, ೧/೪ ನೇಕಾರರು, ಉಳಿದವರು ಕೂಲಿಯುವರು ಇದ್ದಾರೆ ಕೂಲಿಯುವರ ಸಂಖ್ಯೆ ೨೫೦ ಇದ್ದರೆ ಒಕ್ಕಲಿಗರೆಷ್ಟು ? ಮತ್ತು ಒಟ್ಟು ಆ ಹಳ್ಳಿಯ ಜನಸಂಖ್ಯೆಯೆಷ್ಟು ?

(೪) ನಮ್ಮ ಹೊಲದ ೩/೫ ಭಾಗವು ಎರೆ, ೨/೯ ಭಾಗ ಮಸಾರಿ, ಉಳಿದದ್ದು ಗರಸು ಇದೆ ಗರಸಿನ ಭಾಗವು ೩ ಎಕರೆ ಇದ್ದರ ಎರೆ ಭಾಗವೆಷ್ಟು ?

ಮಾದರಿಯ ಲೆಕ್ಕ (೨) — ೮ ಜನ ಕೂಲಿಯವರ ೨ ವಾರಗಳ ಕೂಲಿ ೨೪ ರೂ ಆದರೆ ೧೫ ಜನರ ೫ ವಾರಗಳ ಕೂಲಿಯೆಷ್ಟು ?

ರೀತಿ — ಇದರಲ್ಲಿ ಎರಡು ಲೆಕ್ಕಗಳು ಇವೆ (೧) ಜನರಿಂದ ಕೂಲಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು (೨) ವಾರಗಳಿಂದ ಕೂಲಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು ಮೊದಲು ೨ ವಾರಗಳನ್ನು ಹಾಗೇ ಇಟ್ಟು ಜನರಿಂದ ಕೂಲಿಯನ್ನು ತೆಗದು, ಆ ಮೇಲೆ ೨ ವಾರಗಳಿಂದ ೫ ವಾರಗಳ ಕೂಲಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯಬೇಕು

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೮ ಜನರ ೨ ವಾ ಕೂಲಿ ೨೪ ರೂ	೧ ಮನುಷ್ಯ ೮ ಜನರ ೧/೮ ಪಟ್ಟು
ಒಬ್ಬನ ೨ ವಾ ಕೂಲಿ ೩ ರೂ	ಕೂಲಿ = ೨೪ ರೂ × ೧/೮ = ೩ ರೂ
೧೫ ಜ ೨ ವಾ ಕೂ ೪೫ ರೂ	ಕೂಲಿ = ೩ × ೧೫ = ೪೫ ರೂ.
೧೫ ಜ ೧ ವಾ ಕೂ ೪೫/೨ ರೂ	ಕೂಲಿ = ೪೫ × ೧/೨ = ೪೫/೨ ರೂ
∴ ೧೫ ಜನರ ೫ ವಾರಗಳ ಕೂಲಿ	ಕೂಲಿ = ೪೫/೨ × ೫ = ೨೨೫/೨ ರೂ
೨೨೫/೨ = ೧೧೨½ ರೂ ಉತ್ತರ	= ೧೧೨½ ರೂ

ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿ

ಸಮ — ೮ ಜನರು ೧೫ ಜನರು ೨೪ ರೂ ಗಳಿಸುತ್ತಾರೆ
(೨ ವಾರ) (೨ ವಾರ)

ಇ ಪ $= \frac{೧೫}{೮} \times \frac{೨೪}{೧} =$ ೪೫ ರೂ ಗಳಿಸುತ್ತಾರೆ

ವಾರಗಳನ್ನು ಬದಲಿಸಿ ಕೂಲಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವದು

ಸಮ — ೨ ವಾರ ೫ ವಾರ ೪೫ ರೂ
(೧೫ ಜ) (೧೫ ಜ)

ಇ ಪ $= \frac{೫}{೨} \times \frac{೪೫}{೧} = \frac{೨೨೫}{೨}$ ರೂ $=$ ೧೧೨½ ರೂ

೧೧೨½ ರೂ ಕೂಲಿ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೭)

(೧) ೫ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೬ ವಾರಕ್ಕೆ ೨೬ ರೂ ೪ ಆಣೆಗಳ ಮೇವು ಬೇಕು ಆದರೆ ೮ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೧೦ ವಾರಗಲಿಗೆಷ್ಟು ರೂ ಗಳ ಮೇವುಬೇಕು?

(೨) ೬ ಜನರು ೧೮ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ೨೪ ಮೊಳ ಉದ್ದ ಕಾಲುವೆಯನ್ನು ಕಡಿದರೆ ೮ ಜನರು ೨೪ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಮೊಳ ಕಾಲುವೆ ಕಡಿಯುವರು?

(೩) ೪೦ ನೇರು ಜೋಳವನ್ನು ೮ ಜನರು ೧೫ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ತಿಂದರೆ ೬೦ ನೇರು ಜೋಳ ೬ ಜನರಿಗೆ ಎಷ್ಟು ದಿವಸ ಸಾಲುವವು?

(೪) ೨ ನಳಗಳಿಂದ ೪೦ ಮಿನಿಟಿನಲ್ಲಿ ೨೪೦ ಕೊಡ ನೀರು ಬರುತ್ತದೆ ಆದರೆ ೫ ನಳಗಳಿಂದ ೩೦ ಮಿನಿಟುಗಳಲ್ಲಿ ಎಷ್ಟು ಕೊಡ ನೀರು ಬರುವದು

ಮಾ ಲೆಕ್ಕಃ— (೩) ಒಂದು ಕೆಲಸವನ್ನು ೩೦ ಜನರು ೨೪ ದಿವಸ ಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುತ್ತಾರೆ ಅವರು ೮ ದಿವಸ ಕೆಲಸ ಮಾಡಿ ಕೆಲವರನ್ನು ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ತಕ್ಕೊಂಡು ಆ ಕೆಲಸವನ್ನು ಆರಂಭದಿಂದ ೧೮ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಸಿದರೆ ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ತಕ್ಕೊಂಡ ಜನರೆಷ್ಟು?

೧ ನೇ ರೀತಿ — ಆಳಿನ ಲೆಕ್ಕದ ಮೇಲಿಂದ- ದಿನಕ್ಕೆ ೩೦ ಜನರಂತೆ ೨೪ ದಿವಸ ದುಡಿದರೆ ಕೆಲಸ ಮುಗಿದದೆ

. ೩೦ ಜನರು × ೨೪ = ೭೨೦ ಆಳಿನ (೧ ದಿನದ) ಕಲಸವಿದೆ

ಇನ್ನು ೩೦ ಜನರ ೮ ದಿವಸದ ಕೆಲಸ ಅಂದರೆ ೩೦ × ೮ = ೨೪೦ ಆಳಿನ ಕೆಲಸವಾಗಿದೆ ೭೨೦ ಆ − ೨೪೦ ಆ = ೪೮೦ ಆಳಿನ ಕೆಲಸ ಉಳಿಯಿತು ಒಟ್ಟು ೧೮ ದಿನದಲ್ಲಿ ಮುಗಿದದೆ ೧೮ ದಿ − ೮ ದಿ = ೧೦ ದಿನ ಈ ೧೦ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಮೂಲ ಜನರೂ ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಬಂದವರೂ ದುಡಿದಿದ್ದಾರೆ ಅಂದರೆ ಒಟ್ಟಿಗೆ ೪೮೦ ಆಳಿನ ಕೆಲಸವಾಗಿದೆ

∴ ೪೮೦ — ೧೦ = ೪೮ ಜನರು ದಿನಾಲು ದುಡಿದಿರಬೇಕು.

ಆದರೆ ಮೊದಲಿದ್ದವರು ೩೦ ಜನರು ∴ ೪೮ ಜ − ೩೦ ಜ = ೧೮ ಜ

೧೮ ಜನರು ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಬಂದವರು ಉತ್ತರ

೨ನೇ ರೀತಿ — ೩೦ ಜನರು ೨೪ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಕೆಲಸ ಮುಗಿಸುತ್ತಾರೆ, ಆದರೆ ಅವರು ೮ ದಿ ಮಾತ್ರ ಕೆಲಸಮಾಡಿದ್ದಾರ ಇದರಿಂದ ಇನ್ನು ೨೪ ದಿ − ೮ ದಿ = ೧೬ ದಿವಸಗಳ ಕೆಲಸ ಉಳಿಯಿತು ಉಳಿದ ಈ ಕೆಲಸವನ್ನು ೩೦ ಜನರೂ ಸಹಾಯಕ್ಕ ಬಂದವರೂ ಕೂಡಿಯೇ (೧೮ ದಿ − ೮ ದಿ =) ೧೦ ದಿ ಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಸಿದ್ದಾರೆ

ಜನರು ಹೆಚ್ಚಾದಂತೆ ಕೆಲಸ ಮುಗಿಯಲಿಕ್ಕ ದಿವಸಗಳು ಕಡಿಮೆ ಹತ್ತುತ್ತವೆ ∴ ಜನರು ಮತ್ತು ದಿವಸ ಪದಗಳು ವ್ಯಸ್ತ ಪ್ರಮಾಣದಲ್ಲಿರುತ್ತವೆ

ಏಕಮಾನ ಪದ್ಧತಿ

ಮುಖ್ಯಾಂಶ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಕೆಲಸವನ್ನು ೩೦ ಜನರು ಮುಗಿಸುತ್ತಾರೆ	೧ ದಿನವು ೧೬ ದಿನಗಳ ೧/೧೬ ಪ ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ಮುಗಿಸಬೇಕಾದರೆ
∴ ೧ ದಿನದಲ್ಲಿ ೪೮೦ ಜ ಮುಗಿಸುತ್ತಾರೆ	೧೬ ಪ (ವ್ಯಸ್ತ) ೩೦ × ೧೬ ಪ = ೪೮೦ ೧೦ ದಿನಗಳು, ೧ ದಿನದ
∴ ೧೦ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ೪೮ ಜನರು ಮುಗಿಸುತ್ತಾರೆ	೧೦ ಪಟ್ಟು ಮತ್ತು ವ್ಯಸ್ತ ಬೇಕಾಗುವ ಜನರು ೧/೧೦ ಪ
∴ ೪೮ ಜನರು	ಜನರು = ೪೮೦ × ೧/೧೦ = ೪೮

ಇನ್ನು ಮೊದಲಿದ್ದವರು ೩೦ ಜನರು ∴ (೪೮ − ೩೦ =) ೧೮ ಜನರು ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಬಂದವರು. ಉತ್ತರ

ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿ

ವ್ಯಸ್ತ — ೧೬ ದಿ ೧೦ ದಿ ೩೦ ಜನರು

∵ ಇ ವ = ೧೬/೧೦ × ೩೦ = ೪೮ ಜನರು (ಒಟ್ಟು ಜನರು)

∴ ಸಹಾಯಕ್ಕೆ ಬಂದವರು = ೪೮ ಜ − ೩೦ ಜ = ೧೮ ಜ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೮)

(೧) ೧೨ ಜನರಿಗೆ ೩೦ ದಿವಸ ಸಾಲುವಷ್ಟು ರೇಶನ್ ತಂದಿದೆ, ಆದರೆ ಕೆಲವು ಜನರು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಬಂದದ್ದರಿಂದ ಅದು ೨೦ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ತೀರಿತು ಆದರೆ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಬಂದ ಜನರೆಷ್ಟು ?

(೨) ಒಂದು ಕೆಲಸವನ್ನು ೮ ಜನರು ೧೨ ದಿವಸಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡುತ್ತಾರೆ ಅವರಲ್ಲಿ ಕೆಲವರು ಬಿಟ್ಟು ಹೋದದ್ದರಿಂದ ಆ ಕೆಲಸವು ೧೬ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಮುಗಿಯಿತು ಆದರೆ ಬಿಟ್ಟುಹೋದ ಜನರೆಷ್ಟು ?

(೩) ರಂಗನು ಸಾಯಕಲ್ಲಿನಿಂದ ತಾಸಿಗೆ ೧೦ ಮೈಲಿನಂತೆ ಧಾರವಾಡದಿಂದ ೭೦ ಮೈಲು ದೂರವಿರುವ ಒಂದು ಊರಿಗೆ ಹೊರಟು ೨೦ ಮೈ ಹೋದ ಬಳಿಕ ಮೋಟಾರದಿಂದ ಹೋಗಿ ೩ ತಾ ಮುಂಚಿತವಾಗಿ ಮುಟ್ಟಿದನು ಆದರೆ ಮೋಟಾರದ ವೇಗವೆಷ್ಟು ?

(೪) ೧೬ ಆಕಳುಗಳಿಗೆ ೨ ತಿಂಗಳ ಸಾಲುವಷ್ಟು ಮೇವು ಇದೆ ೧ ತಿಂಗಳಮೇಲೆ ಕೆಲವು ಆಕಳುಗಳನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಕೊಂಡದ್ದರಿಂದ, ಆ ಮೇವು ೬ ದಿವಸ ಮುಂಚಿತವಾಗಿ ತೀರಿತು ಆದರೆ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಕೊಂಡ ಆಕಳುಗಳೆಷ್ಟು?

(೫) ೧೫ ಜನರು ೬೪ ದಿನಗಳಲ್ಲಿ ಒಂದು ಮನೆಯನ್ನು ಕಟ್ಟುತ್ತಾರೆ ಅವರು ೮ ದಿವಸ ಮಾಡಿದಮೇಲೆ ಕೆಲವರು ಬಿಟ್ಟು ಹೋಗಲು ಆ ಕೆಲಸವು ೪ ದಿನ ತಡವಾಗಿ ಮುಗಿಯಿತು ಆದರೆ ಬಿಟ್ಟು ಹೋದ ಜನರೆಷ್ಟು ?

ಸರಳಬಡ್ಡಿ

ವ್ಯವಹಾರದಲ್ಲಿ ಯಾವನೊಬ್ಬನಿಗೆ ಹಣದ ಕೊರತೆಯಾಗುವದುಂಟು ಆಗ ಅವನು ಸಾವುಕಾರರಿಂದ ಹಣವನ್ನು ಸಾಲವಾಗಿ ತರುತ್ತಾನೆ ಮುಂದೆ ತನ್ನ ಅಡಚಣೆಯನ್ನು ತೀರಿಸಿಕೊಂಡು ತಂದಷ್ಟು ಹಣವನ್ನು ಸಾವುಕಾರರಿಗೆ ಮುಟ್ಟಿಸುತ್ತಾನೆ, ಇಷ್ಟೇ ಅಲ್ಲದೆ ಅವರಿಂದಾದ ಉಪಕಾರಕ್ಕೆ ಬದಲಾಗಿ ಕಲವು ನಿಯಮಿತ ಹಣವನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಕೊಡುತ್ತಾನೆ ಈ ಪ್ರಕಾರ ಸಾಲದ ಹಣಕ್ಕಿಂತ ಹೆಚ್ಚಾಗಿ ಕೊಡುವದಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿಯೆನ್ನುವರು ಒಂದು ಬಗೆಯಿಂದ ನೋಡಿದರೆ ಬಡ್ಡಿಯು ಬಳಿಸಿದ ಹಣದ ಬಾಡಿಗೆಯೆಂದೂ ಹೇಳಬಹುದು ಇದರಿಂದ ಹೆಚ್ಚು ಹಣ ತಂದರೆ ಇಲ್ಲವೆ ಹೆಚ್ಚು ದಿವಸ ಅದನ್ನು ಬಳಿಸಿದರೆ ಹೆಚ್ಚು ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಕೊಡಬೇಕೆಂಬದು ಸ್ಪಷ್ಟವು

ಉದಾ — ಭೀಮನು ಶಾಮರಾಯರಲ್ಲಿ ೪೦೦ ರೂ ಗಳನ್ನು ಸಾಲ ತಂದು ೧ ವರ್ಷದಮೇಲೆ ಅವರಿಗ ೪೦೦ ರೂ ಗಳನ್ನು ಅಲ್ಲದ ಹೆಚ್ಚಾಗಿ ೨೦ ರೂ, ಗಳನ್ನು ಮುಟ್ಟಿಸಿದನು ಇಲ್ಲಿ ಸಾಲ ಕೊಟ್ಟ ಶಾಮರಾಯರಿಗೆ ಸಾವುಕಾರರೆಂತಲೂ, ಸಾಲ ತಂದಭೀಮನಿಗೆ ಸಾಲಗಾರನೆಂತಲೂ, ಸಾಲದ ಹಣ(೪೦೦) ರೂ ಗೆ ಅಸಲೆಂತಲೂ, ಹೆಚ್ಚಾಗಿ ಕೊಟ್ಟ ಹಣ (೨೦ ರೂ,) ಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿಯೆಂತಲೂ ಅನ್ನುವರು ಅಸಲು ಬಡ್ಡಿ ಕೂಡಿ ಆಗುವ ಒಟ್ಟಿಗೆ ರಾಸು ಎಂತಲೂ ಅನ್ನುವರು ಇದಲ್ಲದೆ ಸಾಲ ತಂದಾಗಿನಿಂದ ಮುಟ್ಟಿಸುವವರೆಗಿನ ಅವಧಿಗೆ ಮುದ್ದತು ಎಂತಲೂ ಅನ್ನುವರು

ಉದಾ — ಕೆನರಾಬ್ಯಾಂಕಿನಲ್ಲಿ ೬೦೦ ರೂ ಗಳನ್ನು ಇಟ್ಟರೆ ೧ ವರ್ಷದ ಮೇಲೆ ಬ್ಯಾಂಕಿನವರು ೬೦೦ ರೂ ಗಳಲ್ಲದೆ ನಮ್ಮ ಹಣದ ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿಯೆಂದು ೧೫ ರೂ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿದ್ದಾರೆ

ಸಾವುಕಾರರು ಸಾಲ ಕೊಡುವಾಗ್ಗೆ ಕೆಲವೊಂದು ಬಡ್ಡಿಯ ಕರಾರು ಮಾಡಿ ಹಣವನ್ನು ಕೊಡುವರು ಹೀಗೆ ಗೊತ್ತು ಮಾಡಿದ ಬಡ್ಡಿಗೆ "ಬಡ್ಡಿಯ ದರ" ವೆನ್ನುವರು

ಬಡ್ಡಿಯ ದರದ ಪ್ರಕಾರಗಳು

ಉದಾ — (೧) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೮ ಬಡ್ಡೀ ದರದಂತೆ ಇಲ್ಲಿ "೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೮ರಂತೆ" ಎಂಬದೂ

(೨) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೧೨ ಆಣೆಯಂತೆ ಇಲ್ಲಿ '೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೧೨ ಆಣೆ' ಎಂಬದೂ

(೩) ೧ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೧ ದುಡ್ಡಿನಂತೆ ಇಲ್ಲಿ "೧ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೧ ದುಡ್ಡು" ಎಂಬದೂ ಬಡ್ಡೀದರ ಆಗಿವೆ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೪೯)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು)

(೧) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೫ ರಂತೆ ೨೦೦ ರೂ ಗೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು ?

(೨) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕ ೬½ ದಂತೆ ೪೦೦ ರೂ ಗೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು ?

(೩) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೪ ರಂತೆ ೮೦೦ ರೂ ಗೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು ?

(೪) ೧ ರೂ ಗ ೧ ತಿಂ ಗೆ ೩ ಪೈಯಂತೆ ೬೦ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂ ಗೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?

(೫) ೧ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂ ಗೆ ೩ ಪೈಯಂತೆ ೮೦ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂ ಗೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — (೧) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೬ ರಂತೆ ಬಾಳಪ್ಪನು ರಾಮರಾಯರಲ್ಲಿ ೨೫೦ ರೂ ಗಳನ್ನು ೨ ವರ್ಷಗಳವರೆಗೆ ನಾಲ ತಂದು ಆದರ ಬಗ್ಗೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿರಬೇಕು ?

ಏಕಮಾನಪದ್ಧತಿ

ರೀತಿ	ವಿವರ ಮತ್ತು ಕೃತಿ
೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೬ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ೧ ರೂ ೧ ವ ಕ್ಕೆ $\frac{೬}{೧೦೦}$ ರೂ ಬ ೨೫೦ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೧೫ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ೨೫೦ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೨ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೩೦ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ∴ ೩೦ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ಉತ್ತರ	೧ ರೂ ಯು ೧೦೦ ರೂ ಗಳ $\frac{೧}{೧೦೦}$ ಪ ಬಡ್ಡಿ $=$ ೬ ರೂ $\times \frac{೧}{೧೦೦} = \frac{೬}{೧೦೦}$ ರೂ ೨೫೦ ರೂ ಗಳು ೧ ರೂ ಯ ೨೫೦ ಪ ಬಡ್ಡಿ $= \frac{೬}{೧೦೦}$ ರೂ $\times \frac{೨೫೦}{೧} =$ ೧೫ ರೂ ೨ ವ ಗಳು ೧ ವರ್ಷದ ೨ಪಟ್ಟು ಬಡ್ಡಿ $=$ ೧೫ ರೂ $\times$ ೨ $=$ ೩೦ ರೂ

ತ್ರೈರಾಸಿಕ ಪದ್ಧತಿ

ಸಮ — ೧೦೦ ರೂ ೨೫೦ ರೂ ೬ ರೂ ಬಡ್ಡಿ
(೧ ವ) (೧ ವ)

∴ ೩ ವ $= \frac{೨೫೦}{೧೦೦} \times \frac{೬}{೧} =$ ೧೫ ರೂ

ಸಮ — ೧ ವರ್ಷ ೨ ವರ್ಷ ೧೫ ರೂ ಬಡ್ಡಿ
(೨೫೦ ರೂ) (೨೫೦ ರೂ)
೩ ವ = ೨×೧೫/೧ = ೩೦ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ೩೦ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆ (೫೦)

(೧ ರಿಂದ ೫ ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು)

ಕೆಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ತೆಗೆಯಿರಿ

	ಅಸಲು	ಮುದ್ದತ್ತು	ಬಡ್ಡಿಯ ದರ
(೧)	೩೬ ರೂ	೧ ತಿಂಗಳು	೨ ಪೈ (೧ಕ್ಕೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ)
(೨)	೩೦ ರೂ	೪ ,,	೧ ಪೈ ,,
(೩)	೯೦ ರೂ	೫ ,,	೩ ಪೈ ,,
(೪)	೨೨೦ ರೂ	೬ ,,	೧ ಪೈ ,,
(೫)	೪೦೦ ರೂ	೩ ವರ್ಷ	೪ (೧೦೦ಕ್ಕೆ ವರ್ಷಕ್ಕೆ)
(೬)	೫೦೦ ,,	೪ ,,	೫ ,,
(೭)	೬೦೦ ,,	೨½ ,,	೩ ,,
(೮)	೭೦೦ ,,	೩½ ,,	೩ ,,
(೯)	೮೫೦ ,,	೨½ ,,	೪ ,,
(೧೦)	೩೦೦ ,,	೬ ತಿಂಗಳು	½ (೧೦೦ಕ್ಕೆ ತಿಂಗಳಿಗೆ)
(೧೧)	೩೫೦ ,,	೮ ,,	½ ,,
(೧೨)	೪೨೫ ,,	೪ ,,	೧೨ ಆ ,,
(೧೩)	೩೫೦ ,,	೬ ,,	೮ ಆ ,,
(೧೪)	೨೫೦ ,,	೯ ,,	೧ ರೂ ,,

ಕೆಳಗಿನ ಲೆಕ್ಕಗಳಲ್ಲಿ ರಾಸು ತೆಗೆಯಿರಿ (ರಾಸು = ಅಸಲು + ಬಡ್ಡಿ)

(೧೫)	೪೮೦ ,,	೪ ವರ್ಷ	೫ (೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ)
(೧೬)	೩೨೪ ,,	೬ ,,	೮ ,,
(೧೭)	೬೫೦ ,,	೩½ ,,	೪ ,,
(೧೮)	೭೫೦ ,,	೨½ ,,	೪ ,,
(೧೯)	೧೦೨೫ ,,	೪½ ,,	೮ ,,
(೨೦)	೫೪೦ ,,	೧ ,,	೨ ಪೈ (೧ಕ್ಕೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ)

ಬಡ್ಡಿಯುನ್ನು ಆಕರಿಸುವ ಸಂಕ್ಷಿಪ್ತ ರೀತಿ

ಬ್ಯಾಂಕು ಹಾಗು ಸಾವುಕಾರರಲ್ಲಿ ಬಡ್ಡಿಯು ವ್ಯವಹಾರವೇ ಹೆಚ್ಚು. ಅವರು ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಬಹು ಸುಲಭವಾಗಿ ತೆಗೆಯುವ ಸಂಕ್ಷೇಪ ರೀತಿಯೊಂದು ಇದೆ ಅದನ್ನು ಕೆಳಗಿನ ಕೆಲವು ಉದಾಹರಣೆಗಳಿಂದ ಪರೀಕ್ಷಿಸುವಾ

[೧] ನೂರಕ್ಕೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೬ ರಂತೆ, ೨, ೩, ನೂರು ಇತ್ಯಾದಿ ಅಸಲುಗಳ ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ನೋಡುವಾ

೧ ನೂರಕ್ಕೆ	೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ	೬ ರೂ	ಒಡ್ಡಿ	[೬ಬ × ೧ = ೬]
೨ ,,	೧ ,,	೧೨ ,,	,,	[೬ಬ × ೨ = ೧೨]
೩ ,,	೧ ,,	೧೮ ,,	,,	[೬ಬ × ೩ = ೧೮]

ಇದರಿಂದ ಹೊರಡುವ ಸಾಮಾನ್ಯ ನಿಯಮವೆಂದರೆ— **ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಎಷ್ಟು ನೂರಕ್ಕೆ ಕೇಳಿರುವರೋ ಅಷ್ಟರಿಂದ ಬಡ್ಡೀದರಕ್ಕೆ ಗುಣಿಸಲು ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ.**

[೨] ೧೦೦ಕ್ಕೆ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೬ ರಂತೆ ೨ ನೂರು ಅಸಲಿಗೆ ೨, ೩, .. ಇತ್ಯಾದಿ ವರ್ಷಗಳ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು ಎಂಬುದನ್ನು ನೋಡುವಾ

೧ ವರ್ಷದಲ್ಲಿ	೨ ನೂರಕ್ಕೆ	೧೨ ರೂ	ಬಡ್ಡಿ	[೬ × ೨ × ೧ = ೧೨]
೨ ವ ಗಳಲ್ಲಿ	೨ ,,	೨೪ ರೂ	ಬಡ್ಡಿ	[೬ × ೨ × ೨ = ೨೪]
೩ ,,	೨ ,,	೩೬ ರೂ	ಬಡ್ಡಿ	[೬ × ೨ × ೩ = ೩೬]

ನಿಯಮ – ಬಡ್ಡಿ = ಬಡ್ಡೀದರ × ಅಸಲಿನ ನೂರರ ಸಂಖ್ಯೆ × ವರ್ಷ

ನೆನಪಿಡಿರಿ — ಅಸಲನ್ನು ನೂರರಲ್ಲಿ, ಮುದ್ದತ್ತನ್ನು ವರ್ಷಗಳಲ್ಲಿ ತಂದುಕೊಂಡು ಮೇಲಿನ ನಿಯಮದಂತೆ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಆಕರಿಸಬಹುದು

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ.ಕ್ಕೆ ೮ರಂತೆ ೪೫೦ ರೂ ಗೆ ೨ ವರ್ಷ ೬ ತಿಂಗಳಲ್ಲಿ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟಾಗುವದು ?

ರೀತಿ — ೪೫೦ ರೂ = ೪$\frac{೧}{೨}$ ನೂರು ಮತ್ತು ೨ ವರ್ಷ ೬ ತಿಂ = ೨$\frac{೧}{೨}$ ವರ್ಷ

ಬಡ್ಡಿ ರೂ = ೮ × ೪$\frac{೧}{೨}$ × ೨$\frac{೧}{೨}$ = $\frac{೮}{೧}$ × $\frac{೯}{೨}$ × $\frac{೫}{೨}$ = ೯೦ ರೂ

∴ ೯೦ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೫೧)

(ಎಲ್ಲವೂ ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು)

(೧) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೪ರಂತೆ ೫೦೦ ರೂಗೆ ೩ ವಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?
(೨) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೬ರಂತೆ ೩೫೦ ರೂಗೆ ೪ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?
(೩) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೪೧/೨ ದಂತೆ ೨೦೦ ರೂಗೆ ೫ ವಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?
(೪) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೩ ರಂತೆ ೨೫೦ ರೂಗೆ ೩೧/೨ ವಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?
(೫) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೮ ರಂತೆ ೩೨೫ ರೂ.ಗೆ ೨೧/೨ ವಕ್ಕೆ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟು?

ಕಟ್ಟೆಗಳು

ಉದಾ — ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವಕ್ಕೆ ೫ರಂತೆ ೪೦೦ ರೂ ಅಸಲಿಗೆ ೬ ವಕ್ಕೆ ಆಗುವ ಬಡ್ಡಿಯಷ್ಟೇ ಬಡ್ಡಿಯಾಗಲಿಕ್ಕ ಅಸಲು ಮತ್ತು ವರ್ಷಗಳು ಹೇಗೆ ಬದಲಾಗುತ್ತವೆಂಬದನ್ನು ಪರೀಕ್ಷಿಸಿರಿ

	ಅಸಲು	ವರ್ಷ	ಬದರ	ಬಡ್ಡಿ (ನಿಶ್ಚಿತವಾದದ್ದು)
(೧)	೪೦೦ ರೂ	೬ ವ	೫	೧೨೦ ರೂ
(೨)	೨೦೦ ,,	೧೨ ,,	೫	೧೨೦ ,,
(೩)	೮೦೦ ,,	೩ ,,	೫	೧೨೦ ,,
(೪)	೧೨೦೦ ,,	೨ ,,	೫	೧೨೦ ,,
(೫)	೨೪೦೦ ,,	೧ ,,	೫	೧೨೦ ,,

ಕ್ರಮದಿಂದ, ೧ರಿಂದ, ೫ರ ವರೆಗಿನ ವಿಧಾನಗಳನ್ನು ವಿಚಾರಿಸಲು

೧ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ವರ್ಷ ೬ ಇದ್ದು ಅಸಲು ೪೦೦ ಇದೆ

೨ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ವರ್ಷ ೬ರಿಂದ ೧೨ ಅಂದರೆ (೧೨/೬ =) ೨ ಪಟ್ಟು ಆಗಿ ಅಸಲು ಮಾತ್ರ ೪೦೦ರಿಂದ ೨೦೦ರೂ ಅಂದರೆ (೨೦೦/೪೦೦ =) ೧/೨ ಪಟ್ಟು ಆಗಿದೆ.

ಅದರಂತೆ ೩ನೆಯದರಲ್ಲಿ ವರ್ಷ ೬ರಿಂದ ೩ ಅಂದರೆ ೧/೨ ಪಟ್ಟು ಆಗಿ ಅಸಲು ೨ ಪಟ್ಟು ಆಗಿದೆ

೪ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ವರ್ಷ ೧/೩ ಪಟ್ಟು, ಅಸಲು ೩ ಪಟ್ಟು ಆಗಿದೆ

೫ನೆಯದ್ದರಲ್ಲಿ ವರ್ಷ ೧/೬ ಪಟ್ಟು ಅಸಲು ೬ ಪಟ್ಟು ಆಗಿದೆ

ಈ ಅಸಲಿನ ಹಾಗು ವರ್ಷಗಳ ಪಟ್ಟುಗಳು (೧/೨, ೨, ೨, ೧/೨, ೩, ೧/೩, ೬, ೧/೬) ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ವ್ಯತ್ಯಮವಾಗಿವೆ ಆದ್ದರಿಂದ ಸರಿಯಾದ ಬಡ್ಡಿ ಬರ

ಬೇಕಾದರೆ ಅಸಲು, ವರ್ಷಗಳನ್ನು ವ್ಯತ್ಯಮ ಪಟ್ಟಿನಲ್ಲಿ ಬದಲಿಸಬಹುದೆಂದಂತಾಯಿತು? ಈ ನಿಯಮದಿಂದ ಬಡ್ಡಿಯ ಆಕರಣೆಯನ್ನು ಮಾಡುವಾಗ್ಗೆ ಮುದ್ದತ್ತಿನ ಪದದ ತೊಂದರೆ ಇಲ್ಲದಂತೆ ಮಾಡಬೇಕು ಅಂದರೆ ಅನೇಕ ವರ್ಷಗಳನ್ನು ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೂ ಅನೇಕ ತಿಂಗಳನ್ನು ಹೇಳಿದ್ದರೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೂ ತರುವದು ಒಂದು ಸುಲಭ ಉಪಾಯ

ಉದಾ — (೧) ೬೦೦ ರೂ ಅಸಲಿನ ೩ ವರ್ಷಗಳ ಬಡ್ಡಿಯೆಂದರೆ, ೬೦೦ ರೂ ×೩=೧೮೦೦ ರೂ ಅಸಲಿನ ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿಗೆ ಸರಿ

(೨) ೨೦೦ ರೂ ಅಸಲಿನ ೨½ ವರ್ಷಗಳ ಬಡ್ಡಿಗೆ ೨೦೦ × ೫/೨ = ೫೦೦ ರೂ ಅಸಲಿನ ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿಯು ಸರಿ ಇತ್ಯಾದಿ

ಈ ಪ್ರಕಾರವಾಗಿ ಮುದ್ದತ್ತನ್ನು ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ಅಥವಾ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ಇಳಿಸುವಾಗ್ಗೆ ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ಹೇಳಿದ ಅಸಲನ್ನು ವರ್ಷಗಳ ಸಂಖ್ಯೆಯಿಂದ ಗುಣಿಸಿ ಬಂದದ್ದನ್ನೇ ಅಸಲೆಂದು ತಿಳಿಯಬೇಕಾಗುವದು

ಹೀಗೆ ಅಸಲು, ಮುದ್ದತ್ತುಗಳ ಗುಣಾಕಾರಕ್ಕೆ ಕಚ್ಚೆಗಳೆನ್ನುವರು ಇಂಥ ಕಚ್ಚೆಗಳಿಂದ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಆಕರಿಸುವದು ಹೆಚ್ಚು ಸುಲಭವಾದದ್ದು

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೪ರಂತೆ ೩೫೦ ರೂ ಗಳ ೬ ವರ್ಷಗಳ ಬಡ್ಡಿ ಎಷ್ಟಾಗುವದು

ರೀತಿ — ಅಸಲು × ವರ್ಷ = ಕಚ್ಚೆಗಳು

∴ ೩೫೦ × ೬ = ೨೧೦೦ ಕಚ್ಚೆಗಳು

∴ ೩೫೦ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೬ ವರ್ಷಗಳ ಬಡ್ಡಿ ಅಂದರೆ ೨೧೦೦ ರೂ ಗಳ ೧ ವರ್ಷದ ಬಡ್ಡಿ

∴ ೧ ನೂರು ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೪ ರೂ ಬಡ್ಡಿ ‖ ೨೧ × ೪ = ೮೪ ರೂ
೨೧ ,, ,, ೧ ,, ೮೪ ,, ,,

∴ ೮೪ ರೂಪಾಯಿ ಬಡ್ಡಿ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೫೨)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳು ೧ರಿಂದ ೬)

(೧) ೨೦೦ ರೂ ಗಳ ೨ ವ ಗಳ ಬಡ್ಡಿ = ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳ ೧ವ ದ ಬಡ್ಡಿ?
(೨) ೩೦೦ ರೂ ಗಳ ೩ ವ ಗಳ ,, = ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳ ೧ವ ದ ,,

(೩) ೬೦೦ ರೂ ಗಳ ೪ ವ ಗಳ ,, = ೯೦೦ ರೂ ಗಳ ಎಷ್ಟು ವ ಗಳ ,,
(೪) ೮೦೦ ರೂ ಗಳ ೬ ತಿಂಗಳ ,, = ೬೦೦ ರೂ ಗಳ ಎಷ್ಟು ತಿಂ ,,
(೫) ೯೦೦ ರೂ ಗಳ ೨ ತಿಂಗಳ ,, = ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳ ೬ ತಿಂಗಳ ,,
(೬) ೧೨೦೦ ರೂ ಗಳ ೫ ತಿಂಗಳ ,, = ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳ ೬ ತಿಂಗಳ ,,

ಮಿಶ್ರಉದಾಹರಣೆಗಳು (೫೩)

(೧) ಲಕ್ಷ್ಮಣರಾಯರು ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೮ರಂತೆ ೧೨೦೦ ರೂ ಸಾಲಮಾಡಿದ್ದರೆ ೩ ವರ್ಷಗಳಮೇಲೆ ಅವರು ಎಷ್ಟು ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಕೊಡಬೇಕು ?

(೨) ೧೦೦ಕ್ಕ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೬ರಂತೆ ಬ್ಯಾಂಕಿನಲ್ಲಿ ೮೦೦ ರೂ ಸಾಲ ತಂದು ೨೮ ವರ್ಷಕ್ಕ ತೀರಿಸಿದರೆ ಎಷ್ಟು ರೂ. ಗಳನ್ನು ಕೊಡಬೇಕು ?

(೩) ರಾಮಲಾಲ ಮಾರವಾಡಿಯಯಲ್ಲಿ ೮ ತಿಂಗಳ ಉದ್ದರಿಯಿಂದ ೧೫೦ ರೂ ಗಳ ಅರಿವೆಯನ್ನುಕೊಂಡನು ಅವನು ೧೦೦ಕ್ಕ ೧ವ ಕ್ಕೆ ೧೨ರಂತೆ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಹಿಡಿದರೆ ೮ ತಿಂಗಳಮೇಲೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳನ್ನು ಕೊಡಬೇಕು ?

(೪) ಗುರುಬಸಪ್ಪನು ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವರ್ಷಕ್ಕೆ ೫ರಂತೆ ೧೫೦೦ರೂ ಸಾಲ ತಂದು ೩ ವರ್ಷಗಳ ಮೇಲೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಕೊಡಬೇಕು ?

(೫) ತೊಲಿಗೆ ೯೬ರಂತೆ ೧೦ ತೊಲಿ ಬಂಗಾರವನ್ನು ಮಾರಿ ಬಂದ ಹಣವನ್ನು ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ವ ಕ್ಕೆ ೨ತ್ತಿ ಬಡ್ಡಿಯನ್ನು ಕೊಡುವ ಒಂದು ಬ್ಯಾಂಕಿನಲ್ಲಿ ಇಟ್ಟರೆ ೨ ವ ಗಳ ಮೇಲೆ ನನಗೆ ಒಟ್ಟು ಎಷ್ಟು ಹಣ ದೊರೆಯುವದು ?

(೬) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೧ ರೂ ಯಂತೆ ೧೨೦ ರೂ ಗಳನ್ನು ಸಾಲ ತಂದು ೧ ವ ೩ ತಿಂಗಳ ಮೇಲೆ ಎಷ್ಟು ಹಣ ಕೊಟ್ಟರೆ ಸಾಲ ತೀರುವದು ?

(೭) ಕಾಳವ್ವನು ಕಲವು ಸಾಗೀನೆಗಳನ್ನು ವತ್ತೆಯಿಟ್ಟು ೧ ರೂ ಗೆ ೧ ತಿಂಗಳಿಗೆ ೨ ಪೈ ದರದಂತೆ ೯೦ ರೂ ಸಾಲ ತಂದಳು ಮುಂದ ೬ ತಿಂಗಳ ಮೇಲೆ ಎಷ್ಟು ರೂ ಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟರ ಸಾಲ ತೀರುವದು ?

(೧ರಿಂದ ೬ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಕಚ್ಚಿಗಳಿಂದ ಬಿಡಿಸಿರಿ)

ಬಾಲಕರೇ ನಿಮ್ಮ ಶಾಲೆಯ ಅಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ೧ ಡಝನ ನೋಟುಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಎಷ್ಟಕ್ಕೆ ಮಾರುವಿರಿ? ೧ ರೂ ೮ ಆ ಗಳಿಗಲ್ಲವೇ? ಅವನ್ನು ಹೇಗೆ ೧ ಡಝನ ಕೊಂಡಿದ್ದಿರಿ? ೧ ರೂ ೪ ಆಣೆಗಳಿಗಲ್ಲವೇ? ಇದರಲ್ಲಿ ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆಗಿಂತ (೧ ರೂ ೮ ಆ) – (೧ ರೂ ೪ಆ) = ೪ ಆಣೆ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಬಂದಿತು ಈ ಹಣಕ್ಕೆ **ಲಾಭ**ವೆನ್ನುವರು

ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಳೆಯಲಾಗಿ ಉಳಿಯುವದೇ ಲಾಭವು . (೧)

ನಿಮ್ಮ ಅಂಗಡಿಯಲ್ಲಿ ೪ನೆಯ ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ೧ ರೂ ಗೆ ಮಾರಿದಿರಿ ಅದನ್ನು ೧ ರೂ ೨ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡಿದ್ದಿರಿ ಹಾಗಾದರೆ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆಗಿಂತ ಎಷ್ಟು ಕಡಿಮೆ ಬೆಲೆಗೆ ಮಾರಿದಂತಾಯಿತು?

೧ ರೂ ೨ ಆ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆ – ೧ ರೂ ಮಾರಿದ ಬೆಲೆ = ೨ ಆಣೆ ಕಡಿಮೆ ಈ ಹಣಕ್ಕೆ ಹಾನಿಯೆನ್ನುವರು

∴ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆಯಲ್ಲಿ ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ಕಳೆಯಲಾಗಿ ಉಳಿಯುವದೇ ಹಾನಿಯು (೨)

ಈ ಎರಡೂ ನಿಯಮಗಳಿಂದ ಬೇರೆ ನಿಯಮಗಳು ಹೊರಡುತ್ತವೆ

(ಮಾ ಬೆ ಯೆಂದರೆ ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆ, ಕೊಂ ಬೆ ಯೆಂದರೆ ಕೊಂಡ ಬೆಲೆ ಎಂದು ತಿಳಿಯಬೇಕು) ಲಾಭವಾಗಿದ್ದರೆ, ಮಾ ಬೆ = ಕೊಂ ಬೆ + ಲಾಭ, ಕೊಂ ಬೆ = ಮಾ ಬೆ – ಲಾಭ . .. (೩)

ಮತ್ತು ಹಾನಿಯಾಗಿದ್ದರೆ ಮಾರಿದ ಬೆಲೆ = ಕೊಂಡ ಬೆಲೆ – ಹಾನಿ, ಕೊಂಡ ಬೆಲೆ = ಮಾರಿದ ಬೆಲೆ + ಹಾನಿ (೪)

ಮಾ. ಲೆ —(೧) ೧ ರೂ ೮ ಆ ಗಳಿಗೆ ಒಂದು ಡಝನ ಪೆನ್ಸಿಲುಗಳನ್ನು ಕೊಂಡು ೨ ಆಣೆ ೬ ಪೈಗಳಿಗೊಂದರಂತೆ ಮಾರಿದರೆ ಲಾಭ ಎಷ್ಟಾಗುವದು?

ರೀತಿ — ೨ ಆ ೬ ಪೈ = ೨ ೧/೨ ಆ = ೫/೨ ಆ ಮತ್ತು ೧ ರೂ ೮ ಆ = ೧೬ + ೮ = ೨೪ ಆ ೧ ಡಝನ = ೧೨, ೧ ಡಝನ ಪೆನ್ಸಿಲುಗಳ ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆಯುವಾ

೧ ಪೆನ್ಸಿಲಿಗ ೫/೨ ಆಣೆ ∴ ೫/೨ ಆ × ೧೨ = ೩೦ ಆಣೆ.

∴ ೧೨ ಪೆನ್ಸಿಲಿಗೆ ೩೦ ಆಣೆ

೧೨ ಪೆನ್ಸಿಲುಗಳ ಮಾ ಬೆ ೩೦ ಆ ಅವುಗಳ ಕೊ ಬೆ ೨೪ ಆಣೆ
೩೦ ಆ ಮಾ ಬೆ – ೨೪ ಆ ಕೊಂ ಬೆ = ೬ ಆ ಲಾಭ ಉತ್ತರ

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ— (೨) ೧೨½ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಒಂದು ಮಣ ಒಳ್ಳೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ಕೊಂಡು ಧಾರಣಿ ಇಳಿಯಲು ೨½ ರೂ ಹಾನಿ ಮಾಡಿಕೊಂಡು ಅದನ್ನೆಲ್ಲ ಮಾರಿದನು ಆದರೆ ೧ ಸೇರು ಒಳ್ಳೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ಹೇಗೆ ಮಾರಿರಬೇಕು ?

ರೀತಿ — ಕೊ ಬೆ ಯು ೧೨½ ರೂ ಇದ್ದು ೨½ ರೂ ಹಾನಿಯಾಗಿದೆ . ಮಾರಿದ ಬೆಲೆ= ಕೊಂ ಬೆ – ಹಾನಿ

ಮಾ ಬೆ = ೧೨½ ರೂ – ೨½ ರೂ = ೧೦ ರೂ ೧ ಮ = ೪೦ ಸೇರು

೪೦ ಸೇರಿಗೆ ೧೦ ರೂ	೧೦ ರೂ × $\frac{೧}{೪೦}$ = $\frac{೧}{೪}$ ರೂ = ೪ ಆ
೧ ಸೇರಿಗೆ $\frac{೧}{೪}$ ರೂ = ೪ಆ	೪ ಆ ಗೆ ಸೇ ಮಾ ಬೆ ಉತ್ತರ

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ — (೩) ಒಬ್ಬ ಕುರುಬನು ೨೪ ರೂ ಗಳಿಗೊಂದರಂತೆ ೩೦ ಕುರಿಗಳನ್ನು ಮಾರಲಾಗಿ ಅವನಿಗೆ **೬೦** ರೂ ಲಾಭವಾಯಿತು ಆದರೆ ಆ ಕುರಿಗಳನ್ನು ಹೇಗೆ ಒಂದರಂತೆ ಕೊಂಡಿರಬೇಕು ?

ರೀತಿಃ— ಒಟ್ಟು ಮಾರಾಟದ ಬೆಲೆಯನ್ನು ತೆಗೆದು ಅದರಲ್ಲಿ ಲಾಭವನ್ನು ಕಳೆಯಲು ಕೊಂಡ ಬೆಲೆ ದೊರೆಯುವದು

೧ ಕುರಿಗೆ ೨೪ ರೂ	೩೦ ಕುರಿ × ೨೪ ರೂ = ೭೨೦ ರೂ
. ೩೦ ಕುರಿಗಳಿಗೆ ೭೨೦ ರೂ ಗಳು	

ಒಟ್ಟು ಮಾ ಬೆ = ೭೨೦ ರೂ ಗಳು ಮತ್ತು ಲಾಭ = ೬೦ ರೂ.
ಕೊಂ ಬೆ = ೭೨೦ ರೂ – ೬೦ ರೂ = ೬೬೦ ರೂ

∴ ೩೦ ಕುರಿಗಳಿಗೆ ೬೬೦ ರೂ	$\frac{೬೬೦}{೧}$ ರೂ × $\frac{೧}{೩೦}$ = ೨೨ ರೂ
. ೧ ಕುರಿಗೆ ೨೨ ರೂ ಗಳು	

೧ ಕುರಿಯ ಕೊ ಬೆ ೨೨ ರೂ ಉತ್ತರ

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೫೪)

(ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕ ೧ರಿಂದ ೫)

(೧) ೮ ಪುಸ್ತಕವನ್ನು ೧½ ರೂ ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡು ೧ ರೂ ೧೨ ಆ ಗಳಿಗೆ ಮಾರಿದರೆ ಆಗುವ ಲಾಭವೆಷ್ಟು ?

(೨) ೭ ರೂಪಾಯಿ ೮ ಆಣೆಗಳಿಗೆ ೧ ಗಡ್ಡಿ ಕಾಗದವನ್ನು ಕೊಂಡು ೯ ರೂಪಾಯಿಗಳಿಗೆ ಮಾರಿದರೆ ಲಾಭವೆಷ್ಟು ?

ದಲಾಲಿ ಮತ್ತು ಕಮಿಶನ್

ವ್ಯವಹಾರವು ಸುಸೂತ್ರವಾಗಿ ಸಾಗಲಿಕ್ಕೂ ಮತ್ತು ಬೆಳೆಯಲಿಕ್ಕೂ ಒಬ್ಬ ಮಧ್ಯಸ್ಥಗಾರನ ಅವಶ್ಯಕತೆಯುಂಟು. ಯಂತ್ರ, ಕಾಗದ, ಔಷಧ ಮುಂತಾದವುಗಳ ವ್ಯವಹಾರವು ಅಂಥ ಒಬ್ಬ (ಮಧ್ಯಸ್ಥ) **ಎಜಂಟನ** ಮುಖಾಂತರವಾಗಿಯೇ ನಡೆಯುತ್ತದೆ. ಇಂಥವರಿಗೆ "**ಕಮಿಶನ್**" ಎಂದು ಕೆಲವು ಹಣ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ. ಅದರಂತೆ ಹತ್ತಿ, ಧಾನ್ಯ, ಹೊಲ, ಮನೆ ಮುಂತಾದವುಗಳ ವ್ಯವಹಾರವೂ **ದಲಾಲನ** ಮುಖಾಂತರವಾಗಿಯೇ ನಡೆಯುತ್ತದೆ. ಅವನಿಗೆ "**ದಲಾಲಿ**" ಎಂದು ಕೆಲವು ಹಣ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ. (ಮೂಲ ಬೆಲೆಯ ಮೇಲೆಯೇ ಕಮಿಶನ್ ಕೊಡುವರು)

ಮಾ. ಲೆಕ್ಕ —ಶಿವಪ್ಪನು ದಲಾಲನ ಮುಖಾಂತರ ತನ್ನ ಮನೆಯನ್ನು ಮಾರಿ ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೪ ರಂತೆ ದಲಾಲಿಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟರೆ ೨೮೮೦ ರೂ. ಉಳಿದವು. ಆದರೆ ಅದು ಎಷ್ಟಕ್ಕೆ ಮಾರಿರಬೇಕು? ಮತ್ತು ಕೊಟ್ಟ ದಲಾಲಿ ಎಷ್ಟು?

ರೀತಿ —೧೦೦ ರೂ.ಗೆ ಮಾರಿದ್ದರೆ ೪ ರೂ. ದಲಾಲಿ ಹೋಗಿ (೧೦೦ ರೂ. – ೪ ರೂ. =) ೯೬ ರೂ. ಉಳಿಯುತ್ತಿತ್ತು. ಆದರೆ ಈಗ ೨೮೮೦ ರೂ. ಉಳಿದಿವೆ.

ಸಮ —೯೬ ರೂ. ಉ. : ೨೮೮೦ ರೂ. ಉ. :: ೧೦೦ ರೂ. ಮಾ. ಬೆ.

∴ ವ = ೨೮೮೦/೯೬ × ೧೦೦ = ೩೦೦೦ ರೂ. ಗಳು

೩೦೦೦ ರೂ. ಮಾ. ಬೆಲೆ – ೨೮೮೦ ರೂ. ಉಳಿದದ್ದು = ೧೨೦ ರೂ. ದಲಾಲಿ. ೩೦೦೦ ರೂ. ಮಾ. ಬೆಲೆ. ೧೨೦ ರೂ. ದಲಾಲಿ ಉತ್ತರ.

ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೩೬)

(೧) ೧ ರೂ. ಗೆ ೧ ಆಣೆಯಂತೆ ಕಮಿಶನ್ ಕೊಡುವ ಕರಾರದಿಂದ ೪೫ ರೂ. ಗಳ ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಂಡರೆ, ಎಷ್ಟು ಕಮಿಶನ್ ದೊರೆಯುತ್ತದೆ?

(೨) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೩ ರಂತೆ ದಲಾಲಿಯನ್ನು ಕೊಟ್ಟು ನಾವು ಒಂದು ಹೊಲವನ್ನು ಮಾರಿದೆವು. ನಮಗೆ ೪೨೬೫ ರೂ. ಗಳು ದೊರೆತರೆ, ಮೂಲ ಅದನ್ನು ಎಷ್ಟಕ್ಕೆ ಮಾರಿರಬೇಕು?

(೩) ೧೨ ಆಣೆ ಬೆಲೆಯ ಎಷ್ಟು ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ಕೊಂಡರೆ ೧೦೦ ಕ್ಕೆ ೨೦ ರಂತೆ ಕಮಿಶನ್ ಮುರಕೊಂಡು ೧೨೦ ರೂ. ಕೊಡಬೇಕಾದೀತು?

(೪) ೧೦೦ಕ್ಕೆ ೧೫ ರಂತೆ ಕಮಿಶನ್ ಮುರಕೊಂಡು ೪೦೦ ಪುಸ್ತಕಗಳನ್ನು ೪೨೫ ರೂ. ಗಳಿಗೆ ಕೊಂಡರೆ ಒಂದರ ಮೂಲ ಬೆಲೆ ಏನು?

ಜಮಾ ಖರ್ಚು

ಬಾಲಕರೇ, ನೀವು ನಿಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಪುಸ್ತಕ, ಪೆನ್ಸಿಲು ಮೊದಲಾದವುಗಳನ್ನು ಮಾರಲಿಕ್ಕೆ ತಕ್ಕೊಂಡು ಅವಕ್ಕಾಗಿ ಹಣ ಕೊಡುವಿರಿ ಅದೇ ಮೇರೆಗೆ ನಿಮಗೆ ಬೇಡಾದ ಗುಂಡು, ಬಗರಿ ಮುಂತಾದವುಗಳನ್ನು ಮಾರಿ ಹಣ ತಕ್ಕೊಳ್ಳುವಿರಿ ಇದರಂತೆ ಕಲವು ಜನರಿಗೆ ಪಗಾರ, ಕೂಲಿ-ಕುಂಬಳಿಗಳಿಂದ ಹಣ ಬರುವದು ಹಲವರಿಗೆ ಹೊಲ—ಮನೆಗಳಿಂದ, ಬೇರೆ ಕೆಲವರಿಗೆ ಬೇರ ಬೇರೆ ಉದ್ಯೋಗಗಳಿಂದ ಉತ್ಪನ್ನ ಬರುವದು ಆ ಬಂದ ಹಣದಿಂದ ಕಾಳುಕಡಿ ಮುಂತಾದ ಆಹಾರದ ಸಾಮಾನು, ಅರಿವೆ-ಅಂಚಡಿ ಮುಂತಾದ ಮನೆತನಕ್ಕೆ ಬೇಕಾದ ವಸ್ತುಗಳನ್ನು ಕೊಂಡುಕೊಳ್ಳುವರು ದಾನ-ಧರ್ಮ, ಮನರಂಜನ ಮುಂತಾದ ಕಾರ್ಯಗಳಿಗೆ ಖರ್ಚು ಮಾಡುವರು ಹೀಗ ತರುಬರುವದೂ ಕೊಡುಕೊಳ್ಳುವದೂ ಒಂದೇಸವನೆ ನಡೆದಿರುತ್ತದೆ ಇವುಗಳಿಗೆ ವ್ಯವಹಾರ ಅನ್ನುವರು

(೧) **ವ್ಯವಹಾರ:—** ಹಣ ಕೊಟ್ಟು ಸಾಮಾನು ಕೊಳ್ಳುವದಕ್ಕೂ ಹಣ ತಕ್ಕೊಂಡು ಸಾಮಾನು ಮಾರುವದಕ್ಕೂ ಸಾಮಾನ್ಯವಾಗಿ **ವ್ಯವಹಾರ** ಅನ್ನುತ್ತಾರೆ

ಉದಾ — (೧) ಬಸವನು ೧೦ ಆಣೆ ಕೊಟ್ಟು ಒಂದು ಪುಸ್ತಕ ಕೊಂಡನು

(೨) ಸಾವಕ್ಕನು ೧೫ ಆಣೆಗೆ ಒಂದು ಸೇರು ಬೆಣ್ಣೀ ಮಾರಿದಳು

(೩) ಕಲ್ಲಪ್ಪನು ೪ ರೂ ಗಳಿಗೆ ೧೦ ಸೇರು ಜೋಳ ಕೊಟ್ಟನು

(೪) ನಾವು ೮ ಆಣೆ ಕಾಯಿಪಲ್ಲೆ ತಂದೆವು

(೫) ರಂಗನು ಈರನಿಗೆ ೧೦ ರೂಪಾಯಿ ಕೈಗಡ ಕೊಟ್ಟನು

ಮೇಲೆ ಬರೆದುವೆಲ್ಲವೂ ವ್ಯವಹಾರಗಳು ಇದರಂತೆಯೇ ನೀವು ಕೆಲವು ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೨) **ಜಮೆ ಹಾಗು ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳು —**

(೧) ಈರನ ತಂದೆಯು ಅವನಿಗೆ ೨ ರೂಪಾಯಿಗಳನ್ನು ಕೊಟ್ಟನು

(೨) ಅವನು ತನ್ನ ಹಳೆಯ ಪೆನ್ನು ೧ ರೂಪಾಯಿಗೆ ಮಾರಿದನು

ಈರನ ಎರಡೂ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಅವನಿಗೆ ಹಣ ಬಂದಿದೆ (ಜಮೆ ಆಯಿತು)

(೧) ರಾಮನು ೧ ರೂ ೮ ಆ ಕೊಟ್ಟು ಪುಸ್ತಕ ಕೊಂಡನು

(೨) ೮ ಆಣೆ ಖರ್ಚು ಮಾಡಿ ಸಿನೇಮಾ ನೋಡಿದನು

ರಾಮನ ಎರಡೂ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಅವನ ಹಣ ಹೋಗಿದೆ (ಖರ್ಚಾಗಿದೆ) ಹೀಗೆ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಕಲವುಗಳಿಂದ ಹಣ ಬರುತ್ತದೆ ಕೆಲವುಗಳಲ್ಲಿ ಹೋಗುತ್ತದೆ

ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರ — ಯಾವ ವ್ಯವಹಾರಗಳಿಂದ ಹಣ ಬರುವದೋ ಅವುಗಳಿಗೆ **ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರ** ಅನ್ನುವರು

ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರ — ಯಾವ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಹತ್ತರ ಇದ್ದ ಹಣ ಹೋಗುವದೋ ಅವುಗಳಿಗೆ **ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರ**ವೆನ್ನುವರು

ಒಟ್ಟಿನಮೇಲೆ ಹಣ ಬಂದರೆ **ಜಮೆ** ಎಂತಲೂ ಹೋದರೆ **ಖರ್ಚು** ಎಂತಲೂ ಅನ್ನುವರು

ಅಭ್ಯಸನಗಳು

೧. ಕೆಳಗಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಜಮೆ ಹಾಗು ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಬೇರೆ ಬೇರೆ ಮಾಡಿರಿ

(ಅ) ಬಸವನು ತಂದೆಯಿಂದ ೫ ರೂಪಾಯಿ ಇಸುಗೊಂಡನು

(ಬ) ರಾಮನು ೮ ಆಣೆಗಳ ಫಲಾಹಾರ ಮಾಡಿದನು

(ಕ) ನೀಲನು ೧೦ ಆಣೆಗಳ ಕಾಗದ ಕೊಂಡನು

(ಡ) ಗೌಳಿಯು ೧ ರೂ ತಕ್ಕೊಂಡು ೨ ಸೇರು ಹಾಲು ಕೊಟ್ಟನು

(ಇ) ಶ್ಯಾಮನು ೨ ರೂಪಾಯಿಗ ಹಳಯ ಪೆನ್ನು ಮಾರಿದನು

೨. ಐದು ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ ?

೩. ಐದು ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಹೇಳಿರಿ ?

(೩) ವ್ಯವಹಾರಗಳ ಲೆಕ್ಕ (ಜಮಾಖರ್ಚು) ವನ್ನು ಬರೆಯುವದು

ಮಕ್ಕಳೇ, ಎಷ್ಟೋ ಸಾರೆ ನೀವು ನಿಮ್ಮ ತಂದ, ತಾಯಿ, ಅಣ್ಣ ಮೊದಲಾದವರಿಂದ ಹಣ ಪಡೆಯುವಿರಿ ಆ ಹಣದಿಂದ ನಿಮಗೆ ಬೇಕಾದ ಸಾಮಾನುಗಳನ್ನು ಕೊಳ್ಳುವಿರಿ ಮತ್ತು ಎಷ್ಟೋ ಸಾರೆ ನಿಮ್ಮ ಮನೆತನದ

ಸಂತೆ ಪೇಟೆಯ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ನೀವೇ ಮಾಡುವ ಪ್ರಸಂಗ ಬರುವದು ಅದರಂತೆ ನಿಮ್ಮ ಶಾಲೆಯಲ್ಲಿ ನಡೆಯುವ ಉತ್ಸವ, ಸಮ್ಮೇಲನ ಮುಂತಾದವುಗಳ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನೂ ನೀವು ಮಾಡಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಮತ್ತು ಆ ವ್ಯವಹಾರಗಳ ಲೆಕ್ಕವನ್ನು ಹಿರಿಯರಿಗೆ ಒಪ್ಪಿಸಬೇಕಾಗುತ್ತದೆ ಆದರೆ ಈ ಎಲ್ಲ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ನಿಮಗೆ ಹಣವು ಎಷ್ಟೆಷ್ಟು ಬಂತು ? ಯಾರಾರಿಂದ ಬಂತು ? ಅದು ಯಾವು ಯಾವುದಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಎಷ್ಟು ಖರ್ಚಾಯಿತು ? ಎಂಬುದನ್ನು ನೆನಪಿನಲ್ಲಿಯೇ ಇಟ್ಟು ಲೆಕ್ಕ ಒಪ್ಪಿಸುವದು ಕಠಿಣ ಒಮ್ಮೆಲೆ ಲೆಕ್ಕ ಹೊಂದಲಾರದು ಆದ್ದರಿಂದ ಆದ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನೆಲ್ಲ ಸರಿಯಾಗಿ ಬರೆದಿಡಬೇಕಾಗುವದು ಅದಕ್ಕೆ ಜಮಾಖರ್ಚು ಅನ್ನುವರು

ಜಮಾಖರ್ಚು — ಮಾಡಿದ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಪದ್ಧತಿಪ್ರಕಾರ ಸರಿಯಾಗಿ ಬರೆದಿಡುವ ಲೆಕ್ಕಕ್ಕೆ ಜಮಾಖರ್ಚು ಅನ್ನುವರು.

ಜಮಾಖರ್ಚು ಬರೆದಿಡುವದರಿಂದ ಬಂದ ಹಣ ಎಷ್ಟು, ಖರ್ಚಾದ ಹಣ ಎಷ್ಟು, ಕೊಡತಕ್ಕದ್ದು ಎಷ್ಟು, ಬರತಕ್ಕದ್ದು ಎಷ್ಟು, ಯಾವದಕ್ಕೆ ಹೆಚ್ಚು ಖರ್ಚಾಯಿತು, ಯಾವದಕ್ಕ ಕಡಿಮೆ ಖರ್ಚಾಯಿತು ಎಂಬುವದು ಗೊತ್ತಾಗುತ್ತದೆ ಇದರಿಂದ ಮುಂದೆ ನಮ್ಮ ಉತ್ಪನ್ನಕ್ಕೆ ಸರಿಯಾಗಿ ಯಾವುದಕ್ಕೆ ಎಷ್ಟು ಖರ್ಚು ಮಾಡಬೇಕೆನ್ನುವ ತಿಳುವಳಿಕೆ ಬಂದು ಅದರಂತೆ ನಡೆಯಲು ಅನುಕೂಲವಾಗುತ್ತದೆ

(೪) **ಡಾಯರಿ** (ವ್ಯವಹಾರಗಳ ಟಿಪ್ಪಣಿ)

ಮಾಡಿದ ವ್ಯವಹಾರಗಳ ಜಮಾಖರ್ಚನ್ನು ಬರೆದಿಡುವ ರೀತಿಯನ್ನು ತಿಳಿದುಕೊಳ್ಳುವಾ

ಶಂಕರ ಕುಲಕರ್ಣಿ ಎಂಬ ಹುಡುಗನು ತಾ|| ೧೫–೧–೫೨ ನೆಯ ದಿವಸ ಮಾಡಿದ ವ್ಯವಹಾರ ಹಾಗು ಅವನು ಬರೆದಿಟ್ಟ ಲೆಕ್ಕಗಳನ್ನು ಕೆಳಗೆ ತೋರಿಸಿದೆ

ವ್ಯವಹಾರ — ತಂದೆಯಿಂದ ೮ ರೂ ಗಳನ್ನು ಇಸಕೊಂಡನು ಆ ರೂಪಾಯಿಗಳಲ್ಲಿ ೧೨ ಆಣೆಗೆ ಗಣಿತ, ೬ ಆಣೆಗ ಭೂಗೋಲ, ೧ ರೂ ೪ ಆಣೆಗೆ ಕಂಪಾಸ ಪೆಟ್ಟಿಗೆ, ೧ ರೂ ೭ ಆಣೆಯ ಇತಿಹಾಸ, ೧೦ ಆಣೆಯ ಕಾಗದ, ೨ ರೂ ೮ ಆಣೆಗೆ ಪೆನ್ನು ಕೊಂಡು ತಕ್ಕೊಂಡನು

ಶ್ರೀ

ಶಂಕರನ ಡಾಯರಿ

ತಾರೀಖು — ೧೫—೧—೧೯೫೨

ಜಮಾ		ಖರ್ಚು	
ರೂ ಆ ಪೈ	ವಿವರ	ರೂ ಆ ಪೈ	ವಿವರ
೮-೦-೦	ತಂದೆಯಿಂದ ಬಂದದ್ದು	೦-೧೨-೦	ಗಣಿತ ಕೊಂಡದ್ದು
		೦-೮-೦	ಭೂಗೋಲ ,,
೮-೦-೦	ಅಂತು	೧-೪-೦	ಕಂಪಾಸ ಪೆಟ್ಟಿಗೆ ,,
		೧-೮-೦	ಇತಿಹಾಸ ,,
		೦-೧೦-೦	ಕಾಗದ ,,
		೨-೮-೦	ಪೆನ್ನು ,,
		೭-೨-೦	ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು
		೦-೧೪-೦	ಶಿಲ್ಕು
		೮-೦-೦	ಅಂತು

ಮೇಲೆ ಬರೆದ ಶಂಕರನ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನೂ ಅವನ ಡಾಯರಿಯನ್ನೂ ಚೆನ್ನಾಗಿ ನೋಡಿರಿ ಮೊಟ್ಟಮೊದಲು ಪಾನಿನ ಮಧ್ಯದಲ್ಲಿ ಶ್ರೀ ಅಂತಾ ಬರೆದು ಅದರ ಕೆಳಗೆ ತನ್ನ ಹೆಸರು ತಾರೀಖು ಹಾಕಿರುವನು ಅವನ ವ್ಯವಹಾರ ಗಳಲ್ಲಿ ತಂದೆಯಿಂದ ೮ ರೂ ಬಂದದ್ದು, ಅದೊಂದೇ ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರ ಉಳಿದುವೆಲ್ಲ ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳು ಅದಕ್ಕಾಗಿ ಅವನು ತನ್ನ ಡಾಯರಿ ಯಲ್ಲಿ ಗೆರೆ ಹೊಡೆದು ಎರಡು ಮನೆ (ಖಾನೆ) ಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಕೊಂಡಿದ್ದಾನೆ ಮೊದಲನೆಯ (ಎಡಗಡೆಗೆ) ಖಾನೆಗೆ ಜಮಾ ಎಂದು ಬರೆದು ಅದರಲ್ಲಿ ಜಮೆಯ ಹಣ ಮತ್ತು ಅದರ ವಿವರ ಬರೆದಿದ್ದಾನೆ ಅದರಂತೆ ಎರಡನೆಯ (ಬಲಗಡೆಗ) ಖಾನೆಗೆ ಖರ್ಚು ಎಂದು ಬರೆದು ಅದರಲ್ಲಿ ಖರ್ಚಿನ ಆರೂ ವ್ಯವಹಾರಗಳ ರಕಮು ಹಾಗೂ ವಿವರಗಳನ್ನು ಒಂದರಕೆಳಗೊಂದು ಬರೆದಿ ದ್ದಾನೆ ಒಟ್ಟು ೭ ರೂ ೨ ಆಣೆ ಖರ್ಚು ಆಗಿದ್ದು ಅದನ್ನು ಎಲ್ಲ ವ್ಯವಹಾರ

ಗಳ ಕೆಳಗ ಎಳದ ಜೋಡು ಗೆರೆಗಳ ಕೆಳಗೆ ಬರೆದಿದ್ದಾನೆ ಮತ್ತು ಜಮೆಯ ರಕಮು ಒಂದೇ ಇರುವದರಿಂದ ಅದರ ಕೆಳಗೆ ಜೋಡು ಗೆರೆ ತೆಗೆದು ೮-೦-೦ ಅಂತು ಎಂದು ಬರೆದಿದ್ದಾನೆ ಈ ಅಂತು ಜಮೆಯಲ್ಲಿ ಖರ್ಚಾಗಿರುವ ೭ ರೂ. ೨ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಕಳೆದು ಉಳಿದ ೧೪ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚಿನ ಕೆಳಗೆ ಬರೆದು ಶಿಲ್ಕು ಎಂದಿದ್ದಾನೆ ಅವನಲ್ಲಿ ಉಳಿದ ಹಣ ಈ ಶಿಲ್ಕಿನಷ್ಟೇ ಇರಲಿಕ್ಕೆಬೇಕು

ಇದರ ಮೇಲಿಂದ ನೀವೂ ಡಾಯರಿ (ಜಮಾಖರ್ಚು) ಬರೆಯುವಾಗ ಕೆಳಗಿನ ಮಾತುಗಳನ್ನು ಲಕ್ಷದಲ್ಲಿಡಬೇಕು

(೧) ಕಾಗದದ ತಲೆಯ ಮೇಲೆ ಮಧ್ಯದಲ್ಲಿ ಶ್ರೀ ಅಂತಾ ಬರೆದು ಕೆಳಗೆ ಹೆಸರು ತಾರೀಖು ಹಾಕಬೇಕು

(೨) ಕಾಗದದಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾದ ಎರಡು ಭಾಗ ಮಾಡಿ ಮೊದಲನೆಯ ಭಾಗಕ್ಕೆ ಜಮೆ, ಎರಡನೆಯ ಭಾಗಕ್ಕೆ ಖರ್ಚು ಎಂದು ಹೆಸರು ಕೊಡಬೇಕು

(೩) ಜಮೆಯ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನೂ ಖರ್ಚಿನ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನೂ ಬರೆಯಬೇಕು ಅವುಗಳನ್ನು ಬರೆಯುವಾಗ ಮೊದಲು ರಕಮು ಅದರ ಮುಂದೆ ವಿವರ ಈ ಕ್ರಮದಿಂದ ಬರೆಯಬೇಕು

(೪) ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರಗಳ ರಕಮನ್ನು ಒಟ್ಟುಗೂಡಿಸಿ ಜೋಡು ಗೆರೆಯ ಕೆಳಗೆ ಅಂತು ಜಮೆಯೆಂದೂ ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರಗಳ ರಕಮನ್ನು ಒಟ್ಟುಗೂಡಿಸಿ ಜೋಡು ಗರೆಯ ಕೆಳಗೆ ಅಂತು ಖರ್ಚು ಎಂದೂ ಬರೆಯಬೇಕು

(೫) ಅಂತೂ ಜಮೆಯ ರಕಮಿನಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚಿನ ರಕಮನ್ನು ಕಳದರೆ ಉಳಿದದ್ದೇ ಶಿಲ್ಕು ಹಣ, ಅದನ್ನು ಖರ್ಚಿನ ಒಟ್ಟು ರಕಮಿನ ಕೆಳಗೆ ಬರೆದು ಶಿಲ್ಕು ಅಂತಾ ಬರೆಯಬೇಕು

(೬) ಶಿಲ್ಕು ಮತ್ತು ಖರ್ಚು ಒಟ್ಟುಗೂಡಿಸಿ ಅಂತು ರೂಪಾಯಿ ಎಂದು ಬರೆಯಬೇಕು

ಸೂಚನೆ — ಕೈಯಲ್ಲಿ ಉಳಿದಿರುವ ಹಣವು ಡಾಯರಿಯಲ್ಲಿಯ ಶಿಲ್ಕಿನಷ್ಟೇ ಇದ್ದರ ಮಾತ್ರ ಜಮಾಖರ್ಚು ಸರಿಯೆಂದು ತಿಳಿಯಬೇಕು

ಶಂಕರನ ಎರಡನೆಯ ದಿನದ ಡಾಯರಿ

ಮರುದಿನ ಶಂಕರನು ತನ್ನ ತಾಯಿಯ ಕಡೆಯಿಂದ ೧೦ ರೂ ಇಸಗೊಂಡನು ಪೇಟೆಗೆ ಹೋಗಿ ೨ ರೂ ಟೊಪ್ಪಿಗೆ, ೨ ರೂ ೪ ಆ ಅಂಗಿ,

೩ ರೂ ೧೨ ಚೊಣ್ಣ, ೨ ರೂ ೪ ಆ ಬೂಟು ತಂದನು ಮತ್ತು ಅದರ ಡಾಯರಿ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಬರೆದಿಟ್ಟನು

ಶ್ರೀ

ಕುಲಕರ್ಣಿ ಶಂಕರನ ಡಾಯರಿ

ತಾರೀಖು ೧೬–೧–೫೨

ಜಮಾ	ರೂ	ಖರ್ಚು	ರೂ
೦–೧೪–೦	ನಿನ್ನಿನ ಶಿಲ್ಕು	೨– ೦–೦	ಟೊಪ್ಪಿಗೆ ಕೊಂಡದ್ದು
೧೦– ೦–೦	ತಾಯಿಯಿಂದ ಬಂದದ್ದು	೨– ೪–೦	ಅಂಗಿ ,,
		೩–೧೨–೦	ಚೊಣ್ಣ ,,
೧೦–೧೪–೦	ಅಂತು	೨– ೪–೦	ಬೂಟು ,,
		೧೦– ೪–೦	ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು
		೦–೧೦–೦	ಶಿಲ್ಕು
		೧೦–೧೪–೦	ಅಂತು ಖರ್ಚು

ಮೇಲಿನ ಡಾಯರಿಯನ್ನು ಚೆನ್ನಾಗಿ ನೋಡಿರಿ ಇದರಲ್ಲಿ ಶಂಕರನು ಗೆರೆ ಹೊಡೆದು ಮನೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಿಕೊಂಡಿಲ್ಲ ಆದರ ಕಾಗದ ಮಡಿಚಿ ಎರಡು ಭಾಗ ಮಾತ್ರ ಮಾಡಿಕೊಂಡಿರುವನು ಮೊದಲನೆಯ ಭಾಗಕ್ಕ ಜಮಾ——ರೂ ಎಂದೂ, ಎರಡನೆಯ ಭಾಗಕ್ಕ ಖರ್ಚು——ರೂ ಎಂದೂ ಬರೆದಿದ್ದಾನೆ ನಿನ್ನಿನ ದಿವಸ ಅವನ ಹತ್ತರ ಉಳಿದ ೧೪ ಆ ಶಿಲ್ಕು ಹಣವನ್ನು ಜಮೆಯ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ನಿನ್ನಿನ ಶಿಲ್ಕು ಎಂದು ಬರದಿದ್ದಾನೆ ಮತ್ತು ತಾಯಿಯಿಂದ ಬಂದ ೧೦ ರೂ ಜಮೆಯ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ಬರೆದು ಒಟ್ಟು ತನ್ನಲ್ಲಿ ಜಮೆ ಆದ ೧೦ ರೂ ೧೪ ಆಣೆಗಳನ್ನು ಅಂತು ಜಮೆ ಎಂದು ಬರದಿದ್ದಾನೆ

ಶಂಕರನ ೩ನೆಯ ದಿನದ ಡಾಯರಿ

ಶಂಕರನು ವ್ಯವಹಾರ ಮಾಡಲಿಕ್ಕೂ ಡಾಯರಿ ಬರೆಯಲಿಕ್ಕೂ ಜಾಣನಾದನು ಇದನ್ನು ಕಂಡು ಅವನ ತಂದೆಯು ಮನೆಯ ಸಂತೆಯನ್ನು ಮಾಡಲಿಕ್ಕೆ ಅವನನ್ನೇ ಕಳಿಸಹತ್ತಿದನು ತಾರೀಖು — ೧೭—೧—೫೨ ನೆಯ ದಿವಸ ಶಂಕರನು ಸಂತೆಯಲ್ಲಿ ಕೆಳಗಿನಂತೆ ವ್ಯವಹಾರಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಡಾಯರಿ ಬರೆದಿಟ್ಟನು

ವ್ಯವಹಾರ: — ಸಂತೆಯ ಖರ್ಚಿಗೆಂದು ತಂದೆಯು ೧೦ ರೂ ಕೊಟ್ಟನು ಅಣ್ಣಾನ ಕಡೆಯಿಂದ ೫ ರೂ ಇಸಕೊಂಡನು ೧ ರೂ ೨ ಆಣೆಗೆ ೧ ನೇರಿನಂತೆ ೩ ನೇರು ಬೇಳೆ ಕೊಂಡನು ೧೫ ಆಣೆಗೆ ೧ ನೇರಿನಂತೆ ೪ ನೇರು ಬೆಣ್ಣೆಯನ್ನು ತೆಗೆದುಕೊಂಡನು ೮ ಆಣೆಗೆ ೧ ನೇರಿನಂತೆ ೪ ನೇರು ಸಕ್ಕರೆ, ೧ ರೂಪಾಯಿ ಫರಾಳ ೧೦ ಆಣೆ ಕಾಯಿಪಲ್ಲೆ, ೨ ರೂ ೮ ಆಣೆ ಸಬಕಾರ ತಂದನು ೪ ಆಣೆ ಆಳಿನ ಕೂಲಿ ಕೊಟ್ಟನು

ಶ್ರೀ

ಶಂಕರ ಕುಲಕರ್ಣಿ ಡಾಯರಿ

ತಾರೀಖು ೧೭—೧—೧೯೫೨

ಜಮಾ ರೂ		ಖರ್ಚು ರೂ	
೦-೧೦-೦	ನಿನ್ನಿನ ಶಿಲ್ಕು	೩- ೬-೦	೧ ರೂ ೨ ಆಣೆಗೆ ೧ ನೇರಿನಂತೆ ೩ ನೇರು ಬೇಳೆ ಕೊಂಡದ್ದು
೧೦- ೦-೦	ತಂದೆಯಿಂದ ಬಂದದ್ದು		
೫- ೦ ೦	ಅಣ್ಣಾನು ಕೊಟ್ಟದ್ದು	೩-೧೨ ೦	೧೫ ಆಣೆಗೆ ನೇರಿನಂತೆ ೪ ನೇರು ಬೆಣ್ಣಿ ಕೊಂಡದ್ದು
	೧೫ ರೂ ಇವತ್ತಿನ ಜಮೆ	೨- ೦-೦	೮ ಆಣೆಗೆ ೧ ನೇರಿನಂತೆ ೪ ನೇರು ಸಕ್ಕರೆ ಕೊಂಡದ್ದು
೧೫-೧೦-೦	ಅಂತು ಜಮೆ	೧- ೦-೦	ಫಳಾರ ಕೊಂಡದ್ದು
		೦-೧೦-೦	ಕಾಯಿಪಲ್ಲೆಗೆಕೊಟ್ಟದ್ದು
		೨ ೮-೦	ಸಬಕಾರಕ್ಕೆ ಕೊಟ್ಟದ್ದು
		೦ ೪-೦	ಆಳಿನ ಕೂಲಿ ಕೊಟ್ಟದ್ದು
			೧೩-೮-೦ ಇವತ್ತಿನಖರ್ಚು
		೨ ೨-೦	ರೋಖು ಶಿಲ್ಕು
		೧೫ ೧೦-೦	ಅಂತು ಖರ್ಚು

ಶಂಕರನ ಇಂದಿನ ಡಾಯರಿ ಪರೀಕ್ಷಿಸಿ ನೋಡಿರಿ ಪ್ರತಿಯೊಂದು ವ್ಯವಹಾರದ ವಿವರದ ಕೆಳಗೆ ಜೋಡು ಗೆರೆ ಹಾಕಿರುವನಲ್ಲವೇ? ಯಾಕೆ ಹಾಕಿರಬಹುದು? ಒಂದರ ವಿವರ ಮತ್ತೊಂದರಲ್ಲಿ ಕೂಡಬಾರದೆಂದು ಹೀಗೆ ಗೆರೆ ಹಾಕುವದು ಒಳ್ಳೆಯದು ಮತ್ತು ಇವತ್ತಿನ ಜಮೆ, ಇವತ್ತಿನ ಖರ್ಚು ಗಳನ್ನು ಒಟ್ಟುಗೂಡಿಸಿ ವಿವರಣೆ ಮನೆಗಳಲ್ಲಿ ತೋರಿಸಿದ್ದಾನೆ ಹಾಗೂ ಇಂದಿನ ಜಮೆ ಹಿಂದಿನ ಶಿಲ್ಕು ಕೂಡಿಸಿ ಅಂತು ಜಮೆ ಮಾಡಿದ್ದಾನೆ ಕೊನೆಗೆ ಉಳಿದ ಶಿಲ್ಕಿಗೆ ರೋಖು ಶಿಲ್ಕು ಎಂದಿದ್ದಾನೆ ಇದಕ್ಕೆ ಕೆಲವರು ಮುಂದಿನ ಶಿಲ್ಕು ಅಥವಾ ಕೊನೆಯಶಿಲ್ಕು ಅಥವಾ ನಾಳಿನ ಶಿಲ್ಕು ಎಂದು ಬರೆಯುವರು

ಒಟ್ಟಿನಮೇಲೆ (೧) ಯಾವುದನ್ನಾದರೂ ಮಾರುವದು ಇಲ್ಲವೆ ಕೊಳ್ಳುವದು ಅಥವಾ ಯಾರಿಗಾದರೂ ಹಣ ಕೊಡುವದು ಇಲ್ಲವೆ ಯಾರಿಂದಾದರೂ ಹಣ ಬರುವದು ವ್ಯವಹಾರವೆನಿಸುವದು

(೨) ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಜಮೆಯ ವ್ಯವಹಾರ, ಖರ್ಚಿನ ವ್ಯವಹಾರ ಎಂದು ೨ ತರಗಳುಂಟು

(೩) ತನಗೆ ಯಾವದೇ ರೀತಿಯಿಂದ ಹಣ ಬಂದರೆ ಜಮೆ ಅನ್ನುವರು, ಅದೇ ತನ್ನಿಂದ ಹಣ ಹೋದರೆ ಖರ್ಚು ಅನ್ನುವರು

(೪) ತನಗೆ ಬಂದ ಅಥವಾ ಹೋದ ಹಣದ ಬಗ್ಗೆ ಕಾರಣ ಸಹಿತ ಬರೆದಿಡುವದಕ್ಕೆ ಡಾಯರಿ ಅಥವಾ ಕಿರ್ದಿ ಅನ್ನುವರು

(೫) ಡಾಯರಿ ಅಥವಾ ಕಿರ್ದಿ ಪಾನಿನಲ್ಲಿ ಸರಿಯಾಗಿ ಎರಡು ಭಾಗ ಮಾಡಿ ಎಡಗಡೆಯ ಅರ್ಧ ಭಾಗದಲ್ಲಿ ಜಮೆಯ ಹಣ ಮತ್ತು ಕಾರಣ ಬರೆಯುವರು ಬಲಗಡೆಯ ಅರ್ಧದಲ್ಲಿ ಖರ್ಚಾದ ಹಣ ಮತ್ತು ಅದರ ಕಾರಣ ಬರೆಯುವರು

(೬) ಒಟ್ಟು ಜಮೆಯ ರಕಮಿನಲ್ಲಿ ಹಿಂದಿನ ಶಿಲ್ಕು ಕೂಡಿಸಿ ಆದ ಒಟ್ಟಿನಲ್ಲಿ ಖರ್ಚಿನ ಒಟ್ಟು ಹಣ ಕಳೆದರೆ ಮುಂದಿನ ಶಿಲ್ಕು ಉಳಿಯುವದು ಅದನ್ನು ಖರ್ಚಿನ ಕಡೆಗೆ ಬರೆದು ಆ ರಕಮಿನಲ್ಲಿ ಕೂಡಿಸುವರು ಇದರಿಂದ ಒಟ್ಟು ಜಮೆ ಒಟ್ಟು ಖರ್ಚು ಸರಿಯಾಗುವವು

(೭) ಹೀಗೆ ದಿನಂಪ್ರತಿ ಲೆಕ್ಕ ಬರೆದಿಟ್ಟ ಪುಸ್ತಕಕ್ಕೆ ಜಮಾಖರ್ಚು ಅನ್ನುವರು

ಅಭ್ಯಸನಗಳು

(೧) ನಿಮ್ಮ ತಂದೆಯು ನಿಮ್ಮ ಕೈಯಲ್ಲಿ ೫ ರೂ ಕೊಟ್ಟಿದ್ದನು ನೀವು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಸಾಮಾನು ತಂದಿರಿ ಅದರ ಡಾಯರಿ ಬರೆದು ತೋರಿಸಿರಿ ಮತ್ತು ನಿಮ್ಮ ತಂದೆಗೆ ಎಷ್ಟು ಹಣ ತಿರುಗಿ ತಂದು ಕೊಡುವಿರಿ ?

೭ ಆಣೆ ೬ ಪೈ ಕಾಯಿಪಲ್ಲೆ, ೫ ಆಣೆ ಟೆಂಗಿನಕಾಯಿ, ೧೨ ಆಣೆ ಫಳಾರ, ೧೦ ಆ ಹಣ್ಣು, ೬ ಆಣೆ ಎಲೆ, ೨ ರೂಪಾಯಿ ಅವಲಕ್ಕಿ

(೨) ಮೊದಲಿನ ಶಿಲ್ಕು ೧ ರೂ ೮ ಆಣೆ ಇದ್ದವು ತಾಯಿಯು ೫ ರೂ ಕೊಟ್ಟಳು ಮನೆಯಲ್ಲಿಯ ಖಾಲಿ ಬಾಟ್ಲಿ ೨ ರೂ ಗೆ ಮಾರಿದಿರಿ ಸೋಮಣ್ಣನ ಹತ್ತಿರ ೪ ರೂ ಕೈಗಡ ತೆಗೆದುಕೊಂಡಿರಿ ೨ ರೂ ೪ ಆಣೆ ಗೋದಿ, ೧ ರೂ ೧೨ ಆ ಸಕ್ಕರೆ, ೪ ರೂ ೮ ಆ ಕಟ್ಟಿಗೆ ತಂದಿರಿ ೩ ರೂ ಹಾಲಿನವನಿಗೆ ಕೊಟ್ಟಿರಿ ಡಾಯರಿ ಬರೆದು ಶಿಲ್ಕು ಎಷ್ಟು ಉಳಿಯಿತೆಂಬುದನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

(೩) ೨ ರೂ ೧೦ ಆಣೆ ನಿನ್ನಿನ ಶಿಲ್ಕು ಇತ್ತು ೧೨ ರೂ ಸ್ಕಾಲರಶಿಪ್ ಹಣ ಬಂದಿತು ಮಾವನು ೧೦ ರೂ ಕೊಟ್ಟನು ೨ ರೂ ೮ ಆಣೆ ಟೊಪ್ಪಿಗೆ, ೮ ರೂ ಕೋಟು, ೪ ರೂ ೮ ಆಣೆ ಚಪ್ಪಲು ಕೊಂಡಿರಿ ೧೦ ಆ ಸಿನೇಮಾಕ್ಕೆ ಕೊಟ್ಟಿರಿ ೪ ಆಣೆ ಚಹ ಕುಡಿದಿರಿ ಡಾಯರಿ ಬರೆದು ಶಿಲ್ಕು ಎಷ್ಟು ಉಳಿಯಿತೆಂಬದನ್ನು ಹೇಳಿರಿ

೪ ಒಮ್ಮೆ ಶಂಕರನ ಸಾಲೆಯಲ್ಲಿ ಗಣಪತಿಯ ಉತ್ಸವ ಮಾಡಬೇಕಾಯಿತು ಅದಕ್ಕಾಗಿ ಒಬ್ಬೊಬ್ಬ ಹುಡುಗನಿಗೆ ೨ ಆಣೆಯಂತೆ ೭೫ ಹುಡುಗರು ವಟ್ಟೀ ಹಾಕಿದರು ಶಿಕ್ಷಕರು ೨ ರೂ ಕೊಟ್ಟರು ಅದೆಲ್ಲ ಹಣವನ್ನು ಶಂಕರನ ಕೈಯಲ್ಲಿ ಕೊಟ್ಟು ಬೇಕಾದ ಸಾಮಾನುಗಳನ್ನು ತರಬೇಕೆಂದೂ ಅದರ ಡಾಯರಿ ಬರೆದು ತೋರಿಸಬೇಕೆಂದೂ ಗುರುಗಳು ಹೇಳಿದರು ಶಂಕರನು ಒಪ್ಪಿ ಮಂಟಪ ಶೃಂಗಾರಕ್ಕಾಗಿ ೨ ರೂ ೪ ಆಣೆಗಳ ಕಾಗದ, ೮ ಆಣೆಗಳ ಹುರಿ, ೪ ಆಣೆಗಳ ಅಂಟು ತಂದನು ಗಣಪತಿಗೆ ೨ ರೂ ಕೊಟ್ಟನು ೨ ರೂ ಪೂಜಾ ಸಾಮಾನು, ೧ ರೂ ೮ ಆ ಪಟಾಕ್ಷಿ, ೧ ರೂ ೪ ಆ ತೋರಣಗಳನ್ನು ತಂದನು ಮತ್ತು ಕೆಳಗಿನಂತೆ ಗುರುಗಳಿಗೆ ಡಾಯರಿ ಬರೆದು ತೋರಿಸಿದನು

ಶ್ರೀ

ಶಂಕರ ಕುಲಕರ್ಣಿ ಡಾಯರಿ

ತಾರೀಖು — ೨೦—೧—೧೯೫೨

ರೂ	ಜಮಾ	ರೂ	ಖರ್ಚು
೯—೬—೦	ಹುಡುಗರಿಂದ ಬಂದದ್ದು	೨— ೪—೦	ಮಂಟಪ ಶೃಂಗಾರಕ್ಕೆ ಕಾಗದ ತಂದದ್ದು
೨—೦—೦	ಶಿಕ್ಷಕರಿಂದ ಬಂದ್ದು	೦— ೮—೦	ಹುರಿಗೆ ಕೊಟ್ಟದ್ದು
೧೧—೬—೦	ಅಂತು ಜಮೆ	೦— ೪—೦	ಅಂಟು ತಂದದ್ದು
೧೧—೬—೦	ಅಂತು ಜಮೆ	೨— ೦—೦	ಗಣಪತಿಗೆ ಕೊಟ್ಟದ್ದು
		೨— ೦—೦	ಪೂಜಾ ಸಾಮಾನುಗಳನ್ನು ತಂದದ್ದು
		೧— ೮—೦	ಪಟಾಕ್ಷಿ ತಂದದ್ದು
		೧— ೪—೦	ತೂರಮರಿ ತಂದದ್ದು
		೯—೧೨—೦	ಇವತ್ತಿನ ಖರ್ಚು
		೧—೧೦—೦	ರೋಖ ಶಿಲ್ಕು
		೧೧— ೬—೦	ಅಂತು ಖರ್ಚು

ಇದೇ ಮೇರೆಗೆ ಶಾಲೆಯ ಸ್ನೇಹಸಮ್ಮೇಲನ, ಪಾಲಕರ ದಿನ, ಮಕ್ಕಳ ಪ್ರವಾಸ ಮೊದಲಾದವುಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದ ವ್ಯವಹಾರಗಳಲ್ಲಿ ಮಾಡಿದ ಜಮಾ ಖರ್ಚನ್ನೂ ಅವನು ಬರೆದು ತೋರಿಸಿದನು ಇದನ್ನು ಕಂಡು ಗುರುಗಳು ಅವನನ್ನು ಶಾಲೆಯ ಸಹಕಾರೀ ಅಂಗಡಿಯ ಸೆಕ್ರೆಟರಿಯನ್ನಾಗಿ ಮಾಡಿದರು ಅವನು ಬರೆದ ಸಹಕಾರೀ ಅಂಗಡಿಯ ಒಂದು ದಿವಸದ ಜಮಾಖರ್ಚು ಕಳಗೆ ತೋರಿಸಿದೆ

ವ್ಯವಹಾರ — ೧ ರೂ ೮ ಆಣೆಗೆ ಒಂದು ಡಝನಿನಂತೆ ೩ ಡಝನ್ ಪೆನ್ಸಿಲ ಕೊಂಡಿತು ೬ ಆಣೆಗೆ ಒಂದು ದಸ್ತಿನಂತೆ ೧೦ ದಸ್ತು ಕಾಗದ ಕೊಂಡಿತು ೮ ಆಣೆಗೆ ಒಂದರಂತೆ ೨ ಪಾಟಿ ಮಾರಿತು ಒಂದು ಆಣೆಗೆ ೩ ರಂತೆ ೧೫ ಮಸಿ ಚೀಟು ಮಾರಿತು ೪ನೆಯ ವರ್ಗದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ ಈರನಿಂದ ೪ ಆಣೆ ನೆಂಬರ ವರ್ಗಣಿ ಬಂದಿತು ಶಿವರಾಯ ಶಾಲೆ ಬಿಟ್ಟಿದ್ದರಿಂದ ಅವನ ವರ್ಗಣಿ ಹಣ ೮ ಆಣೆ ಪರತ ಕೊಟ್ಟಿತು ಮೊದಲು ಪೆಟ್ಟಿಗೆಯಲ್ಲಿ ೧೦ ರೂ ಶಿಲ್ಕು ಇದ್ದವು

ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿಗಳ ಸಹಕಾರಿ ಅಂಗಡಿ ಕಿರ್ದಿ

ತಾರೀಖು — ೨೫—೭—೧೯೫೨

ಜಮಾ ರೂ		ಖರ್ಚು ರೂ	
೧೦-೦-೦	ನಿನ್ನಿನ ಶಿಲ್ಕು	೪-೮-೦	ಒಂದು ಡಝನ್ನಿಗೆ ೧ ರೂ ೮ ಆ ಯಂತೆ ೩ ಡಝನ ಪೆನ್ಸಿಲ್ ಕೊಂಡದ್ದು
೧-೦-೦	೨ ಪಾಟಿ ಮಾರಿಬಂದದ್ದು	೩-೧೨-೦	೧ ದಸ್ತಿಗೆ ೬ ಆಣೆಯಂತೆ ೧೦ ದಸ್ತು ಕಾಗದ ಕೊಂಡದ್ದು
೦-೫-೦	ಮಸಿ ಚೀಟು ೧೫ ಮಾರಿದ್ದು	೦-೮-೦	ಶಿವರಾಯ ಶಾಲೆ ಬಿಟ್ಟಿದ್ದರಿಂದ ವರ್ಗಣಿ ಪರತ ಕೊಟ್ಟದ್ದು
೦-೪-೦	೪ನೇ ವರ್ಗದ ವಿದ್ಯಾರ್ಥಿ ಈರನಿಂದ ಬಂದದ್ದು	೮-೧೨-೦	ಇವತ್ತಿನ ಖರ್ಚು
೧-೯-೦	ಇವತ್ತಿನ ಜಮೆ	೨-೧೩-೦	ರೋಖು ಶಿಲ್ಕು
೧೧-೯-೦	ಅಂತು ಜಮೆ	೧೧-೯-೦	ಅಂತು ಖರ್ಚು

ಶಂಕರನು ತನ್ನ ಮಾವನ ಅಂಗಡಿಗೆ ಹೋಗುತ್ತಿದ್ದನು. ಅಲ್ಲಿ ಮಾವನು ಗಿರಾಕಿಗಳಿಗೆ ಮಾಡಿ ಕೊಡುತ್ತಿದ್ದ ಬಿಲೆ ಪಟ್ಟಿಗಳನ್ನು ನೋಡುತ್ತಿದ್ದ. ಒಂದು ದಿನ ಒಂದು ಗಿರಾಕಿಗೆ ಬಿಲೆ ಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ಶಂಕರನೇ ಬರೆದು ಕೊಟ್ಟನು ಆತನು ಬರೆದ ಬಿಲೆ ಪಟ್ಟಿಯು ಕೆಳಗಿನಂತಿದೆ

ಬಾಬು ಬಸವಂತಪ್ಪ ಪಾಟೀಲ ಕಿರಾಣಿ ವ್ಯಾಪಾರಿ, ಧಾರವಾಡ

ರಾ| ರಾ| ರಾಮರಾವ ದೇಸಾಯಿ ಮಾಳಮರಡಿ, ಧಾರವಾಡ ಇವರಿಗೆ

ಮಾಲು ಕೊಟ್ಟ ವಿವರ— ತಾ — ೧೬—೬—೫೨

ಅ ನಂ	ಮಾಲಿನ ಹೆಸರು	ತೂಕ, ಅಳತೆ, ಇಲ್ಲವೆ ಸಂಖ್ಯೆ	ದರ	ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆ	ಶರಾ
೧	ಕೊಲ್ಲಾಪುರ ಬೆಲ್ಲ	೧||| ಮಣ	ಮಣಕ್ಕೆ ೭ ರೂ	೧೨- ೪-೦	
೨	ಪುರಾಣಿ	೨ ಸೇರು	೧ ಸೇರಿಗೆ ೧-೪-೦	೨- ೮-೦	
೩	ಕುಸಬಿ ಎಣ್ಣಿ	೭ ಸೇರು	೧ ಸೇರಿಗೆ ೦-೬-೦	೨-೧೦-೦	
೪	ಮಸಾಲೆ	೨ ಸೇರು	೧ ಸೇರಿಗೆ ೦-೧೨-೦	೧- ೮-೦	
೫	ಅವಲಕ್ಕಿ	೧ ಧಡಿ	೧ ಧಡಿಗೆ ೩-೮-೦	೩- ೮-೦	
೬	ಎಲೆಕಟ್ಟು	೧ ಕಟ್ಟು (೧೦೦ ಎಲೆ)	೧ ಕಟ್ಟಿಗೆ ೨ ೪-೦	೨- ೪-೦	
				೨೪-೧೦ ೦	

ಲೆಕ್ಕದಲ್ಲಿ ತಪ್ಪಿದ್ದರೆ ಕೊಡಬೇಕು ಹಾಗು ತಕ್ಕೊಳ್ಳಬೇಕು

ಸಹಿ ..

ಅಂಗಡಿ ಮಾಲಕ

ಶಂಕರನು ಬರೆದ ಮೇಲಿನ ಬೆಲೆಪಟ್ಟಿಯನ್ನು ನೋಡಿರಿ ಅದನ್ನು ತಯಾರಿಸುವ ವಿಷಯದಲ್ಲಿ ಕೆಳಗಿನ ಸಂಗತಿಗಳನ್ನು ಲಕ್ಷದಲ್ಲಿಡಿರಿ

(೧) ಅಂಗಡಿಯ ಮಾಲಕನ ಹೆಸರು ಮತ್ತು ಅಂಗಡಿ ಹೆಸರು ಬರೆಯಬೇಕು

(೨) ಮಾಲು ಕೊಂಡ ಗಿರಾಕಿಯ ಹೆಸರು ಬರಯಬೇಕು

(೩) ತಾರೀಖು, ತಿಂಗಳು, ಇಸ್ವಿ ಬರೆಯಬೇಕು

(೪) ಕಾಗದದಲ್ಲಿ ಆರು ಮನೆಗಳನ್ನು ಮಾಡಿ ಮೊದಲನೆಯದರಲ್ಲಿ ನಂಬರು, ೨ನೆಯದರಲ್ಲಿ ಮಾಲಿನ ಹೆಸರು, ೩ನೆಯದರಲ್ಲಿ ತೂಕ, ಅಳತೆ ಇಲ್ಲವೆ ಸಂಖ್ಯೆ, ೪ನೆಯದರಲ್ಲಿ ದರ, ೫ನಯದರಲ್ಲಿ ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆ, ೬ನೆಯದರಲ್ಲಿ ಶರಾ ಬರೆಯಬೇಕು ಆಮೇಲೆ ಕೊಟ್ಟ ಮಾಲನ್ನು ಕ್ರಮವಾಗಿ ಅದರ ವಿವರದೊಂದಿಗೆ ಆಯಾ ಕೋಷ್ಟಕಗಳಲ್ಲಿ ಬರೆಯಬೇಕು ಮತ್ತು ಕೊಟ್ಟ ಮಾಲಿನ ಒಟ್ಟು ಬೆಲೆಯನ್ನು ಬೇರೀಜು ಮಾಡಿ ಬರಯಬೇಕು

ಉತ್ತರಗಳು

ಪು ೧

(೧) ನಾಲ್ವತ್ತೈದು ಸಾವಿರದಾ ಆರುನೂರಾ ಎಪ್ಪತ್ತೆಂಟು, ಮೂವತ್ತು ಸಾವಿರದಾ ಎರಡುನೂರಾ ಅರುವತ್ತೆಂಟು, ಅರುವತ್ತೇಳುಸಾವಿರದಾ ಇಪ್ಪತ್ತು ಮೂರು, ಇಪ್ಪತ್ತು ಸಾವಿರದಾ ಎಂಬತ್ತಾರು, ಮೂವತ್ತೆರಡು ಸಾವಿರದಾ ಆರು ನೂರಾ ಐದು (೨) (ಅ) ೪೬೫೩೭ (ಆ) ೬೮೦೫೭ (ಇ) ೩೧೦೦೪ (ಈ) ೭೨೦೦೮ (ಉ) ೨೮೫೦೬

ಉದಾಹರಣೆ (೧) (ಪು ೪)

(೧) ನಾಲ್ಕುಲಕ್ಷ ಮೂವತ್ತೈದುಸಾವಿರದಾ ಆರುನೂರಾ ಇಪ್ಪತ್ತೆಂಟು (೨) ಎಂಟುಲಕ್ಷ ಐವತ್ತುಸಾವಿರದಾ ಮೂರುನೂರಾ ನಾಲ್ವತ್ತೈದು (೩) ಒಂಬತ್ತುಲಕ್ಷ ಎಂಟುಸಾವಿರದಾ ಏಳುನೂರಾ ನಾಲ್ವತ್ತಾರು (೪) ಎರಡು ಲಕ್ಷ ಮೂರುನೂರಾ ಎಂಬತ್ತುನಾಲ್ಕು (೫) ೮೨೪೬೧೮ (೬) ೫೧೬೦೪೮ (೭) ೪೫೬೮೦೪ (೮) ೭೪೮೦೦೬ (೯) ೯೯೯೯, ೯೯೯೯೯, ೯೯೯೯೯೯ (೧೦) ೧೦೦೦೦, ೧೦೦೦೦೦ (೧೧) ೧೦೦ ಸಾವಿರ, ೧೦೦೦ ನೂರುಗಳು, ೪೦೦೦ ನೂರುಗಳು (೧೨) ೭೦೦೦೦, ೬೦೦೦೦, ೮೦೦೦೦೦

ಉದಾಹರಣೆ (೨) (ಪು ೭-೮)

(೧) ಏಳುಕೋಟಿ ಇಪ್ಪತ್ತುಮೂರುಲಕ್ಷ ನಾಲ್ವತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರದಾ ಆರು ನೂರಾ ಐವತ್ತುನಾಲ್ಕು (೨) ಆರುಕೋಟಿ ನಾಲ್ವತ್ತೆರಡುಲಕ್ಷ ಆರುಸಾವಿರದಾ ಎಪ್ಪತ್ತೆಂಟು (೩) ಐದುಕೋಟಿ ಆರುಲಕ್ಷ ಏಳುಸಾವಿರದಾ ಎಂಬತ್ತು (೪) ನಾಲ್ಕುಕೋಟಿ ಇಪ್ಪತ್ತೆಂಟುಸಾವಿರದಾ ಮೂರುನೂರಾ ಒಂಬತ್ತು (೫) ೬೭೨೨೬೪೧೫ (೬) ೩೦೦೮೩೮೨೮ (೭) ೨೦೩೦೪೫೦೬ (೮) ೯೮೮೦೦೬೨೪ (೯) ೩೦೦೦೦೦, ೪೫೦೦೦, ೬೩೦೦೦೦೦ (೧೦) ೬೦೦೦೦೦೦, ೧೨೦೦೦೦೦೦, ೨೫೦೦೦೦೦ (೧೧) ೫೦೦೦೦ (೧೨) ೨೫೦ಲಕ್ಷ

ಉದಾಹರಣೆ (೩) ಪು ೮-೯

(೧) ೯೦೦೬೮೩೧೨ (೨) ೭೬೧೯೧೨೩೩ (೩) ೩೮೮೭೮೮೮೦೯ (೪) ೧೧೭೪೮೦೮೧ (೫) ೨೨೨೦೧೩೦೮೮ (೬) ೩೩೦೯೨೮೩೦೨೬ (೭) ೨೧೬೯೧೬೭, ೪೮ ಶೇಷ (೮) ೩೪೯೧೭, ೧೩೪ ಶೇಷ

ಉದಾಹರಣೆ (೪) ಪು ೧೧

*(೬) ೨೬೩ ರೂ—೧೦ ಆ-೮ ಪೈ (೭) ೫೦ ಮ ೧ ಧ ೪ ಸೇರು (೮) ೫೬ ರೂ ೧೦ ಆ ೩ ಪೈ (೯) ೨೪ ತಾ ೨ ಮಿ ೪೦ ಸೆ (೧೦) ೨೨ ಪೌ ೫ ಶಿ ೦ ಪೇ (೧೧) ೬೨ ತಾ ೧೦ ಮಿ ೩೦ ಸೆ

ಉದಾಹರಣೆ (೫) ಪು ೧೨

(೫) ೩ ಮ ೧ ಧ ೪ ಸೇ (೬) ೮ ಮೈ ೨ ಫ ೧೨ ಯಾರ್ಡು (೭) ೧ ಮ ೧ ಧ ೪ ಸೇ (೮) ೧ ರೂ ೧೨ ಆ ೪ ಪೈ (೯) ೮ ರೂ ೩ ಆ ೬ ಪೈ (೧೦) ೧ ರೂ ೪ ಆ ೯ ಪೈ

ಮಿಶ್ರ ಉದಾಹರಣೆಗಳು (೬) ಪು ೧೨–೧೩

(೧) ೭೮ ರೂ ೧೫ ಆ ೮ ಪೈ (೨) ೯೯ ರೂ ೦ ಆ -೦ ಪೈ (೩) ೩೬ ರೂ ೦ ಆಣೆ ೪ ಪೈ (೪) ೧೬ ರೂ ೧೩ ಆಣೆ ೬ ಪೈ (೫) ೮ ತೊ ೧ ಮಾ ೬ ಗುಂಜಿ

ಉದಾಹರಣೆ (೭) ಪು ೧೪

(೬) ೩೬, ೧೮, ೧೬, ೧೨ (೭) ೭, ೨೬, ೧೫ (೮) ೩೮ ಹುಡುಗರು

ಉದಾಹರಣೆ (೮) ಪು ೧೫

(೧) ೧, ೨, ೩, ೫, ೭, ೧೧, ೧೩, ೧೭, ೧೯ (೨) ೨೦, ೨೧, ೨೨, ೨೪, ೨೫, ೨೬, ೨೭, ೨೮, ೩೦, ೩೨, ೩೩, ೩೪, ೩೫, ೩೬, ೩೮, ೩೯, ೪೦ (೩) ೩, ೯, ೧೫, ೨೧, ೨೭ (೪) ೮೩, ೮೭, ೮೯, ೯೭

ಉದಾಹರಣೆ (೯) ಪು ೧೬

(೧) ೨ × ೨ × ೨, ೨ × ೨ × ೨ × ೨, ೩ × ೩ × ೨ (೨) ೨ × ೨ × ೫, ೩ × ೨ × ೨ × ೨, ೩ × ೩ × ೩ (೩) ೫ × ೩ × ೨, ೫ × ೭, ೨ × ೨ × ೩ × ೩ (೪) ೫ × ೨ × ೨ × ೨, ೫ × ೩ × ೩, ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೩, (೫) ೫ × ೫ × ೨, ೭ × ೨ × ೨ × ೨, ೩ × ೫ × ೨ × ೨ (೬ ೩೭ × ೨, ೩ × ೩ × ೨ × ೨ × ೨, ೫ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨, (೭) ೭ × ೩ × ೨ × ೨, ೩ × ೩ × ೫ × ೨, ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೩ (೮) ೫ × ೫ × ೨ × ೨, ೭ × ೫ × ೩, ೩ × ೩ × ೩ × ೨ × ೨, (೯) ೭ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨, ೫ × ೩ × ೨ × ೨ × ೨, ೫ × ೫ × ೫, (೧೦) ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨, ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೩ × ೩ ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೨ × ೫

---

* ಟೀಪು — ಉದಾಹರಣೆಗಳಲ್ಲಿಯ ಬಾಯಿಲೆಕ್ಕಗಳ ಉತ್ತರವನ್ನು ಕೊಟ್ಟಿಲ್ಲ

ಉದಾಹರಣೆ (೧೦) ಪು ೧೯-೨೦

(೧) ೧೬, ೩೨, ೨೭, ೧೫ (೨) ೨೪, ೪೨, ೫೬, ೨೪, ೫೬, ೬೪, ೧೨೪, ೨೪ (೩) ೫ (೪) ೨ (೫) ಎಲ್ಲ ಸಂಖ್ಯೆಗಳಿಗೂ ೯ರಿಂದ ಮತ್ತು ೪ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ ಆದ್ದರಿಂದ ೯ ಮತ್ತು ೪ ಈ ಅಂಶಗಳು ಆ ಸಂಖ್ಯೆಗಳ ಅವಯುವಗಳಾದವು ಆದ್ದರಿಂದ ೩೬ (೯×೪) ರಿಂದ ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ (೬) ಭಾಗ ಹೋಗುತ್ತದೆ (೭) ೫ × ೩ × ೨ × ೨ × ೨, ೭×೩×೨×೨×೨, ೩×೩×೩×೨×೨×೨ (೮) ೭×೩× ೨×೨, ೭×೫×೩, ೫×೩×೩×೩ (೯) ೩×೨×೨×೨×೨×೨, ೫×೨×೨×೨×೨×೨, ೭×೨×೨×೨×೨, (೧೦) ೭×೩×೩ ×೨×೨, ೩×೩×೩×೩×೨×೨ (೧೧) ೫×೫×೩×೩, ೭×೭×೨×೨, ೩ ×೨×೨×೨×೨×೨×೨ (೧೨) ೫×೩×೩ ×೨×೨, ೩×೭×೨×೫, ೫×೩×೨×೨×೨×೨

ಉದಾಹರಣೆ (೧೧) ಪು ೨೦

(೪) ೨, ೩, ೪, ೬, ೮, ೧೨, ೧೬, ೩೨, ೪೮, ೨, ೩, ೪, ೬, ೯, ೧೨, ೧೮, ೨೭, ೩೬, ೫೪, ೨, ೩, ೪, ೫, ೬, ೮, ೧೦, ೧೨, ೧೫, ೨೪, ೩೦, ೪೦ ೬೦, (೫) ೩, ೫, ೯, ೧೫, ೨೭, ೪೫, ೨, ೪, ೬, ೮, ೧೨, ೧೬, ೧೮, ೨೪ ೩೬, ೭೨, ೨, ೪, ೭, ೮, ೧೪, ೧೬, ೨೮, ೫೬

ಉದಾಹರಣೆ (೧೨) ಪು ೨೨

(೬) ೨, ೩, ೪, ೬, ೧೨ (೭) ೨, ೩, ೬, ೧೨ (೮) ೨, ೩, ೪ ೬, ೯, ೧೨, ೩೬ (೯) ೩, ೫, ೧೫ (೧೦) ೨, ೩, ೬, ೧೨ (೧೧) ೫, ೨೫ (೧೨) ೨, ೩, ೪, ೬, ೮, ೧೨, ೨೪

ಉದಾಹರಣೆ (೧೩) ಪು ೨೪

(೧) ೬ (೨) ೮ (೩) ೩ (೪) ೭ (೫) ೧೫ (೬) ೧೨ (೭) ೧೨ (೮) ೩೬ (೯) ೧೫ (೧೦) ೧೨ (೧೧) ೨೫, (೧೨) ೨೪ (೨) ೩೫ ಹುಡುಗರು (೩) ೧೧ ನೇ (೪) ೧೨ ಘೂ

ಉದಾಹರಣೆ (೧೪) ಪು ೨೫

(೧) ೪, ೮, ೧೨, ೧೬, ೨೦, ೨೪, ೨೮, ೩೨, ೩೬, ೪೦ (೨) ೫, ೧೦, ೧೫, ೨೦, ೨೫, ೩೦, ೩೫, ೪೦ (೩) ೬, ೧೨, ೧೮, ೭, ೧೪, ೨೧ ೮, ೧೬, ೨೪, ೯, ೧೮, ೨೭ (೪) ೧೨, ೨೪, ೩೬, ೪೮

ಉದಾಹರಣೆ (೧೫) ಪು ೨೮

(೧) ೩೬ (೨) ೬೦ (೩) ೧೨೬ (೪) ೨೧೬ (೫) ೧೨೦ (೬) ೧೭೫ (೭) ೩೬೦ (೮) ೧೦೮ (೯) ೧೬೦ (೧೦) ೩೩೬ (೧೧) ೧೪೪೦ (೧೨) ೨೮೮ (೧೩) ೯೪೫ (೧೪) ೧೦೫೦ (೧೫) ೫೧೪೮ (೧೬ ೧೮೫೨೫ (೧೭) ೩೧೫ (೧೮) ೬೦೦೬ (೧೯) ೭೨ ಕೊಡ (೨೦) ೬೦ ಮ್ಯೈಲುಗಳು (೨೧) ೬ ಆಣೆ (೨೨) ೩೬೭ ಹಣ್ಣುಗಳು (೨೩) ೨೯೬ ಹೂಗಳು (೨೪) ೧೮೫

ಉದಾಹರಣೆ (೧೬) ಪು ೩೨–೩೩

(೧೧) ೧ ೨/೭ ಭಾಗ (೧೨) ಏಳು ಹನ್ನೊಂದನೆಯ ಅಂಶ (೧೩) ೩/೮ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿಯ ಸರಿಯಾದ ೮ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿಯ ೩ ಭಾಗಗಳು, ೫/೧೩ ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿಯ ೧೩ ಸರಿಯಾದ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿಯ ೫ ಭಾಗಗಳು ಒಂದು ವಸ್ತುವಿನಲ್ಲಿಯ ಸರಿಯಾದ ೧೮ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿಯ ೧೧ ಭಾಗಗಳು, ೭/೯, ೯ ಭಾಗಗಳಲ್ಲಿಯ ೭ ಭಾಗಗಳು (೧೪) ೮ ಆ ೪ ಪೈ, ೨ ಆಣೆ ಮತ್ತು ೫ ಆಣೆಗಳು (ಅ) ೧೯ ಮಿನಿಟುಗಳು (ಬ) ೭ ಫರ್ಲಾಂಗುಗಳು (ಕ) ೧೨ ದಿವನಗಳು (ಡ) ೧೫ ಹಾಳೆಗಳು (ಇ) ೧೫ ಇಂಚುಗಳು (ಫ) ೩ ದಿವಸಗಳು (ಗ) ೭ ಶಿಲಿಂಗುಗಳು (ಹ) ೧೧ ಮಾಸಿಗಳು (೧೫) ಇವೆಲ್ಲವುಗಳ ಬೆಲೆ ೧ ಇದ ಆದ್ದರಿಂದ ಇವೆಲ್ಲವುಗಳು ಒಂದಕ್ಕೊಂದು ಸರಿ ಇರುತ್ತವೆ (೧೬) ೩/೭, ೫/೭, ೬/೭, ೮/೭, ೩/೯, ೧/೯, ೫/೯, ೩/೪, ೧/೪ (೧೭) ೩/೬ ಹೇ ಜೋಳ, ೧/೭ ಹೇ ನಜ್ಜೆ, ೩/೬ ಹೇ ಕಡಲೆ (೧೮) ೧/೪, ೫/೮, ೪/೭, ೫/೯, ೨/೫, ೫/೮, ೪/೭, ೬/೮, (೧೯) ೩/೪, ೩/೮, ೨/೭, ೪/೧, ೨/೫, ೩/೮, ೨/೭, ೨/೮

ಉದಾಹರಣೆ (೧೭) ಪು ೩೬–೩೭

(೬) ೧ ೯/೬ ಹ (೭) ೧ ೫/೩೦ ತಾ- (೮) ೧ ೦/೬ ರೂ (೯) ೧ ೮/೩೫ ಭಾ. (೧೦) ೧ ೩/೧೬ ಭಾ (೧೧) ೪/೬ ೨/೮ ಮಣ

ಉದಾಹರಣೆ (೧೮) ಪು ೪೦–೪೧

(೧೧) ೧ ೪/೬ ರೂ (೧೨) ೬/೧೦, ಭಾ (೧೩) ೧ ೩/೬ ಪೌಂ (೧೪) ೧ ೯/೩ ಫೂ ಉದ್ದ, ೧ ೨/೩ ಫೂ ಅಗಲ (೧೫) ೧ ೪/೬ ರೂ (೧೬) ೧ ೨/೩ ವಾರ (೧೭) ೧ ೩/೬ ರೂ (೧೮) ೨/೮ ಭಾ (೧೯) ೨/೬ ಭಾ

ಉದಾಹರಣೆ (೨೦) ಪು ೪೪

(೧೧) ೩$\frac{೮}{೧೬}$ ರೂ (೧೨) ೮$\frac{೬}{೮}$ ಮೈ (೧೩) ಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳು ೬, ೭, ೧೨, ಅಪೂರ್ಣಾಂಕಿಗಳು, $\frac{೫}{೬}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೧೦}{೧೩}$, (೧೪) $\frac{೩}{೧}$, $\frac{೪}{೧}$, $\frac{೬}{೧}$, $\frac{೭}{೧}$, $\frac{೮}{೧}$.

ಉದಾಹರಣೆ (೨೧) ಪು ೪೭–೪೮

(೧೧) ೩$\frac{೩}{೮}$, ೨$\frac{೨}{೯}$, ೨$\frac{೪}{೧೧}$, (೧೨) ೨$\frac{೨}{೪}$, ೬$\frac{೪}{೫}$, ೮$\frac{೪}{೭}$, (೧೩) ೭$\frac{೧}{೧೬}$ ರೂ. ೧೧$\frac{೩}{೧೨}$ ತೊ ೭$\frac{೮}{೨೦}$ ಪೌ ೩$\frac{೪}{೩೬}$ ಯಾ (೧೪) $\frac{೨೧೫}{೧೬}$ ರೂ $\frac{೧೧೯}{೧೨}$ ಫೂ $\frac{೧೬೧}{೧೨}$ ವರ್ಷ, $\frac{೧೯೯}{೨೪}$ ದಿ

ಉದಾಹರಣೆ (೨೩) ಪು ೫೪

(೧೩) $\frac{೨೧}{೩೦}=\frac{೩೫}{೫೦}$ (೧೪) $\frac{೧೭}{೧೫}=\frac{೪೫}{೨೫}$ (೧೫) $\frac{೬}{೨೪}$, $\frac{೨೦}{೨೪}$, $\frac{೧೬}{೨೪}$, $\frac{೧೪}{೨೪}$, (೧೬) ೧$\frac{೨೫}{೧೨೦}$, $\frac{೪೮}{೧೨೦}$, $\frac{೨೧೦}{೧೨೦}$, $\frac{೬೪}{೧೨೦}$

ಉದಾಹರಣೆ (೨೪) ಪು ೫೭–೫೮

(೬) $\frac{೩}{೫}$ (೭) $\frac{೨}{೫}$ (೮) $\frac{೧}{೩}$ (೯) $\frac{೨}{೫}$ (೧೦) $\frac{೨}{೩}$ (೧೧) $\frac{೫೬}{೬೪}=\frac{೨೮}{೩೨}=\frac{೧೪}{೧೬}$ (೧೨) $\frac{೬೦}{೧೪೪}=\frac{೧೫}{೩೬}=\frac{೧೦}{೨೪}$ (೧೩) $\frac{೪೨}{೧೪೭}=\frac{೬೦}{೨೪೫}=\frac{೩೦}{೧೦೫}$ (೧೪) $\frac{೬೬}{೧೪೪}$ (೧೫) $\frac{೭}{೫}$, $\frac{೧೫}{೧೬}$

ಉದಾಹರಣೆ (೨೫) ಪು ೬೩

(೬) $\frac{೬}{೧೮}$, $\frac{೩}{೧೮}$, $\frac{೪}{೧೮}$, (೭) $\frac{೪}{೭}$ ಅತಿ ದೊಡ್ಡದು ಮತ್ತು $\frac{೩}{೫}$ ಅತಿ ಸಣ್ಣದು (೮) $\frac{೪}{೪}$, $\frac{೭}{೯}$, $\frac{೪}{೫}$, (೯) $\frac{೧೧}{೨೪}$, $\frac{೭}{೧೮}$, $\frac{೧೯}{೨೧}$, (೧೦) ರಂಗನ ಮನೆಯಲ್ಲಿ ಹೆಚ್ಚು ಸಕ್ಕರೆ ಖರ್ಚಾಗುತ್ತದೆ (೧೧) ರಾಮನು ತೀವ್ರವಾಗಿ ಓಡಬಲ್ಲನು (೧೨) ಸೋಮನು ಹೆಚ್ಚು ವೇಗವಾಗಿ ಒಡಿನಬಲ್ಲನು. (೧೩) $\frac{೧೨}{೧೭}$, $\frac{೨೧}{೨೭}$, $\frac{೯}{೧೬}$ (೧೪) $\frac{೮}{೧೫}$, $\frac{೧೬}{೨೭}$, $\frac{೧೨}{೧೯}$, (೧೫) $\frac{೧೩}{೧೫}$ವು ದೊಡ್ಡದು

ಉದಾಹರಣೆ (೨೬) ಪು ೬೬

(೭) ೧$\frac{೧}{೧೦}$, (೮) ೨$\frac{೫}{೨೮}$, (೯) ೧$\frac{೧೭}{೧೮}$, (೧೦) ೨$\frac{೪೧}{೯೦}$, (೧೨) ೧$\frac{೬೫೭}{೪೨೦೦}$

ಉದಾಹರಣೆ (೨೮) ಪು ೬೮–೬೯

(೧) ೬$\frac{೧}{೮}$ ರೂ (೨) ೭$\frac{೫}{೬}$, ರೂ ೩) ೪$\frac{೩}{೨೧}$ ಪೌಂ (೪) ೧೦$\frac{೧೩}{೨೪}$ ಫೂ (೫) ೧೦$\frac{೫}{೧೨}$ ದಿ (೬) ೧೨$\frac{೭}{೧೨}$ ಫೂ (೭) ೨$\frac{೧೪}{೨೪}$ ಮಣ (೮) ೧೦$\frac{೭}{೩೨}$ ರೂ (೯) ೧೦$\frac{೫}{೨೪}$, (೧೦) ೮$\frac{೧}{೨}$, (೧೧) ೩$\frac{೭}{೩೨}$ ರೂ (೧೨) ೪೭$\frac{೧೩}{೩೨}$ ಮ (೧೩) ೧೧$\frac{೩}{೧೨}$ ಫೂ (೧೪) ೨೮$\frac{೩}{೮}$ ಸೇರು (೧೫) ೧೪$\frac{೩}{೧೬}$ ರೂ (೧೬) ೨೪೫$\frac{೫}{೨೪}$ ತೊಲಿ

ಉದಾಹರಣೆ (೨೯) ಪು ೭೧

(೧) ೧/೬ ಪೌ (೨) ೧/೬ ರೂ (೩) ೨/೧೫ ವೌ (೪) ೫/೧೨, (೫) ೧ ೨೧/೩೦, (೬) ೧೨/೫೪, (೭) ೧ ೨/೬ (೮) ೧/೩೪ ದಿಂದ ಹೆಚ್ಚಿದೆ (೯) ೫/೩೪ ನೇ (೧೦) ೧ ೭/೮ ಯಾ, (೧೧) ೨/೩೦ ನೈ (೧೨) ೧೧/೩೪ ಮಣ

ಉದಾಹರಣೆ (೩೦) ಪು ೭೩–೭೪

(೬) ೧ ೧/೩, (೭) ೫ ೧/೪, (೮) ೩ ೭/೧೬ ರೂ (೯) ೨೧ ೧/೩ ಮಣ (೧೦) ೪ ೧೩/೩೪ ತೊ (೧೧) ೯೪ ೭/೮ ರೂ (೧೨) ೩ ೭/೧೩ ವಾ, (೧೩) ೩ ೧/೩ ರೂ (೧೪) ೩ ೫/೧೬ ರೂ (೧೫) ೧ ೩/೪ ಪೌ (೧೬) ಮೋಟಾರ ದಿಂದ ಹೆಚ್ಚು ಬೇಗನೆ ಹೋಗಬಹುದು ಮತ್ತು ೧ ೧೩/೬೦ ತಾಸು ಉಳಿತಾಯ ವಾಗುವದು (೧೭) ೭ ೧೧/೭೩ (೧೮) ೧ ೭/೧೦ ನೇ (೧೯) ೨೧ ೧/೬೦ ನೈ (೨೦) ೨ ೫/೩೪ ಪೌ

ಉದಾಹರಣೆ (೩೧) ಪು ೭೭–೭೮

ಗುಂಪು ೧ (೧) ೧ ೭/೧೩, (೨) ೩ ೪/೪, (೩) ೨ ೧೯/೩೪, (೪) ೨ ೧೬/೩೧ (೫) ೪ ೩೭/೬೦, (೬) ೩ ೭/೧೮, (೭) ೯/೪೦, (೮) ೧ ೨೭/೪೦ (೯) ೭/೮, (೧೦) ೧ ೭/೮, (೧೧) ೬ ೯/೪೦ (೧೨) ೧/೩.

ಗುಂಪು ೨. (೧೧) ೧ ೭/೧೨, (೧೨) ೫ ೪೭/೩೧೦ (೧೩) ೧/೩೪ (೧೪) ೪ ೧೧/೩೪ (೧೫) ೨ ೧೩/೬೦ (೧೬) ೨೧ ೧೩/೩೦ (೧೭) ೨೧ ೧/೩ (೧೮) ೨ ೭/೧೦ (೧೯) ೪ ೩/೪ (೨೦) ೩ ೫/೧೩

ಗುಂಪು ೩. (೧) ೧ ೫/೧೩ ರೂಪಾಯಿ (೨) ೩ ೭/೧೩೦ ಎಕರೆ, (೩) ೩ ೯/೧೫ ವಾರ (೪) ೨೦ ೩/೬ ರೂ (೫) ೭ ೩/೨೩ ರೂ (೬) ೩ ೧/೧೩ ರೂ (೭) ೩ ೩/೪ ಪೌಂಡು (೮) ೨೯/೬೦ (೯) ೩ ೧/೧೦ (೧೦) ೪/೧೫

ಉದಾಹರಣೆ (೩೨) ಪು ೮೩–೮೪

(೯) ೧೫೨ ತಾ (೧೦) ೧೦೩ ೧/೩ ತಿ (೧೧) ೧೮ ೭/೩ ರೂ (೧೨) ೨೮ ೭/೮ ರೂ (೧೩) ೧೩ ೧/೩ ರೂ (೧೪) (ಅ) ೭ ೧/೩ ರೂ (ಆ) ೧೩ ೭/೮ ಪೌ (ಇ) ೨೨ ೧/೩ ತಿಂ (ಈ) ೩ ೨/೬ (ಉ) ೫ ೧/೪, (ಊ) ೨೦ (೧೫) ಮಗನಿಗೆ ೭೫೦೦ ರೂ ಮಗಳಿಗ ೩೭೫೦ ರೂ ಹಂಡತಿಗೆ ೨೫೦೦ ರೂ ವಾಚನಾಲಯಕ್ಕ ೧೨೫೦ ರೂ (೧೬) ೨೪೦ ಗಿದಗಳು

ಉದಾಹರಣೆ (೩೩) ಪು ೮೭–೮೮

(೬) ೨/೩, ೧೦, ೫/೨ (=೨ ೧/೨) (೭) ೪/೯, ೧೧ ೩/೫, (೮) ೩ ೧/೨ ೧/೪, ೮ ೧/೨. ೩ ೧/೨, (೯) ೫ ೧/೨ ವ್ಯೆ (೧೦) ೬ ರೂ (೧೧) ೧೨೦ ೧/೨ ರೂ (೧೨) ೧/೨ ಭಾಗ (೧೩) ೪೨ ೧೩/೧೬ ರೂ (೧೪) ೧೮೦ ರೂ (೧೫) ೧೪ ಮಗನ ವಯಸ್ಸು

ಉದಾಹರಣೆ (೩೪) ಪು ೯೦–೯೧

(೪) ೩/೪೦, ೪/೨೧, ೫/೨೪, ೩/೫, (೫) ೧ ೩/೮ ರೂ. (೬) ೧ ೭/೬೪ ರೂ. (೭) ೫/೮ ಸೇ (೮) ೧ ೩/೪ ರೂ (೯) ೩/೫ ನೇ (೧೦) ೧ ೪/೫ ಅ (೧೧) ೩ ೪/೫ ವ್ಯೆ (೧೨) ೨ ೫/೧೬ ರೂ (೧೩) ೧೭/೬೦, (೧೪) ೫/೨೪, (೧೫) ೩/೫;

ಉದಾಹರಣೆ (೩೫)

(೫) ೫, ೭ ೧/೨, ೧೦ ೩/೪, (೬) ೩ ೧/೨, ೧೫ ೪/೫, ೧೬ ೧/೨, (೭) ೪೮ ಡಬ್ಬಿಗಳು (೮) ೧ ೧/೨ ತಾ (೯) ೧೦ ತುಂಡು (೧೦) ೧೬ ದಿ (೧೧) ೯ ೧/೭ ವಾರ (೧೨) ೪ ೪/೫, (೧೩) ೧೨ ೧/೨ ತುಂಡು (೧೪) ೨೦ ಪು (೧೫) ೪ ೧/೨ ದಿ, (೧೬) ೧೭ ೧/೨, ೩೭ ೧/೨

ಉದಾಹರಣೆ (೩೬) ಪು ೯೭-೯೮

(೬) ೧ ೧/೪, ೧/೬, ೪/೯, (೭) ೬, ೨ ೧/೨, ೨ ೧/೨, (೮) ೨/೫, ೧ ೧/೫, ೨, (೯) ೨/೫, ೧೪, ೨ ೧/೫, (೧೦) ೧ ೧/೯, ೧ ೧/೫, ೩ ೧/೪, (೧೧) ೧/೨ ಸೇ (೧೨) ೨ ೧/೪ ಡಝ಼ನ, (೧೩) ೮ ೧/೧೬ ರೂ (೧೪) ೪/೫, (೧೫) ೩ ೧/೪ ತೊ (೧೬) ೨೧ ೩/೫ ದ, (೧೭) ೧/೬ ನೇ (೧೮) ೫ ೨/೫ ಅಂತರ

ಉದಾಹರಣೆ (೩೭) ಪು ೯೯

(೧) ೧/೬, ೧/೨, (೨) ೧/೬೦, ೨, (೩) ೧/೨೫, ೧೪; (೪) ೧, ೪ ೧/೧೬, (೫) ೧/೨೪, (೬) ೧೨ ೫/೬, (೭) ೪/೧೫, (೮) ೫/೨೪, (೯) ೫/೬, (೧೦) ೪೬, (೧೧) ೧/೪, (೧೨) ೨ ೫/೬, (೧೩) ೨ ೫/೬, (೧೪) ೧/೪,

ಉದಾಹರಣೆ (೩೮) ಪು ೧೦೧

(೧) ೯, ೧೨, ೧೪, ೧೩ ೧/೫, ೩೬ ಆಣೆಗಳು (೨) ೧೦ ೧/೨, ೫, ೬ ೧/೨, ೧೫ ೪/೫, ಮಾಸಿಗಳು ೮೪, ೪೦, ೫೨, ೧೨೬ ಗುಂಜಿಗಳು (೩) ೧೮, ೧೫, ೨೦, ೫೬, ೧೩೨ ತಾಸುಗಳು (೪) ೨೪, ೨೨ ೧/೨, ೪ ೧/೨, ೧೨೦, ೯೦ ಇಂಚುಗಳ.

(೫) ೭$\frac{೧}{೫}$, ೬$\frac{೨}{೫}$, ೧೬$\frac{೪}{೫}$, ೪೨, ೯೦ ತಿಂಗಳುಗಳು, (೬) ೩೨, ೨೪, ೩೬, ೪೦. ೬೮ ಸೇರುಗಳು (೭) ೧೪ ಸೇ (೮) ೪೩ ಲಿಂಬಿಹಣ್ಣುಗಳು (೯) ೫$\frac{೧}{೨}$ ಸೇ (೧೦) ೧೦೮ ಕೊಡಗಳು (೧೧) ೪೪ ತುಂಡುಗಳು (೧೨) ೩೩ (೧೩) ೨೯೫ (೧೪) ೫$\frac{೧}{೨}$ ಮೈ ೨೯೦೦೨ ಫೂಟಿಗಿಂತ ಹೆಚ್ಚು ಆದ್ದರಿಂದ ವಿಮಾನಗಳು ಶಿಖರವನ್ನು ಮುಟ್ಟಬಲ್ಲವು (೧೫) ೫೬$\frac{೨}{೩}$ ಪುಟಗಳಲ್ಲಿ ಕತೆ ಬರೆದರೂ ಆದರ ಪುಟಗಳು ೫೭

ಉದಾಹರಣೆ (೩೯) ಪು. ೧೦೩

(೧) $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೫}{೬}$ ಆ ಗಳು (೨) $\frac{೧}{೮}$, $\frac{೩}{೧೬}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೫}{೧೬}$, $\frac{೩}{೮}$, $\frac{೭}{೧೬}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೯}{೧೬}$, $\frac{೫}{೮}$, $\frac{೧೧}{೧೬}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೧೩}{೧೬}$, $\frac{೭}{೮}$, $\frac{೧೫}{೧೬}$, ರೂ ಗಳು (೩) $\frac{೧}{೧೨}$, $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೫}{೧೨}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೭}{೧೨}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೫}{೬}$, $\frac{೧೧}{೧೨}$ ತೊಲಿಗಳು (೪) $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೩}{೮}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೫}{೮}$, $\frac{೩}{೪}$, ಮಾಸಿಗಳು (೫) $\frac{೧}{೧೨}$, $\frac{೧}{೧೦}$, $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೫}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೨}{೫}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೩}{೫}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$ ತಾಸುಗಳು (೬) $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$ ಫೂಟುಗಳು $\frac{೧}{೧೮}$, $\frac{೧}{೧೨}$, $\frac{೧}{೯}$, $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೨}{೯}$, $\frac{೧}{೪}$, ಯಾರ್ಡುಗಳು (೭) $\frac{೧}{೧೫}$, $\frac{೧}{೧೦}$, $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೫}$, $\frac{೨}{೫}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೪}{೫}$ ತಿಂಗಳುಗಳು (೮) $\frac{೧}{೨೪}$, $\frac{೧}{೧೬}$, $\frac{೧}{೧೨}$, $\frac{೧}{೮}$, $\frac{೧}{೬}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೩}{೮}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೭}{೮}$, ಮಣಗಳು (೯) $\frac{೧}{೮}$, $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೩}{೮}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೩}{೪}$ ಮೈಲುಗಳು (೧೦) $\frac{೧}{೪}$, $\frac{೧}{೩}$, $\frac{೧}{೨}$, $\frac{೨}{೩}$, $\frac{೩}{೪}$, $\frac{೫}{೬}$, ದಸ್ತುಗಳು, (೧೧) ೨$\frac{೧}{೪}$ ರೂ (೧೨) ೪$\frac{೨}{೩}$ ರೂ (೧೩) ೬$\frac{೨}{೩}$ ತಾ (೧೪) ೫$\frac{೧}{೧೬}$ ರೂ (೧೫) ೨$\frac{೪}{೫}$ ತಿಂಗಳು ಮತ್ತು ೨೩$\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಬೆಲೆ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೦) ಪು ೧೦೮

(೧೧) ೧೫೩೦ ರೂ (೧೨) ೧೭$\frac{೧}{೨}$ ರೂ (೧೩) ೨೫೨ ರೂ (೧೪) ೧$\frac{೧}{೪}$ ರೂ (೧೫) ೫ ರೂ ೧೧ ಆ (೧೬) ೪ ಪುಟ (೧೭) ೧೨$\frac{೧}{೨}$ ಆ (೧೮) ೨ ರೂ ೪ ಆ (೧೯) ೧ ರೂ ೧೦$\frac{೧}{೪}$ ಆ (೨೦) ೧೯೫ ಮೈ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೧) ಪು ೧೦೯

(೧) $\frac{೧}{೬}$ ಪ (೨) $\frac{೧}{೧೦}$ ಪ (೩) $\frac{೩}{೧೦}$ ಭಾ (೪) ೨$\frac{೧}{೪}$ ಭಾಗ (೫) ೨$\frac{೧}{೪}$ ಭಾ (೬) ೨$\frac{೧}{೪}$ ಸೇ (೭) ೩$\frac{೩}{೪}$ ರೂ. (೮) ೪$\frac{೧}{೨}$ ರೂ (೯) ೧$\frac{೧}{೨}$ ಆ (೧೦) $\frac{೩}{೮}$ ರೂ ಅಂದರೆ ೬ ಆ (೧೧) ೯ ಮಿ $=$ $\frac{೩}{೨೦}$ ತಾಸು (೧೨) ೨$\frac{೧}{೨}$ ಕೊಡ (೧೩) ೧$\frac{೧}{೨}$ ಬಿಲ್ಲಿ (೧೪) $\frac{೩}{೪}$ ರೂ ($=$ ೧೨ ಆಣೆ) (೧೫) ೧ ರೂ ೨ ಆ (೧೬) ೧ ಆ. (೧೭) ೭೫ ಪು (೧೮) ೧$\frac{೧}{೨}$ ಎ. (೧೯) ೧$\frac{೧}{೪}$ ಆ (೨೦) ೨$\frac{೧}{೨}$ ರೂ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೨) ಪು ೧೧೧-೧೧೨

(೧) ೪೦ ಲಿಂಬೀಹಣ್ಣು (೨) ೧೬೦ ಎಲಿಗಳು (೩) ೧೩/೪ ರೂ (೪) ⅔ ತಾ (೫) ೧೨೬ ರೂ (೬) ೩೬ ಪು (೭) ೮ ರೂ ೧೨ ಆ (೮) ೩ ರೂ ೧೨⅔ ಆ (೯) ೧೧⅔ ಆ (೧೦) ೪೧⅔ ರೂ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೩) ಪು ೧೧೬

(೧) ೯೧/೧೧ ತಾ (೨) ೩೪ ರೂ ೬ ಆ (೩) ೧೦⅔ ರೂ (೪) ೧೩ ರೂ ೨ ಆ.

ಉದಾಹರಣೆ (೪೪) ಪು ೧೧೮-೧೧೯

(೧೧) ೯೬ ಗಡ್ಡಿ (೧೨) ೧೮ ರೂ ೬ ಆ. (೧೩) ೩೩ ರೂ ೧೨ ಆ. (೧೪) ೬ ರೂ ೯ ಆ (೧೫) ೧೨ ರೂ ೬ ಆ (೧೬) ೬೦ ರೂ ೯ ಆಣೆ (೧೭) ೨೬೪ ರೂ (೧೮) ೧ ನೇದು. (೧೯) ೧೫೩೬ ರೂ (೨೦) ೮೪ ರೂ ೬ ಆಣೆ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೫) ಪು ೧೨೪-೧೨೫

(೯) ೧೨ ದಿ- (೧೦) ೧೦ ಜನರು (೧೧) ೧೨ ಸಾರೆ (೧೨) ೪೮ ದಿವಸಗಳವರೆಗೆ (೧೩) ಒಟ್ಟು ೭೨ ದಿ, ೧೨ ದಿ ಹೆಚ್ಚು (೧೪) ೫ ಜನರನ್ನು ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ತಕೊಳ್ಳಬೇಕು (೧೫) ೨ ತಿ ೨೪ ದಿ (೧೬) ೯ ದಿ (೧೭) ೫೦ ದಿ (೧೮) ಒಟ್ಟು ೪೪ ದಿ, ೪ ದಿ ಹೆಚ್ಚು (೧೯) ½ ತಾಸು ತಡ (೨೦) ೧೮ ದಿವಸ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೬) ಪು ೧೨೭

(೧) ೧೮೦೦೦ ರೂ (೨) ಇಡೀ ಕಬ್ಬಿನ ಉದ್ದಳತೆ ೧೦⅔ ಫೂ ತಿನ್ನತಕ್ಕಭಾಗ ೬ ಫೂ (೩) ಒಟ್ಟು ಜನಸಂಖ್ಯೆ ೧೫೦೦, ಒಕ್ಕಲಿಗರು ೭೫೦ (೪) ೧೮ ಎಕರೆ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೭) ಪು ೧೨೮

(೧) ೭೦ ರೂ ಗಳ ಮೇವು (೨) ೪೨⅔ ಮೊಳ (೩) ೩೦. ೨ವಸ (೪) ೪೫೦ ಕೊಡ

ಉದಾಹರಣೆ (೪೮) ಪು ೧೩೦

(೧) ೬ ಜ ಹೆಚ್ಚಿಗೆ ಬಂದವರು (೨) ೨ ಜನರು (೩) – ವೆ. (೪) ೪ ಆ (೫) ೪ ಜನರು

ಉದಾಹರಣೆ (೫೦ ಪು ೧೩೩

(೬) ೧೦೦ ರೂ ಬ (೭) ४೫ ರೂ ಬ (೮) ೭೦ ರೂ (೯) ೮೫ ರೂ ಬ (೧೦) ೯ ರೂ ... (೧೧) ೧४ ರೂ ಬ (೧೨) ೧೨೩ ರೂ ಬ (೧೩) ೧೦೭ ರೂ (೧४) ೨೨೯ ರೂ (೧೫) ೫೭೬ ರೂ ರಾ (೧೬) ४೭೯೯ ... ರಾ (೧೭) ೭४೧ ರೂ ರಾ (೧೮) ೮೨೫ ರೂ ರಾ (೧೯) ೧೩೯४ ರೂ ... (೨೦) ೬೦೭೨ ರೂ ರಾ

ಉದಾಹ...ಣೆ (೫೩) ಪು ೧೩೭

(೧) ೨೮೮ ರೂ ಬ (೨) ೨೧४४ ರೂ (೩) ೧೬೨ ರೂ (४) ೨೨೫ ರೂ ಬ (೫) ೧...೦೮ ರೂ (೬) ೧೩೮ ರೂ (೭) ೯೫ ರೂ ೧೦ ಆ

ಉದಾ...೫४) ಪು ೧೩೯-೧४೦

(೬) ೧೫ ಆ (೭) ೧೦ ಆ ಲಾಭ (೮) ೫ ರೂ ಲಾಭ (೯) ೮ ಆ ಗಳಿಗೆ ... ನಂತೆ (೧೦) ೨... ಆ

ಉದಾಹರಣೆ (೫೫) ಪು ೧४೧

(೧) ೧... ರೂ ಕರ ४೬೫೦ ರೂ, ಉಳಿದ ಉತ್ಪನ್ನ (೨) ೩೩೦ ರೂ ತಿಂಗಳ ಪಗ... (...) ४೦೦೦ ಜನರು (४) ೨೦೦ ರೂ (೫) ४೦೦ ರೂ

ಉದಾಹರಣೆ (೫೬) ಪು ೧४೨

(... ರೂ ೧೩ ಆ (೨) ४೫೦೦ ರೂ (೩) ೨೦೦ ಪು ಗಳು (४) ... ४ ಆಣೆ

ಕನ್ನಡ ಸಾಹಿತ್ಯ ಪ್ರಕಾಶನದಿಂದ ಪ್ರಸಿದ್ಧವಾದ ಪುಸ್ತಕಗಳು.



೧. ನಮ್ಮ ಭಾರತದ ಇತಿಹಾಸ ಭಾಗ ೧

೫ನೆಯ ಇಯತ್ತೆಗೆ ೦–೧೪–೦

೨. ,, ಭಾಗ ೨

೬ನಯ ಇಯತ್ತೆಗ ೧–೧೦–೦

೩. ,, ಭಾಗ ೩.

೭ನೆಯ ಇಯತ್ತೆಗೆ ೧–೧೨–೦

೪. ನಮ್ಮ ಭಾರತದ ಇತಿಹಾಸ (ಒಟ್ಟಾರೆ)

೫, ೬, ೭ ನೆಯ ಇಯತ್ತೆಗೆ ೩– ೪–೦

೫. ಗಣಿತ ಬೋಧೆ ೪ನೆಯ ಇಯತ್ತೆಗೆ ೧– ೦–೦

೬. ,, ಭಾಗ ೧ ೫ನೆಯ ,, ೧– ೬–೦

೭. ,, ಭಾಗ ೨ ೬ನೆಯ ,, ೧–೧೨–೦

೮. ,, ಭಾಗ ೩. ೭ನೆಯ ,, ೨– ೪–೦

೯. ನೂತನ ಸಾಮಾನ್ಯ ಜ್ಞಾನ ೪ನೆಯ ,, ೦–೧೦–೦